

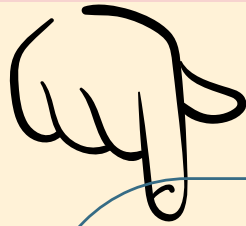
تم رفع الملف

عبر

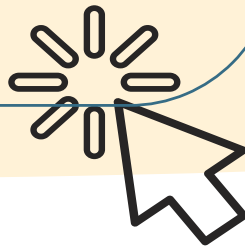
موقع الكتاب 24

للعودة الى الموقع اكتب في بحث جوجل

موقع الكتاب 24



alktab24.online





دولة ليبيا
وزارة التربية والتعليم
مركز للتأهيل التعليمي والبحوث التربوية

الرياضيات

لِلصَّفِّ السَّادِسِ مِنْ مَرَحَلَةِ التَّعْلِيمِ الْأَسَاسِيِّ



موقع المعلم التعليمي



8 الوقت والسَّرعَة

1 الوقت

تَسْتَيْقِظُ فاعِلْمَةُ فِي نَفْسِ الْوَقْتِ كُلِّ يَوْمٍ.



لاحظ الوقت على الساعة.

الساعة 6:30 صباحاً. نكتب 6:30 ص.

ونقرأها السادسة والنصف صباحاً.

يمكن أن نكتب الوقت بطريقة أخرى.

يمكن أن نكتب 06 : 30.

ونقرأ الساعة السادسة وثلاثون دقيقة.

06 : 30 طريقة لبيان الوقت بنظام الساعة 24 ساعة.

6:30 ص طريقة لبيان الوقت بنظام الساعة 12 ساعة.



جميع الحقوق محفوظة. لا يمكن النسخ أو التعديل أو النشر أو التوزيع.

صفحة Zein Atala



تعلم

الساعة الساعة بعقوداً ودقائق



تبدأ المدرسة 7:40 صباح كل يوم.



1 باستخدام النظام 12 ساعة، نكتب الوقت بالصورة ونقرأ

2 باستخدام النظام 24 ساعة، نكتب الوقت بالصورة ونقرأ



اكتب الأوقات التالية باستخدام النظام 24 ساعة. الساعة الساعة بعقوداً ودقائق



1 9:15 ص



اكتب الأوقات التالية باستخدام النظام 12 ساعة.



1 08 : 45



تنتهي الدراسة الساعة 1:45 بعد الظهر كل يوم.

نكتب الوقت بالصورة 1:45 م.



كتب لعمري عن 1:45 م. باستخدام النظام 24 ساعة

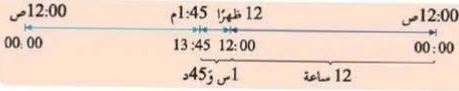
1:45 م لعمري عن الوقت باستخدام النظام 12 ساعة



إمسح على الكود لمشاهدة فيديو خطوات الحل

أستاذ الرياضيات نور الوداوي 0910559646

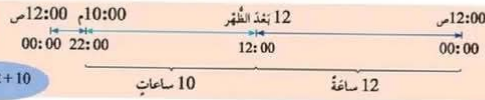
$$13 = 1 + 12$$



نقرأ 13:45 الساعة ثلاث عشرة وخمسة وأربعون.

نستطيع أيضًا أن نقول أن الدراسة تنتهي الساعة 13:45 كل يوم. تذهب فاطمة للنوم الساعة 10:00 كل مساء. نكتب الوقت بالصورة 10:00 م.

3



$$22 = 12 + 10$$



22:00 طريقة أخرى لبيان 10:00 م. تذهب فاطمة للنوم الساعة 22:00 كل مساء.

نقرأ 22:00 كالأبى الساعة الثمان وعشرون.



صفحة Zein Atala

120



اصبح على الكود لمشاهدة فيديو خطوات الحل

استاذ الرياضيات نور الوداوي 0910559646

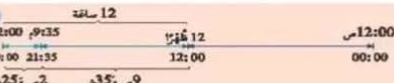


$$20:30 = 8:30 + 12:00$$



- 1 اكتب 12 على 8
- 2 اكتب 12 على 11

- أ اكتب الأوقات الآتية بالنظام 24 ساعة.
 - 1 8:30 م. 20:30
 - 2 11:15 م. 23:15
- ب اكتب 21:35 بالنظام 12 ساعة.

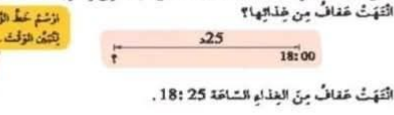


21:35 هو نفسه 9:35 م باستخدام النظام 12 ساعة، 21:35 تعادل 9:35 م.

لنقرأ في النظام 12 للساعة نبحث أن لنا خمس أزم. ٢٥



- أ اكتب الأوقات التالية باستخدام النظام 12 ساعة.
 - 1 15:40 م. 3:40
 - 2 11:25 م. 23:25
- ب اكتب الأوقات الآتية بالنظام 24 ساعة.
 - 1 8:50 م. 08:50
 - 2 12:00 م. 12:00
- ج اكتب الأوقات الآتية إلى ص أو م.
 - 1 07:35 م. 7:35
 - 2 19:35 م. 7:35
- د تنازلت غفاف عليها الساعة 18:00 وانتهت من حلها بقدر 25 دقيقة. متى انتهت غفاف من حلها؟



انتهت غفاف من الحل الساعة 18:25.

121

صفحة Zein Atala استاذ الرياضيات نور الوداوي

موقع المعلم التعليمي



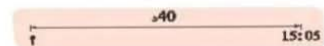
امسح على الكود لمشاهدة
فيديو خطوات الحل

أستاذ
الرياضيات
نور الوداوي
0910559646

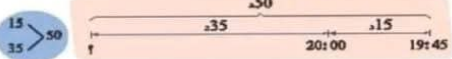
تعلم

٢ بدأت سحر دُرس البياتو الساعة 15:05 وانتهت من الدرس بعد 40 دقيقة.
ما الوقت الذي انتهت فيه من الدرس؟

$$\begin{array}{r} 15:05 \\ + 40 \\ \hline 15:45 \end{array}$$



٥ انتهت سحر من درس البياتو الساعة 15:45.
تراكمت شهيير مذكرتها الساعة 19:45. اشتغلت سيارة وشيكرت منورها بعد 50 دقيقة. ما الوقت الذي وصلت فيه شهيير بئرها؟



وصالت شهيير منورها الساعة 20:35.

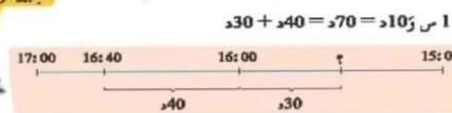
٢ بدأت نيلي دُرس اللغة الإنجليزية الساعة 12:25. انتهى الدرس بعد 45 دقيقة. ما الوقت الذي انتهت فيه نيلي من الدرس؟



انتهت نيلي من الدرس الساعة 13:10.

أشغى حط الحزن
بقيت الوقت.

٢ انتهى دُرس الرشم لأحمد الساعة 16:40. اشتغق الدُرس 1 س و 10 د. ما الوقت الذي بدأ فيه دُرس الرشم؟



امسح على الكود لمشاهدة
فيديو خطوات الحل

أستاذ
الرياضيات
نور الوداوي
0910559646

30 دقيقة قبل 16:00 تعادل 15:30.
بدأ دُرس الرشم الساعة 15:30.

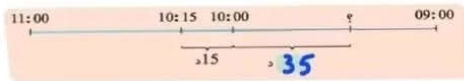
122

أستاذ الرياضيات نور الوداوي



٢ اختبرت منال كعكة في مَزن لمدة 50 دقيقة. أخترت الكعكة من المَزن الساعة 10:15. ما الوقت الذي بدأت فيه خَبر الكعكة؟

$$50 = 15 + 35 \text{ د}$$



بدأت الحَبيز الساعة 9:25.

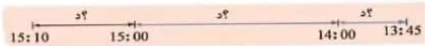
٢ أقلعت الطائرة من مطار بنغازي الساعة 13:45 وخبطت في مطار طرابلس الساعة 15:10. ما الزمن الذي اشتغقته الرحلة؟

أشغى حط الحزن
لك الزمن المستغرق.



امسح على الكود لمشاهدة
فيديو خطوات الحل

أستاذ
الرياضيات
نور الوداوي
0910559646



الزمن المستغرق	إلى	من
15 د	14:00	13:45
1 س = 60 د	15:00	14:00
10 د	15:10	15:00
1 س و 25 د	الزمن الكلي	

اشتغرت الرحلة 1 س و 25 د.



امسح على الكود لمشاهدة
فيديو خطوات الحل

أستاذ
الرياضيات
نور الوداوي
0910559646

123

أستاذ الرياضيات نور الوداوي



امسح على الكود لمشاهدة
فيديو خطوات الحل

أستاذ
الرياضيات
نور الوداوي
0910559646

تعلم

بداً منه الجزئي الساعة 17: 45 وانتهى الساعة 19: 15. ما الزمن الذي استغرقه في
الجزئي؟

19: 15	19: 00	18: 00	17: 45
--------	--------	--------	--------

الزمن المستغرق	إلى	من
15 دقيقة	18: 00	17: 45
1 ساعة	19: 00	18: 00
15 دقيقة	19: 15	19: 00
1: 30	الزمن الكلي	

جزئي 1 من 30 د.

عندما تكون الساعة 08: 00 في طرابلس فكأنها تكون 09: 00 في القاهرة. جمال
في طرابلس. تكلم مع البنية التي في القاهرة عبر الهاتف الساعة 11: 00 كم تكون
الوقت في القاهرة؟

11: 00	08: 00
09: 00	وقت طرابلس
09: 00	وقت القاهرة

امسح على الكود لمشاهدة
فيديو خطوات الحل

الساعة 12: 00 في القاهرة.

عندما تكون الساعة 18: 00 في الكويت، تكون 14: 00 في تونس. ياسر في
تونس، تكلم مع زوجته التي في الكويت الساعة 21: 30 ما الوقت في الكويت؟

18: 00	21: 30	14: 00	07: 30
07: 30	21: 30	14: 00	07: 30
14: 00	21: 30	14: 00	07: 30
07: 30	21: 30	14: 00	07: 30
14: 00	21: 30	14: 00	07: 30
07: 30	21: 30	14: 00	07: 30
14: 00	21: 30	14: 00	07: 30
07: 30	21: 30	14: 00	07: 30
14: 00	21: 30	14: 00	07: 30
07: 30	21: 30	14: 00	07: 30

أستاذ الرياضيات نور الوداوي

124



هيا نعمل معاً!

اعمل ضمن فريق ثنائي.

كل منكما سوف يستخدم الكلمات الآتية لكتابة مسألة لفظية.

20: 35	1 س و 45 د	فاطمة	واجب منزلي
بداً	انتهت	ما الوقت	استغرقت

تبادل مسألتك مع زميلك وأوجد الإجابة.

يبيّن الجدول الآتي ساعات مغادرة الطائرات المختلفة من مطار طرابلس وأوقات
وصولها إلى جهات مختلفة.

رقم الرحلة	جهة السفر	وقت الإقلاع من طرابلس	الوقت المتوقع للوصول لجهة السفر
192	بنغازي	08: 05	09: 30
5638	تونس	13: 25	14: 50
112	سرت	15: 10	16: 05
630	القاهرة	17: 05	19: 30
368	الجزائر	18: 35	20: 00

1 كم تستغرق الرحلة من طرابلس إلى بنغازي؟

2 استقلت هذه الطائرة رقم 112 من طرابلس إلى سرت. واستقلت والدتها طائرة
بعدها وصلت سرت الساعة 21: 35. ما الوقت الذي أقلعت عنده الطائرة التي
استقلتها والدتها من مطار طرابلس؟

3 تأخرت طائرة إبراهيم إلى القاهرة لمدة 45 دقيقة. في أي وقت وصل إبراهيم
أخيراً إلى القاهرة؟

4 كان عبد الرحمن وأحمد فاو على متن الطائرة المسافرة إلى تونس عندما أخبروا
بشوء الحالة الجوية وأنهم سوف يصلون بعد الوقت المتوقع. أخيراً وصلوا إلى
تونس الساعة 15: 15. كم استغرقت الرحلة؟



أكتب الأوقات الآتية باستخدام النظام 24 ساعة.

- 1 6:30 ص 2 9:15 ص
3 7:40 م 4 11:25 م

أكتب الأوقات الآتية باستخدام النظام 12 ساعة.

- 1 08:20 2 12:30
3 18:40 4 21:35

استقلت فاطمة الحافلة من محطة جبرانة الساعة 54:10. وصلت محطة طرابلس بعد 26 دقيقة. في أي وقت وصلت فاطمة إلى محطة طرابلس؟

بدأ الحفل الموسيقي الساعة 45:19. وينتهي الساعة 20:21. كم استغرق الحفل؟

قُرئت دُنيا إعداد كعكة اناثاس بمناسبة عيد ميلادها. بدأت العمل الساعة 45:11. إذا استغرقت دُنيا 40 دقيقة في إعداد كعكة اناثاس، في أي وقت انتهت من هذا العمل؟

ذهب فريد إلى منطقة الاشتاد لمشاهدة العرض العسكري. عليه الوقوف في الصف لمدة 1 س و 20 د خارج الاشتاد قبل أن يدخل. إذا بدأ فريد الوقوف في الصف الساعة 35:15، في أي وقت يستطيع أن يدخل الاشتاد؟

ترك كمال منزله الساعة 45:06. وصل مكتبه الساعة 20:07. كم استغرق كمال ليصل من منزله إلى مكتبه؟

بدأ العرض المرئي الساعة 05:22 واستغرق العرض 2 س و 25 د. في أي وقت انتهى العرض؟



هل انتهى العرض في نفس اليوم؟

بدأت عبيد العمل الساعة 30:22 وانتهت منه الساعة 00:06 في اليوم التالي. كم من الوقت عملت؟

كانت مدة برنامج إذاعة مرئية 1 س و 25 د إذا انتهى البرنامج الساعة 35:00، في أي وقت بدأ البرنامج؟

هل بدأ البرنامج في نفس اليوم أو في اليوم السابق؟



صفحة Zein Atala

أكتب الأوقات الآتية باستخدام النظام 24 ساعة.

- 1 6:30 ص 2 9:15 ص
3 7:40 م 4 11:25 م



امسح على الكود لمشاهدة فيديو خطوات الحل

أستاذ الرياضيات نور الوداوي 0910559646

① 06:30

② 09:15

③ 19:40

④ 23:25

7 ساعات

$$19 = 7 + 12$$

$$23 = 11 + 12$$

أكتب الأوقات الآتية باستخدام النظام 12 ساعة.

- 1 08:20 2 12:30
3 18:40 4 21:35

① 8:20 ص

② 12:30 م

③ 6:40 م

④ 9:35 م

$$6 = 12 - 18$$

$$9 = 12 - 21$$

أستاذ الرياضيات نور الوداوي

موقع المعلم التعليمي



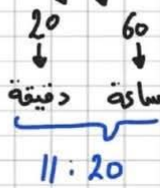
صفحة Zein Atala

اشترقت فاطمة الحافلة من محطة صبراغة الساعة 10:54. وضحت مخططة طرابلس
تغذ 26 دقيقة. في أي وقت وضحت فاطمة إلى محطة طرابلس؟

$$\begin{array}{r} 10:54 \\ + 26 \\ \hline 10:80 \end{array}$$

وصلت فاطمة إلى محطة طرابلس

10:80



امسح على الكود لمشاهدة
فيديو خطوات الحل

استاذ
الرياضيات
نور الوداوي
0910559646

وقت وصول فاطمة حواسنة 11:20

قُررت ثلثا إعداد كعكة اناناس بمناسبة عيد ميلادها. بدأت العمل الساعة 11:45.
إذا اشترقت ثلثا 40 دقيقة في إعداد كعكة الاناناس، في أي وقت انتهت من هذا
العمل؟

$$\begin{array}{r} 11:45 \\ + 00:40 \\ \hline 11:85 \end{array}$$

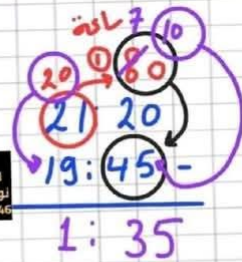
$$12:25 = 00:40 + 11:45$$



استاذ الرياضيات نور الوداوي



بدأ الحفل الموسيقي الساعة 19:45 وينتهي الساعة 21:20. كم اشترقت الحفل؟



امسح على الكود لمشاهدة
فيديو خطوات الحل

استاذ
الرياضيات
نور الوداوي
0910559646

اشترقت الحفل 1:35

ذهب قريش إلى منطقة الاشهاد لمشاهدة العرض العسكري. عليه الوقوف في الصف
بداية 1 س 20 خارج الاشهاد قبل أن تدخل. إذا بدأ قريش الوقوف في الصف
الساعة 15:35، في أي وقت يستطيع أن يدخل الاشهاد؟

$$\begin{array}{r} 15:35 \\ + 01:20 \\ \hline 16:55 \end{array}$$

وقت الدخول هو 16:55

استاذ الرياضيات نور الوداوي

موقع المعلم التعليمي



صفحة Zein Atala

ترك جمال متنوله الساعة 06:45. وصل مكتبه الساعة 07:20. كم استغرق جمال ليحصل من متنوله إلى مكتبه؟



امسح على الكود لمشاهدة فيديو خطوات الحل

استاذ الرياضيات نور الوداوي 0910559646



استغرق من الوقت 35 دقيقة

بدأ العرض المدرسي الساعة 22:05 واستغرق العرض 2 س و 25 د. في أي وقت انتهى العرض؟

$$\begin{array}{r} 22:05 \\ 02:25 \\ \hline 24:30 \end{array}$$

انتهى العرض الساعة 24:30

استاذ الرياضيات نور الوداوي

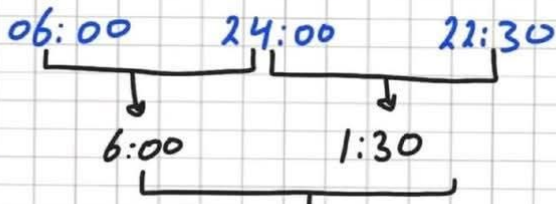


بدأت غيبر العمل الساعة 22:30 وانتهت منه نفس اليوم؟ الساعة 06:00 في اليوم التالي. كم من الوقت عملت؟



امسح على الكود لمشاهدة فيديو خطوات الحل

استاذ الرياضيات نور الوداوي 0910559646



الوقت الذي عملته هو 7:30



امسح على الكود لمشاهدة فيديو خطوات الحل

استاذ الرياضيات نور الوداوي 0910559646

استاذ الرياضيات نور الوداوي

موقع المعلم التعليمي



صفحة Zein Atala

كانت مدّة برنامج إذاعة مَرثية 1 س و25 د إذا انتهى البرنامج الساعة 00:35، في أي وقت بدأ البرنامج؟

هل بدأ البرنامج في نفس اليوم أو في اليوم التالي؟

$$\begin{array}{r} 24:35 \\ - 01:25 \\ \hline 23:10 \end{array}$$



امسح على الكود لمشاهدة فيديو خطوات الحل

أستاذ الرياضيات نور الوداوي 0910559646

بدأ البرنامج الساعة 23:10



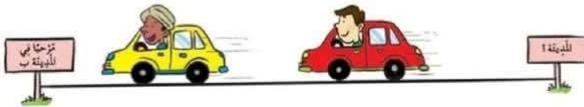
امسح على الكود لمشاهدة فيديو خطوات الحل

أستاذ الرياضيات نور الوداوي 0910559646

أستاذ الرياضيات نور الوداوي

2 الشّرعَة

1 قاد مُحَمَّد سيارته من المَدِينَة أ إلى المَدِينَة ب. قَطَعَ بَعْدَ ساعة 65 كم. وقاد جَمال سيارته في نفس الاتجاه. قَطَعَ بَعْدَ ساعة 95 كم.



تَدُلُّ الشّرعَة على سُرعة قُوَّةِ مُحَمَّد وَجَمال.

يَقُودُ جَمال بِسُرعة 95 كم في السّاعة.

يَقُودُ مُحَمَّد بِسُرعة 65 كم في السّاعة.



الزّمن / يَهْنِي لِكُلِّ.



نَسْتَطِيعُ كِتَابَةَ سُرعة سَيّارة مُحَمَّد بِالصُّورَة 65 كم / ساعة. بِالْمِثْلِ، نَسْتَطِيعُ كِتَابَةَ سُرعة سَيّارة جَمال بِالصُّورَة 95 كم / ساعة.

موقع المعلم التعليمي

حاولي الآتي -

- 1 تشطيب خليل زحوت كذا بجه 8 كم في ساعة واجدة .
سرعتها 8 كم / س .
- 2 تشطيب أنكى الجري 300 م في دقيقة واجدة .
سرعتها 300 م / د .
- 3 تقذخزج بلوة 9 سم في ثانية واجدة .
سرعتها 9 سم / ث .

يقود أحمد سيارته الثقيل بسرعة 45 كم / س . يهذو السرعة ما المسافة التي تقطعها أحمد في :

- 1 ساعتين .
- 2 5 ساعات ؟

45 كم / س كتيبي
45 كم في ثل ساعة .



في ساعة ، تقطع أحمد 45 كم .



في ساعتين ، تقطع أحمد $2 \times 45 = 90$ كم .



في 5 ساعات ، تقطع أحمد $5 \times 45 = 225$ كم .

المسافة الزمن السرعة

المسافة = الزمن \times السرعة



إمسح على الكود لمشاهدة

فيديو خطوات الحل

أستاذ الرياضيات نور الوداوي
0910559646

128

أستاذ الرياضيات نور الوداوي

تتخذ سيارتي سباق سرعة 175 كم / س . ما المسافة التي تقطعها في 3 ساعات ؟

$$525 = 175 \times 3 = \text{س}$$

الطريقة 1

1 س 175 كم

3 س 525 كم

تقطع سيارتي السباق 525 كم في 3 ساعات .

الطريقة 2

السرعة = 175 كم / س

الزمن = 3

المسافة = السرعة \times الزمن

525 كم

تقطع سيارتي السباق 525 كم في 3 ساعات .

تطلق رصاصة من بندقية بسرعة 250 م / ث . ما المسافة التي تقطعها الرصاصة في ثابنتين ؟

$$500 = 250 \times 2 = \text{س}$$

الطريقة 1

1 ث 250 م

2 ث 500 م

تشطيب الرصاصة قطع مسافة 500 م في ثابنتين .

الطريقة 2

السرعة = 250 م / ث

الزمن = 2

المسافة = 500 م

تشطيب الرصاصة قطع مسافة 500 م في ثابنتين .



إمسح على الكود لمشاهدة

فيديو خطوات الحل

أستاذ الرياضيات نور الوداوي
0910559646

129

أستاذ الرياضيات نور الوداوي

تتضمن السرعة كميتين:

- 1 المسافة المقطوعة
- 2 الوقت المستغرق

السرعة هي المسافة المقطوعة لكل وحدة زمن.

مثال:

تزحف قوقعة بسرعة 20 سم / د.

20 سم ← 1 د

(المسافة المقطوعة) (لكل وحدة زمن)

إذن، السرعة نوع خاص من المعدل.

9 تسبح جميلة 450 م في 5 دقائق. أوجد سرعة سباحتها بـ: م / د.



لإيجاد السرعة يعني إيجاد المسافة التي سبحتها في 1 دقيقة.

الطريقة 1

$$5 \text{ د} \leftarrow 450 \text{ م}$$

$$1 \text{ د} \leftarrow \frac{450}{5} = 90 \text{ م}$$

سرعة سباحة جميلة 90 م / د.

الطريقة 2

المسافة = 450 م

الزمن = 5 د

السرعة = المسافة ÷ الزمن

$$5 \div 450 = \text{السرعة}$$

$$90 \text{ م / د} =$$

سرعة سباحة جميلة 90 م / د.



130



امسح على الكود لمشاهدة فيديو خطوات الحل

أستاذ الرياضيات نور الوداوي 0910559646



صفحة Zein Atala

10 المسافة بين مدينتين 1، ب 147 كم. تستغرق سيارة ثقيل 3 ساعات لقطع المسافة من المدينة 1 إلى المدينة ب. ما سرعة السيارة؟



$$ص = \frac{147}{3} = 49 \text{ كم}$$

الطريقة 1

3 س ← 147 كم

1 س ← ص كم

سرعة سيارة الثقيل 49 كم / س.

الطريقة 2

المسافة = 147 كم

الزمن = 3 س

السرعة = المسافة ÷ الزمن

$$49 = 3 \div 147 =$$

سرعة سيارة الثقيل 49 كم / س.

11 جري خالد حول حقل بسرعة 8 م / ث. كم تستغرق من الزمن لقطع مسافة 96 م؟



امسح على الكود لمشاهدة فيديو خطوات الحل

أستاذ الرياضيات نور الوداوي 0910559646

الطريقة 1

8 م ← 1 ث

96 م ← 12 ث

تستغرق خالد 12 ث ليجري 96 م.

الطريقة 2

المسافة = 96 م

السرعة = 8 م / ث

الزمن = المسافة ÷ السرعة

$$8 \div 96 = \text{الزمن}$$

$$12 =$$

تستغرق خالد 12 ث ليجري 96 م.



131

أستاذ الرياضيات نور الوداوي

موقع المعلم التعليمي

المسافة بين القرية ص والقرية ع تساوي 216 كم. فاذ توفيق ذراجته البخارية بسرعة 54 كم/س. ما الزمن اللازم لقطع المسافة بين القريتين؟



المطريقة 1

المسافة = 216 كم
السرعة = 54 كم/س
الزمن = 4 س

المطريقة 2

المسافة = 216 كم
السرعة = 54 كم/س
الزمن = 4 س

سوف يقطع توفيق المسافة بين القريتين ص، ع في 4 س.



امسح على الكود لمشاهدة
فيديو خطوات الحل

أستاذ
الرياضيات
نور الوداوي
0910559646

132

أستاذ الرياضيات نور الوداوي

هنا تتدرب معنا! 8 ب

1. يستغرق سائق سيارة 80 دقيقة للسفر مسافة 120 كم. احسب سرعته؟
2. أطلقت نهداء فجأة البالونة التي كانت تمسك بها. ارتفعت البالونة 42 م في 8 ثوان. ما السرعة التي كانت ترتفع بها البالونة؟
3. سقط حثدي المظلات بسرعة 3200 م/د. ما المسافة التي يهبطها المظلي في 4 دقائق؟
4. يستطيع الخفاش الطيران بسرعة 48 كم/س. كم دقيقة يستغرقها ليطير مسافة 8 كم؟
5. يسير جلال من مدرسته إلى منزله بسرعة 3 كم/س. يستغرق 20 دقيقة حتى يصل إلى منزله. ما المسافة بين مدرسته ومنزله؟ (إرشاد: حول الزمن من دقائق إلى ساعة)
6. المسافة بين طرابلس ومدينة مضرته 210 كم.
1. إذا تحركت حافلة بسرعة 60 كم/س، كم سوف تستغرق من الزمن للسفر من طرابلس إلى مدينة مضرته؟
2. إذا استغرقت الحافلة 140 دقيقة للسفر من طرابلس إلى مدينة مضرته، ما سرعة الحافلة؟ ضغ إجابتك بـ: كم/د.

صفحة Zein Atala



امسح على الكود لمشاهدة
فيديو خطوات الحل

أستاذ
الرياضيات
نور الوداوي
0910559646

تعلم

يشتغق سائق سيارة 80 دقيقة للسفر مسافة 120 كم. احسب سرعته؟

أطلقت نهدا فجأة البالونة التي كانت تمسك بها. ارتفعت البالونة 42 م في 8 ثوان. ما السرعة التي كانت ترتفع بها البالونة؟



امسح على الكود لمشاهدة
فيديو خطوات الحل

أستاذ
الرياضيات
نور الوداوي
0910559646

**السرعة = المسافة
الزمن**

$$\textcircled{1} \text{ السرعة} = \frac{120}{80} = 1.5 \text{ كم/د}$$

$$\textcircled{2} \text{ السرعة} = \frac{42}{8} = 5.25 \text{ م/ث}$$

سقط جثدي المظلات بسرعة 3200 م/د. ما المسافة التي يهبطها المظلي في 4 دقائق؟

المسافة = السرعة × الزمن

$$\textcircled{3} \text{ المسافة} = 4 \times 3200 = 12800 \text{ متر}$$

أستاذ الرياضيات نور الوداوي

صفحة Zein Atala



امسح على الكود لمشاهدة
فيديو خطوات الحل

أستاذ
الرياضيات
نور الوداوي
0910559646

**الزمن = المسافة
السرعة**

$$\textcircled{3} \text{ الزمن} = \frac{8}{48} = 0.16 \text{ س}$$

المطلوب عندي الزمن بالدقائق لذلك نحول من الساعة إلى الدقيقة بال ضرب في 60

$$\text{الزمن} = 0.16 \times 60 = 10 \text{ دقائق}$$



امسح على الكود لمشاهدة
فيديو خطوات الحل

أستاذ
الرياضيات
نور الوداوي
0910559646

أستاذ الرياضيات نور الوداوي

موقع المعلم التعليمي



يسير جلال من مدرسته إلى منزله بسرعة 3 كم/س. يستغرق 20 دقيقة حتى يصل إلى منزله. ما المسافة بين مدرسته ومنزله؟ (إرشاد: حول الزمن من دقائق إلى ساعة)

المسافة = السرعة × الزمن
أولاً نحول الزمن من الدقائق إلى الساعة بالقسمة على



امسح على الكود لمشاهدة
فيديو خطوات الحل

أستاذ
الرياضيات
نور الوداوي
0910559646

$$60 \left(\frac{1}{3} \text{ ساعة} = \frac{20}{60} \right)$$

$$\text{المسافة} = \frac{1}{3} \times 3 = 1 \text{ كم}$$



امسح على الكود لمشاهدة
فيديو خطوات الحل

أستاذ
الرياضيات
نور الوداوي
0910559646

أستاذ الرياضيات نور الوداوي



صفحة Zein Atala

المسافة بين طرابلس ومدينة مضراته 210 كم.

1 إذا تحركت حافلة بسرعة 60 كم/س، كم سوف تستغرق من الزمن للسفر من طرابلس إلى مدينة مضراته؟

2 إذا استغرقت الحافلة 140 دقيقة للسفر من طرابلس إلى مدينة مضراته، ما سرعة الحافلة؟ ضع إجابتك بـ: كم/س.

$$\text{① الزمن} = \frac{\text{المسافة}}{\text{السرعة}} = \frac{210}{60} = \frac{7}{2} = 3.5 \text{ ساعة}$$

$$\text{② السرعة} = \frac{\text{المسافة}}{\text{الزمن}} = \frac{210}{140} = 1.5 \text{ كم/د}$$



امسح على الكود لمشاهدة
فيديو خطوات الحل

أستاذ
الرياضيات
نور الوداوي
0910559646

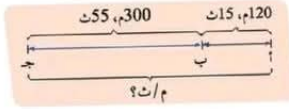
أستاذ الرياضيات نور الوداوي

موقع المعلم التعليمي



3 السرعة المتوسطة

المسافة بين العمودين أ، ب 120 م. والمسافة بين العمودين ب، ج 300 م. جرى يأسر من العمود أ إلى العمود ب في 15 ثانية. ثم جرى من العمود ب إلى العمود ج في 55 ثانية. أوجد سرعة يأسر المتوسطة للمسافة من أ إلى ج.



السرعة المتوسطة هي المسافة المقطوعة التي قطعت في وحدة الزمن.

السرعة بين العمود أ والعمود ب تختلف عن السرعة بين العمود ب والعمود ج.



$$\text{السرعة المتوسطة} = \frac{\text{المسافة الكلية التي قطعت}}{\text{الزمن الكلي}}$$

$$\text{إجمالي المسافة من العمود أ إلى العمود ج} = 300 + 120 = 420 \text{ م}$$

$$\text{إجمالي الزمن المستغرق للجرى من العمود أ إلى العمود ج} = 55 + 15 = 70 \text{ ث}$$

$$\text{السرعة المتوسطة} = \frac{\text{إجمالي المسافة المقطوعة}}{\text{إجمالي الزمن المستغرق}}$$

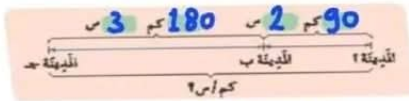
$$= \frac{420}{70} = 6 \text{ م/ث}$$

السرعة المتوسطة ليأسر 6 م/ث

134



يتسفرق هاني ساعتين لقيادة سيارته من المدينة أ إلى المدينة ب. ثم استغرق 3 ساعات أخرى للقيادة من المدينة ب إلى المدينة ج. المسافة بين المدينتين أ، ب 90 كم بينما للمسافة بين المدينتين ب، ج 180 كم. ما سرعة هاني للرحلة كلها؟



لولا، أوجد إجمالي المسافة.

ثم أوجد إجمالي الزمن.



$$5 = 3 + 2 \text{ ساعات}$$

$$\text{إجمالي المسافة من المدينة أ إلى المدينة ج} = 90 + 180 = 270 \text{ كم}$$

$$\text{إجمالي الزمن للرحلة من المدينة أ إلى المدينة ج} = 3 + 2 = 5 \text{ س}$$

$$\text{سرعة هاني للرحلة كلها} = \frac{\text{إجمالي المسافة المقطوعة}}{\text{إجمالي الزمن المستغرق}}$$

$$= \frac{270}{5} = 54 \text{ كم/س}$$

$$\text{السرعة المتوسطة} = 54 \text{ كم/س}$$

سرعة هاني للرحلة كلها 54 كم/س.



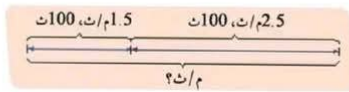
امسح على الكود لمشاهدة

فيديو خطوات الحل

أستاذ الرياضيات نور الوداوي

أستاذ
الرياضيات
نور الوداوي
0910559646

سَبَحَتْ فاطمة لمدة 100 ثانية بسرعة 2.5 م / ث. ثُمَّ سَبَحَتْ لمدة 100 ثانية أخرى بسرعة 1.5 م / ث. أوجد السرعة المتوسطة لفاطمة.



المسافة = السرعة × الزمن

للجزء الأول،
المسافة التي سَبَحَتْ = 100×2.5
= 250 م

للجزء الثاني،
المسافة التي سَبَحَتْ = 100×1.5
= 150 م

إجمالي المسافة التي سَبَحَتْ = $150 + 250$
= 400 م

إجمالي الزمن المُستغرق = $100 + 100$
= 200 ث

السرعة المتوسطة = $\frac{400}{200}$

= 2 م / ث

السرعة المتوسطة لفاطمة كانت 2 م / ث



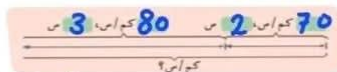
صفحة Zein Atala

136

صفحة Zein Atala



قادت آيمن سباقاً لمدة ساعتين بسرعة 70 كم / س. غطت سرعة إلى 80 كم / س في الـ 3 ساعات التالية. ما سرعة آيمن للرحلة كلها؟



للجزء الأول من الرحلة:
المسافة المقطوعة = السرعة × الزمن
التوسطة

= $140 = 2 \times 70$ كم

للجزء الثاني من الرحلة:
المسافة المقطوعة = $240 = 3 \times 80$ كم

إجمالي المسافة التي قطعت = 380 كم

إجمالي الزمن المُستغرق = 5 س

كانت سرعة آيمن للرحلة كلها = 76 كم / س

الزمن الأول + الثاني = $2 + 3 = 5$ ساعات

السرعة المتوسطة = المسافة المقطوعة

الزمن المُستغرق
= $\frac{380}{5} = 76$ كم / س



امسح على الكود لمشاهدة فيديو خطوات الحل

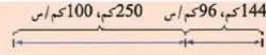
أستاذ الرياضيات نور الوداوي 0910559646

137

أستاذ الرياضيات نور الوداوي

موقع المعلم التعليمي

٨ قطع قطار أول 144 كم في رحلة بسرعة متوسطة 96 كم/س. وقطع مسافة 250 كم الباقية بسرعة متوسطة 100 كم/س. أوجد سرعة القطار المتوسطة لكل الرحلة.



للجزء الأول من الرحلة،

$$\frac{144}{96} = \text{الزمن المستغرق}$$

$$= 1 \frac{1}{2} \text{ س}$$

للجزء الثاني من الرحلة،

$$\frac{250}{100} = \text{الزمن المستغرق}$$

$$= 2 \frac{1}{2} \text{ س}$$

$$\text{إجمالي الزمن المستغرق} = 1 \frac{1}{2} + 2 \frac{1}{2} =$$

$$= 4 \text{ س}$$

$$\text{إجمالي المسافة المقطوعة} = 250 + 144 =$$

$$= 394 \text{ كم}$$

$$\text{السرعة المتوسطة} = \frac{\text{المسافة الكلية}}{\text{الزمن الكلي}}$$

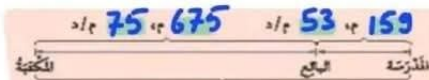
$$= \frac{394}{4} =$$

$$= 98 \frac{1}{2} \text{ كم/س}$$

سرعة القطار المتوسطة لكل الرحلة كانت $98 \frac{1}{2}$ كم/س.



٩ سارت رانيا 159 م بسرعة 53 م/د من المدرسة إلى البائع. ثم سارت 675 م بسرعة 75 م/د من البائع إلى المكتبة. أوجد سرعة رانيا المتوسطة للمسافة كلها؟



للجزء الأول، الزمن المستغرق = $\frac{\text{المسافة المقطوعة}}{\text{السرعة المتوسطة}} = \frac{159}{53}$

$$= 3 \text{ د}$$

للجزء الثاني، الزمن المستغرق = $\frac{675}{75}$

$$= 9 \text{ د}$$

إجمالي الزمن = $3 + 9 = 12 \text{ د}$

إجمالي المسافة = $159 + 675 = 834 \text{ م}$

السرعة المتوسطة = $\frac{834}{12} = 69.5 \text{ م/د}$

سرعة رانيا المتوسطة في المسافة كلها كانت 69.5 م/د.

السرعة المتوسطة = $\frac{\text{المسافة المقطوعة}}{\text{الزمن المستغرق}}$

$$= \frac{834}{12} = 69.5 \text{ م/د}$$



امسح على الكود لمشاهدة

فيديو خطوات الحل

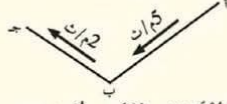
أستاذ
الرياضيات
نور الوداوي
0910559646



١ جرت هدى 385 م حول مضمار مرتين. استغرقت 5 دقائق لجري الدورة الأولى و6 دقائق لإكمال الدورة الثانية. احسب سرعتها المتوسطة؟

٢ استغرقت أماني 7 دقائق في الشير 526 مترًا. ثم سارت 5 دقائق أخرى بسرعة 70 م/د.

- ١ أوجد إجمالي المسافة التي سارتها أماني؟
- ٢ ما السرعة المتوسطة لأماني في الرحلة كلها؟



٣ تخرجت كثر من النقطة أ إلى النقطة ب لمدة 14 ثانية بسرعة 5 م/ث. واستغرقت 14 ث لتتخرج من النقطة ب إلى النقطة ج بسرعة 2 م/ث.

- ١ أوجد إجمالي المسافة التي قطعها كثر.
- ٢ أوجد السرعة المتوسطة لكثر.

٤ ركب عماد دراجته من المدرسة إلى المكتبة بسرعة 18 كم/س. ثم عاد لمدرسته بالدراجة في $\frac{2}{3}$ س أخرى. كانت المسافة بين المدرسة والمكتبة 6 كم.

- ١ أوجد إجمالي الزمن الذي استغرقه كل الرحلة.
- ٢ أوجد السرعة المتوسطة للرحلة كلها.

٥ قطع قارب المسافة من العمود أ إلى العمود ب بسرعة 15 كم/س. ثم قطع المسافة من العمود ب إلى العمود أ بسرعة 25 كم/س. المسافة بين العمودين 75 كم.

- ١ أوجد إجمالي الزمن المستغرق للرحلة كلها.
- ٢ أوجد السرعة المتوسطة للرحلة كلها.



صفحة Zein Atala

تعلم



امسح على الكود لمشاهدة
فيديو خطوات الحل

أستاذ
الرياضيات
نور الوداوي
0910559646

١ جرت هدى 385 م حول مضمار مرتين. استغرقت 5 دقائق لجري الدورة الأولى و6 دقائق لإكمال الدورة الثانية. احسب سرعتها المتوسطة؟

٢ استغرقت أماني 7 دقائق في الشير 526 مترًا. ثم سارت 5 دقائق أخرى بسرعة 70 م/د.

- ١ أوجد إجمالي المسافة التي سارتها أماني؟
- ٢ ما السرعة المتوسطة لأماني في الرحلة كلها؟



① السرعة المتوسطة = $\frac{\text{المسافة}}{\text{الزمن}}$

الزمن المستغرق = $5 + 6 = 11$ د

∴ السرعة = $\frac{385 + 385}{11} = \frac{770}{11} = 70$ م/د



امسح على الكود لمشاهدة
فيديو خطوات الحل

② المسافة = السرعة × الزمن

$350 = 70 \times 5$

② السرعة = $\frac{\text{المسافة}}{\text{الزمن}}$

تعلم

استاذ الرياضيات نور الوداوي 0910559646

امسح على الكود لمشاهدة فيديو خطوات الحل

$$\text{الزمن الكلي} = 5 + 7 = 12 \text{ د}$$

$$\text{المسافة الكلية} = 350 + 526 = 876 \text{ م}$$

$$\text{السرعة المتوسطة} = \frac{\text{المسافة}}{\text{الزمن}} = \frac{876}{12} = 73 \text{ م/د}$$

- تذكرت كرتة من النقطة 1 إلى النقطة ب لمدة 14 ثانية بسرعة 5 م/ث. واستغرقت 14 ث لتتخرج من النقطة ب إلى النقطة ج بسرعة 2 م/ث.
- أوجد إجمالي المسافة التي قطعها الكرتة.
 - أوجد السرعة المتوسطة للكرتة.

$$\text{① المسافة الكلية} = \text{المسافة الأولى} + \text{المسافة الثانية}$$

$$\text{المسافة الأولى} = \text{السرعة} \times \text{الزمن}$$

$$= 5 \times 14 = 70 \text{ م}$$

$$\text{المسافة الثانية} = \text{السرعة} \times \text{الزمن}$$

$$= 2 \times 14 = 28 \text{ م}$$

امسح على الكود لمشاهدة فيديو خطوات الحل

استاذ الرياضيات نور الوداوي

تعلم

استاذ الرياضيات نور الوداوي 0910559646

امسح على الكود لمشاهدة فيديو خطوات الحل

$$\therefore \text{المسافة الكلية} = 70 + 28 = 98 \text{ م}$$

$$\text{② السرعة المتوسطة} = \frac{\text{المسافة}}{\text{الزمن}}$$

$$= \frac{98}{(14+14)} = \frac{98}{28} = 3.5 \text{ م/ث}$$

- ركب عماد دراجته من المدرسة إلى المكتبة بسرعة 18 كم/س. ثم عاد لدرسته بالدراجة في $\frac{2}{3}$ س أخرى. كانت المسافة بين المدرسة والمكتبة 6 كم.
- أوجد إجمالي الزمن الذي استغرقه عماد للرحلة.
 - أوجد السرعة المتوسطة للرحلة كلها.

امسح على الكود لمشاهدة فيديو خطوات الحل

$$\text{① الزمن الذي استغرقه الرحلة} = \text{زمن الذهاب} + \text{زمن العودة}$$

$$\text{زمن الذهاب} = \frac{\text{المسافة}}{\text{السرعة}} = \frac{6}{18} = \frac{1}{3} \text{ ساعة}$$

$$\text{زمن الرحلة} = \frac{2}{3} + \frac{1}{3} = \frac{2+1}{3} = \frac{3}{3} = 1 \text{ ساعة}$$

استاذ الرياضيات نور الوداوي

موقع المعلم التعليمي



ذهاب وعودة

$$\textcircled{2} \text{ السرعة} = \frac{\text{المسافة}}{\text{الزمن}} = \frac{6 \times 2}{1} = \frac{12}{1} \text{ كم/س}$$

1. قطع قارب المسافة من العنود 1 إلى العنود ب بسرعة 15 كم/س. ثم قطع المسافة من العنود ب إلى العنود 1 بسرعة 25 كم/س. المسافة بين العنودين 75 كم.
2. أوجد إجمالي الزمن المستغرق للرحلة كلها.
3. أوجد السرعة المتوسطة للرحلة كلها.

① الزمن الكلي = الزمن الأول + الزمن الثاني

$$\text{الزمن الأول} = \frac{\text{المسافة}}{\text{السرعة}} = \frac{75}{15} = 5 \text{ س}$$

$$\text{الزمن الثاني} = \frac{\text{المسافة}}{\text{السرعة}} = \frac{75}{25} = 3 \text{ س}$$

ذهاب وعودة

$$\text{الزمن الكلي} = 3 + 5 = 8 \text{ ساعات}$$

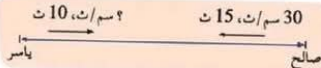
$$\textcircled{2} \text{ السرعة المتوسطة} = \frac{\text{المسافة}}{\text{الزمن}} = \frac{2 \times 75}{8} = \frac{150}{8} = 18.75 \text{ كم/س}$$

استاذ الرياضيات نور الوداوي
0910559646
فديو خطوات الحل
استاذ الرياضيات نور الوداوي



4 مسائل لفظية

1. وقف صالح وياسر على مسافة من بعضهما. دَخَرَ صالِحُ كُرَةً إلى ياسر، ففُطِطَتِ المسافة بسرعة 30 سم/ث لتصل إلى ياسر في 15 ثانية. ثم دَخَرَ ياسر الكرة ليعود إلى صالح. وصلت لصالِح في 10 ثوانٍ. أوجد سرعة الكرة عند تَدَخُّرِها من ياسر إلى صالح.
أولاً، أوجد المسافة بين جمال وياسر.



$$\text{المسافة بين جمال وياسر} = \text{السرعة} \times \text{الزمن}$$

$$15 \times 30 = 450 \text{ سم}$$

$$\text{سرعة الكرة عندما تَدَخَّرَتْ من ياسر إلى صالح} = \frac{\text{المسافة}}{\text{الزمن}}$$

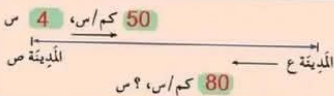
$$10 \div 450 =$$

$$45 \text{ سم/ث}$$

كانت سرعة الكرة عندما تَدَخَّرَتْ من ياسر إلى صالح 45 سم/ث.

2. استغرق سائق سيارة نقل 4 ساعات للقيادة من المدينة ص إلى المدينة ع بسرعة 50 كم/س. وعند العودة من المدينة ع إلى المدينة ص، زاد سرعته إلى 80 كم/س. ما الزمن الذي استغرقه ليصل إلى المدينة ص؟

أولاً، أوجد المسافة بين المدينة ص والمدينة ع.



$$\text{المسافة} = 4 \times 50 = 200 \text{ كم}$$

$$\text{المسافة بين المدينة ص والمدينة ع} = 200 \text{ كم}$$

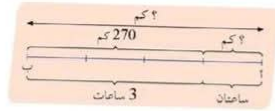
$$\text{الزمن المستغرق ليصل إلى المدينة ص} = 2.5 \text{ س}$$

$$\text{استغرق الرجل 2.5 س ليصل إلى المدينة ص.}$$

$$\text{السرعة المتوسطة} = \frac{\text{المسافة}}{\text{الزمن}} = \frac{200}{80} = 2.5 \text{ ساعة}$$

سافر كابل من القرية أ إلى القرية ب . استغرق ساعتين في قطع $\frac{1}{4}$ الرحلة، ثم فاز مسافة 270 كم الباقية في 3 ساعات .

- 1 أوجد إجمالي المسافة التي قطعها كابل .
- 2 أوجد السرعة المتوسطة للرحلة كلها .



- 1 3 وحدات ← 270 كم
1 وحدة ← $90 = \frac{270}{3}$ كم
4 وحدات ← $360 = 90 \times 4$ كم
إجمالي المسافة التي قطعها كابل 360 كم
- 2 الزمن المستغرق في الرحلة كلها $3 + 2 = 5$ س
السرعة المتوسطة في الرحلة كلها $\frac{\text{إجمالي المسافة}}{\text{إجمالي الزمن}} = \frac{360}{5} = 72$ كم / س
السرعة المتوسطة 72 كم / س .

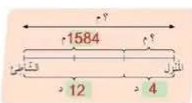
Zein Atala صفحة

142

Zein Atala صفحة

ركبت رانيا دراجتها من منزلها إلى الشاطئ . استغرقت 4 دقائق في قطع $\frac{1}{3}$ المسافة واستغرقت 12 دقيقة أخرى في قطع 1584 م الباقية .

- 1 أوجد المسافة بين بيت رانيا والشاطئ .
- 2 أوجد سرعتها المتوسطة خلال الرحلة كلها .



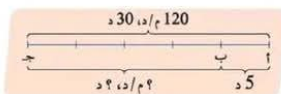
- 1 1 وحدات ← 1584 م
2 وحدات ← 1584 م
1 وحدات ← $792 = \frac{1584}{2}$ م
المسافة بين منزل رانيا والشاطئ 792 م .
- 2 إجمالي الزمن للرحلة $16 = 12 + 4$ د
السرعة المتوسطة للمسافة كلها $148.5 = \frac{2376}{16}$ م / د
سرعتها المتوسطة للرحلة كلها 148.5 م / د .

Zein Atala صفحة

143

١. تجزى صلاح المسافة من أ إلى ج في 30 دقيقة بسرعة متوسطة 120 م/د. وتجزى المسافة من أ إلى ب في 5 دقائق وهي $\frac{1}{5}$ إجمالي المسافة. كم كانت سرعته المتوسطة في المسافة الباقية؟

أولاً، أوجد إجمالي المسافة



إجمالي المسافة = السرعة × الزمن

$$30 \times 120 =$$

$$3600 =$$

5 وحدات ← 3600 م

$$1 \text{ وحدة} \leftarrow 720 = \frac{3600}{5}$$

$$4 \text{ وحدات} \leftarrow 2880 = 720 \times 4$$

المسافة بين ب، ج = 2880 م

الزمن المستغرق للجزيء من ب إلى ج = 30 - 5 = 25 د

$$25 =$$

السرعة المتوسطة للمسافة الباقية = إجمالي المسافة / إجمالي الزمن

$$\frac{2880}{25} =$$

$$115 \frac{1}{5} =$$

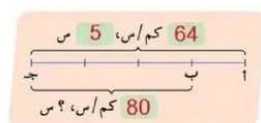
$$115 \frac{1}{5} \text{ م/د}$$

سرعته المتوسطة خلال المسافة الباقية $115 \frac{1}{5}$ م/د.

144

١. تحركت سيارة ثقيل لمدة 5 ساعات من المصنع أ إلى المصنع ج بسرعة متوسطة 64 كم/س. قطعت المسافة من المصنع ب إلى المصنع ج بسرعة متوسطة 80 كم/س. إذا كانت المسافة بين المصنع أ، والمصنع ب، $\frac{1}{4}$ إجمالي المسافة بين المصنع أ والمصنع ج. كم من الزمن استغرقه لقطع المسافة من المصنع ب إلى المصنع ج؟

أولاً، أوجد إجمالي المسافة.



$$320 = 64 \times 5 \text{ كم}$$

المسافة من المصنع أ إلى المصنع ج = 320 كم

$$80 = 320 \times \frac{1}{4} \text{ كم}$$

1 وحدات ← 80 كم

المسافة بين المصنع ب، المصنع ج = 240 كم

الزمن المستغرق لقطع المسافة من المصنع ب إلى المصنع ج = 3 س

استغرقت السيارة 3 س لقطع المسافة من المصنع ب إلى المصنع ج.

$$\text{الزمن المستغرق من ب إلى ج} = \frac{\text{المسافة}}{\text{السرعة المتوسطة}} = \frac{240}{80} = 3 \text{ ساعات}$$

صفحة Zein Atala

1 قاد عُمَرُ سيارته لمدة 6 ساعات من طرابلس إلى غدامس بسرعة متوسطة 90 كم/س. كم يستغرق من الزمن لقطع نفس المسافة إذا قاد عُمَرُ بسرعة متوسطة 80 كم/س؟

2 استغرقت سارة 20 ثانية لقطع المسافة من النقطة 1 إلى النقطة ب بسرعة متوسطة 4.5 م/ث. واستغرقت 18 ثانية لقطع مسافة العودة من ب إلى 1. أوجد السرعة المتوسطة لسارة عندما ستتحرك من النقطة ب إلى النقطة 1.

3 استغرقت ليلى ساعة بالسيارة لقطع $\frac{1}{5}$ الرحلة من القرية ص إلى القرية ع. وقطعت مسافة 180 كم الباقية في 4 ساعات.

1 كم كانت سرعة ليلى في الجزء الأول من الرحلة؟

2 ما الوقت الذي استغرقت في إجمالي المسافة المقطوعة؟

3 أوجد سرعة ليلى المتوسطة خلال الرحلة كلها.

4 قطع راكب سيارته المسافة من المدينة 1 إلى المدينة ج في 4 ساعات. قطع المسافة من المدينة 1 إلى المدينة ب التي تقع بين المدينتين 1، ج في ساعة واحدة. المسافة بين المدينة 1 والمدينة ب تساوي $\frac{1}{5}$ المسافة بين المدينتين 1، ج. إذا كان إجمالي المسافة المقطوعة 360 كم، أوجد سرعة سائق السيارة خلال الرحلة من المدينة ب إلى المدينة ج.

5 استغرقت فاطمة 30 دقيقة لقطع المسافة بين منزلها والمزرعة بالدراجة بسرعة متوسطة 200 م/د. إذا قطعت النصف الأول من الرحلة بسرعة 150 م/د، أوجد سرعتها المتوسطة خلال النصف الثاني من الرحلة.

6 قطع وإيل مسافة 118 كم بالسيارة من المدينة م إلى المدينة ن. في البداية، كانت سرعة 60 كم/س ثم قاد السيارة لمدة 30 دقيقة بسرعة متوسطة 56 كم/س. إذا غادر وإيل المدينة م الساعة 14:00، فمتى يصل إلى المدينة ن؟

صفحة Zein Atala

1 قاد عُمَرُ سيارته لمدة 6 ساعات من طرابلس إلى غدامس بسرعة متوسطة 90 كم/س. كم يستغرق من الزمن لقطع نفس المسافة إذا قاد عُمَرُ بسرعة متوسطة 80 كم/س؟

$$\begin{aligned} \text{المسافة من طرابلس إلى غدامس} &= \text{السرعة} \times \text{الزمن} \\ &= 90 \times 6 = 540 \text{ كم} \\ \text{الزمن المستغرق} &= \frac{\text{المسافة الكلية}}{\text{السرعة المتوسطة}} = \frac{540}{80} = 6.75 \text{ س} \end{aligned}$$

2 استغرقت سارة 20 ثانية لقطع المسافة من النقطة 1 إلى النقطة ب بسرعة متوسطة 4.5 م/ث. واستغرقت 18 ثانية لقطع مسافة العودة من ب إلى 1. أوجد السرعة المتوسطة لسارة عندما ستتحرك من النقطة ب إلى النقطة 1.

$$\begin{aligned} \text{المسافة من أ إلى ب} &= \text{السرعة} \times \text{الزمن} \\ &= 4.5 \times 20 = 90 \text{ م} \\ \text{السرعة المتوسطة} &= \frac{\text{المسافة}}{\text{الزمن}} = \frac{90}{18} = 5 \text{ م/ث} \end{aligned}$$

صفحة Zein Atala

اشتركت ليلى ساعة بالسيارة لتقطع $\frac{1}{3}$ الرحلة من القرية ص إلى القرية ع . وقطعت مسافة 180 كم الباقية في 4 ساعات .

- 1 كم كانت سرعة ليلى في الجزء الأول من الرحلة ؟
- 2 ما الوقت الذي اشترفته في إجمالي المسافة المقطوعة ؟
- 3 أوجد سرعة ليلى المتوسطة خلال الرحلة كلها .

$$\textcircled{1} \text{ السرعة} = \frac{\text{المسافة}}{\text{الزمن}}$$

$$\textcircled{1} \text{ 4 وحدات} = \frac{180 \text{ كم}}{4 \div 4} = 45 \text{ كم}$$

$$\therefore \text{سرعة الجزء الأول} = \frac{45}{1} = 45 \text{ كم/ن}$$

$$\textcircled{2} \text{ الوقت الإجمالي} = \text{وقت الجزء الأول} + \text{وقت الجزء الثاني}$$

$$= 1 + 4 = 5 \text{ ساعات}$$

$$\textcircled{3} \text{ السرعة المتوسطة} = \frac{\text{المسافة الكلية}}{\text{الزمن}} = \frac{45 + 180}{5} = 45 \text{ كم/س}$$

صفحة Zein Atala

قطع راكب سيارة المسافة من المدينة أ إلى المدينة ب في 4 ساعات . قطع المسافة من المدينة أ إلى المدينة ب التي تقع بين المدينتين أ ، ج في ساعة واحدة . المسافة بين المدينة أ والمدينة ب تساوي $\frac{1}{3}$ المسافة بين المدينتين أ ، ج . إذا كان إجمالي المسافة المقطوعة 360 كم ، أوجد سرعة سائق السيارة خلال الرحلة من المدينة ب إلى المدينة ج .

$$\textcircled{1} \text{ 8 وحدات} = \frac{360 \text{ كم}}{5 \div 5} = 72 \text{ كم}$$

$$1 \text{ وحدة} = 72 \text{ كم}$$

$$4 \text{ وحدات} = 72 \times 4 = 288 \text{ كم}$$

$$\text{المسافة من ب إلى ج} = 288 \text{ كم}$$

$$\text{الزمن من ب إلى ج} = 1 - 4 = 3 \text{ ساعات}$$

$$\text{السرعة من ب إلى ج} = \frac{\text{المسافة}}{\text{الزمن}} = \frac{288}{3} = 96 \text{ كم/س}$$

صفحة Zein Atala

اشتهرت فاطمة 30 دقيقة لتقطع المسافة بين منزلها والمزرعة بالدراجة بسرعة متوسطة 200 م/د. إذا قطعت النصف الأول من الرحلة بسرعة 150 م/د، أوجد سرعتها المتوسطة خلال النصف الثاني من الرحلة.

$$\text{المسافة الكلية} = \text{السرعة} \times \text{الزمن}$$

$$6000 = 30 \times 200 =$$

$$\text{طول نصف الرحلة} = \frac{6000}{2} = 3000$$

$$\text{زمن النصف الأول} = \frac{\text{المسافة}}{\text{السرعة}} = \frac{3000}{150} = 20 \text{ د}$$

$$\text{زمن النصف الثاني} = \text{الزمن الكلي} - \text{الزمن الأول}$$

$$10 = 20 - 30 =$$

$$\text{السرعة المتوسطة خلال النصف الثاني} = \frac{3000}{10} = 300 \text{ م/ث}$$

صفحة Zein Atala

قطع رائد مسافة 118 كم بالسيارة من المدينة م إلى المدينة ن. في البداية، كانت سرعته 60 كم/س ثم قاد السيارة لمدة 30 دقيقة بسرعة متوسطة 56 كم/س. إذا غادر رائد المدينة م الساعة 14:00، فمتى يصل إلى المدينة ن؟

$$\text{مسافة الجزء الثاني} = \text{السرعة} \times \text{الزمن}$$

$$56 \times \left(\frac{1}{2}\right) =$$

$$28 \text{ كم}$$

$$\text{مسافة الجزء الأول} = \text{المسافة الكلية} - \text{الجزء الأول}$$

$$\left(\frac{1}{2} = \frac{30}{60}\right)$$

$$90 = 28 - 118 =$$

$$\text{زمن الجزء الأول} = \frac{\text{المسافة}}{\text{السرعة}} = \frac{30}{60} = \frac{1}{2} = 15 \text{ س}$$

$$\therefore \text{الزمن الكلي} = \text{ساعتان}$$

$$\therefore \text{يصل رائد إلى المدينة ن} = 14:00 + 2:00 = 16:00$$



صفحة Zein Atala

هيا نراجع معاً!

تعلّمت:

- أن تُفسّر نظام 12 ساعة
- أن تُحسب السرعة، والمسافة، والزمن
- حلّ مسائل لفظية تتضمن المتوسط، والمعدل، والسرعة

الآن، اختبر نفسك:

- اكتب الأوقات الآتية بنظام 24 ساعة.
1 9:00 ص 2 2:00 م
- اكتب الآتي بدلالة ص، م
1 10 : 30 2 23 : 30
- غادرت نجوى منزلها الساعة 15 : 30 ووصلت المكتبة الساعة 16 : 05 . كم استغرقت من الوقت في قطع المسافة من المنزل للمكتبة؟
- تسطيع أسد الجري بسرعة 81 كم / س . ما الوقت الذي يستغرقه في الجري مسافة 9 كم؟
- تطير طائفة مسافة 550 كم في ساعتين . احسب سرعتها.
- استغرق صلاح 40 دقيقة بالدراجة من منزله إلى حديقة الحيوان . واستغرق 30 دقيقة في رحلة العودة . إذا كانت المسافة بين منزله وحديقة الحيوان 35 كم، أوجد سرعته المتوسطة خلال كل الرحلة.

صنع قُبعة التفكير!

ركب كل من فاطمة وكمال دراجته من المدرسة إلى المكتبة على طول نفس الطريق . كانت السرعة المتوسطة لفاطمة 14 كم / س واستغرقت 15 دقيقة للوصول إلى المكتبة الساعة 15 : 11 ، وكان كمال على بُعد 1.5 كم من المكتبة . إذا كانت السرعة المتوسطة لكمال 15 كم / س، متى ترك المدرسة؟

147

أستاذ الرياضيات نور الوداوي



صفحة Zein Atala

الآن، اختبر نفسك:

- اكتب الأوقات الآتية بنظام 24 ساعة.
1 9:00 ص 2 2:00 م
- اكتب الآتي بدلالة ص، م
1 10 : 30 2 23 : 30

$$\begin{array}{r} \text{أ) } 9:00 \text{ ص} \leftarrow 9:00 \text{ ص} \\ 14:00 \leftarrow 2:00 \text{ م} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2:00 \\ 12:00 \\ \hline 14:00 \end{array}$$

$$\text{ب) } 10:30 \text{ ص} \leftarrow 10:30 \text{ ص}$$

$$\begin{array}{r} 23:30 \\ 12:00 \\ \hline 11:00 \end{array}$$

147

أستاذ الرياضيات نور الوداوي

موقع المعلم التعليمي

- ١ غادرت نجوى منزلها الساعة 15 : 30 ووصلت المكتبة الساعة 16 : 05 . كم استغرقت من الوقت في قطع المسافة من المنزل للمكتبة ؟
- ٢ يستطيع أسد الجزي بسرعة 81 كم / س . ما الوقت الذي يستغرقه في الجزي مسافة 9 كم ؟

$$\begin{array}{r} 60 + \\ 15:05 \\ - 15:30 \\ \hline 00:35 \end{array}$$

٣ الوقت المستغرق هو 35 دقيقة

$$\text{الزمن} = \frac{\text{المسافة}}{\text{السرعة}}$$

$$0.1111 \text{ ساعة} = \frac{1}{9} = \frac{10}{90} =$$

الزمن

- ١ تطير طائفة مسافة 550 كم في ساعتين . احسب سرعتها .
- ٢ استغرق صلاح 40 دقيقة بالدراجة من منزله إلى حديقة الحيوان . واستغرق 30 دقيقة في رحلة العودة . إذا كانت المسافة بين منزله وحديقة الحيوان 35 كم ، أوجد سرعته المتوسطة خلال كل الرحلة .

$$\begin{array}{r} 275 \\ 2 \overline{) 550} \\ \underline{4} \\ 150 \\ \underline{14} \\ 10 \\ \underline{10} \\ 00 \end{array}$$

$$\text{السرعة} = \frac{\text{المسافة}}{\text{الزمن}}$$

$$275 = \frac{550}{2} = 275 \text{ كم / س}$$

$$\text{السرعة المتوسطة} = \frac{\text{المسافة الكلية}}{\text{الزمن الكلي}}$$

$$\therefore \text{المسافة الكلية} = 35 + 35$$

$$= 70 \text{ كم}$$

$$\text{الزمن الكلي} = 30 + 40 = 70 \text{ دقيقة}$$

$$\text{السرعة المتوسطة} = \frac{70}{70} = 1 \text{ كم / د}$$

$$\begin{array}{r} 35 \\ 35 \text{ كم} \\ \hline 70 \text{ كم} \end{array}$$

منزل حديقة الحيوان

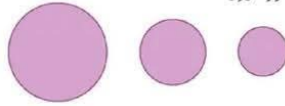


9 الدوائر

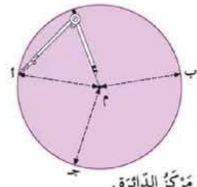
1 نصف القطر، والقطر، والمحيط

نصف القطر

هذه دوائر.



يمكن رسم الدائرة بالفرجار.



M مركز الدائرة.

MA نصف قطر الدائرة.

M, B, M جـ أيضاً أنصاف أقطار للدائرة.

M = MA = MB = MC

أنصاف أقطار الدائرة
متساوية في الطول.



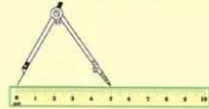
148

يُندابره وضع اسماء لها م، م، ب، م جـ، م د. اوجد سون من يصعب صير
بالسنتيمترات مقيراً ليرقم عشرين واحد. ماذا تقول عن م، م، ب، م جـ، م د؟

ارسم دائرة طول نصف قطرها 5 سم.

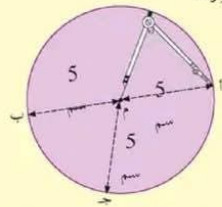
الخطوة 1

قيس 5 سم على المشطرة بالفرجار.



الخطوة 2

ارسم الدائرة.



M = MA = MB = MC = 5 سم

ارسم دائرة طول نصف قطرها

6 سم 2

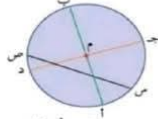
4 سم 1

ارسم بالبرم م للمركز، لكل دائرة، ارسم أنصاف الأقطار م، م ب بحيث يكون
م ب خط مستقيم. ما طول أ ب لكل دائرة؟

في الشكل الآتي، م مركز الدائرة. 1 م ب قطر الدائرة.
جـ م د قطر آخر للدائرة. م ص ليس قطراً.



أقطار الدائرة قطر
مركزها.



1 م، م ب أنصاف أقطار الدائرة.

$$1 م = 1 م ب$$

$$1 م \times 2 = 1 م ب \text{ أو } 1 م \times 2 = 1 م ب$$

$$\text{طول القطر} = 2 \times \text{طول نصف القطر}$$

$$\text{طول نصف القطر} = \frac{\text{طول القطر}}{2}$$

(i) في الشكل، م مركز الدائرة. أكتب الأقطار. $1 م، 1 م ب، 1 م د$

2 طول قطرها = $2 \times$ نصف القطر
 $12 = 6 \times 2$
3 طول نصف القطر = طول القطر $\div 2$
 $2 \div 15 =$
 $7.5 = \frac{15}{2}$

(ii) أي القطع المستقيمة ليست قطراً؟ اشرح.

2 طول نصف قطر دائرة 6 سم. ما طول قطرها؟

3 طول قطر دائرة 15 سم. ما طول نصف قطرها؟

محيط الدائرة



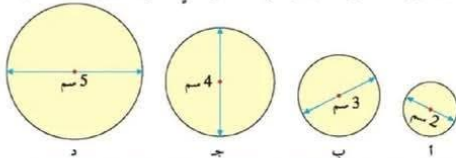
محيط الدائرة طول شريط
يُحيط بها.



عجلة الدراجة لها شكل دائرة.
المسافة حول العجلة تسمى محيطها.

استخدمت عديجة حبلًا لقياس محيط كل دائرة لأقرب رقم عشري وسجلته في الجدول الآتي.

لكل دائرة، قسّمت الدائرة بقطرها لأقرب رقم عشري واجد. ماذا تلاحظ؟



الدائرة	القطر	المحيط	المحيط \div طول القطر
1	2 سم	6.2 سم	3.1
ب	3 سم	9.4 سم	3.1
جـ	4 سم	12.5 سم	3.1
د	5 سم	15.6 سم	3.1

خارج قسمة محيط أي دائرة على طول قطرها له نفس القيمة دائماً. هذا العدد

يسمى π . قيمتها المقرّنة 3.14 أو $\frac{22}{7}$.



π حرف يوناني ويُقرأ
باي.



حيث إن المحيط ÷ طول القطر = π

المحيط = $\pi \times$ طول القطر

محيط القطر =
بأي \times طول قطر القطر

هل يمكنك إيجاد محيط دائرة إذا عرفت طول نصف قطرها؟

طول نصف قطر طيني دائري 10.5 سم. أوجد محيطه.

$$\left(\frac{22}{7} = \pi \right)$$

طول قطر الطيني = $2 \times$ طول نصف القطر

$$10.5 \times 2 =$$

$$21 =$$

محيط الطيني = $\pi \times$ طول القطر

$$21 \times \frac{22}{7} =$$

$$66 =$$

طول قطر عجلة دراجة 55 سم. احسب محيط العجلة بدلالة π .

محيط العجلة = $\pi \times$ طول القطر

$$55 \times \pi =$$

$$55\pi =$$

بفرض $\pi = \frac{22}{7}$ ، أوجد محيط دائرة:

1 طول قطرها 14 سم

2 طول قطرها 28 سم

3 طول نصف قطرها 3.5 سم

4 طول نصف قطرها 17.5 سم

152

بفرض $\pi = \frac{22}{7}$ ، أوجد محيط دائرة:

1 طول قطرها 14 سم

2 طول قطرها 28 سم

3 طول نصف قطرها 3.5 سم

4 طول نصف قطرها 17.5 سم

152

① محيط الدائرة = $\pi \times$ طول القطر

$$44 = 14 \times \frac{22}{7}$$

② محيط الدائرة = $\pi \times$ طول القطر

$$88 = 28 \times \frac{22}{7}$$

③ محيط الدائرة = $\pi \times$ طول القطر

طول القطر = $2 \times$ نصف القطر

$$7 = 3.5 \times 2 =$$

$$22 = 7 \times \frac{22}{7}$$

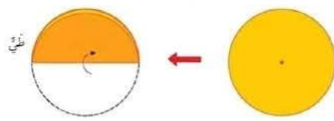
④ محيط الدائرة = $\pi \times$ طول القطر

طول القطر = $2 \times$ نصف القطر

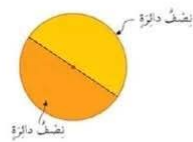
$$35 = 17.5 \times 2 =$$

$$110 = 35 \times \frac{22}{7}$$

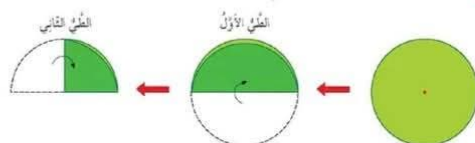
طوى جميل ورقة دائرية إلى نصفين.



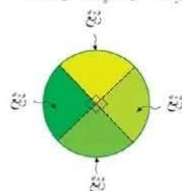
ثُمَّ بَسَطَهَا. كُلُّ نِصْفٍ يُسَمَّى نِصْفَ دَائِرَةٍ.



طَوَى بِاسْمِ وَرَقَةٍ دَائِرِيَّةٍ إِلَى أَرْبَاعٍ.



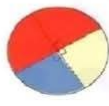
ثُمَّ بَسَطَ الْوَرَقَةَ الذَّائِرِيَّةَ. كُلُّ جُزْءٍ يُسَمَّى رُبْعًا.



153

صفحة Zein Atala

لَقِمَتِ الدَّائِرَةَ إِلَى أَرْبَاعٍ
أَقْبَلَ التَّحْلِيلَ ثُمَّ حَدَّدَ



(i) نصف دائرة باللون الأخضر

(ii) رُتِعَ دَائِرَةُ بِاللُّونِ الْأَوْزُقِي

(i) نصف الدائرة
محيط الدائرة = 26 سم
إذا كان محيط الدائرة يساوي 26 سم، ما أطول
(ii) ربع الدائرة بالمتوازي

طول ربع الدائرة = $4 + 26 = 30$ سم

طول نصف الدائرة = $\frac{2 + 26}{2} = 13$ سم

اعْمَلْ ضِمْنَ فَرَقِ الْفَالِ.

مُسْتَحْدَمًا قَوْجًا، الرُّسْمُ دَائِرَةٌ مَرَكَّزُهَا م وَطُولُ نَقْصِبِ قَطْرِهَا 6 سم عَلَى قِطْعَةِ وَرَقٍ.
الرُّسْمُ الْقَطْرُ أ ب فِي الدَّائِرَةِ.

ماذا تلاحظ؟

قَطُرُ الدَّائِرَةِ يَقْطَعُهَا إِلَى 2 نِصْفِ دَائِرَةٍ

القطر = $2 \times 6 = 12$ سم

هذا الشكل من نصف دائرة واحد والقطر ا ب . احسب محيطه (خذ $\pi = 3.14$)
محيط نصف الدائرة = محيط نصف الدائرة + طول القطر

$$+ \pi^2 \times \frac{1}{2} =$$

$$12 + 6 \times 3.14 \times 2 \times \frac{1}{2} =$$

$$12 + 18.84 =$$

$$= 30.84 \text{ سم}$$



2 في الدائرة في 1، ارسم قطراً جد عمودياً على أ ب.
ماذا تلاحظ؟

القُطْرَانِ الْمُتَعَامِدَانِ فِي دَائِرَةٍ يَقْطَعَانِ الدَّائِرَةَ إِلَى 4 أَرْبَاعٍ.



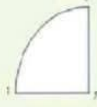
محيط الشكل = $\frac{1}{4}$ محيط الدائرة + طول القطر

$$= \left(\frac{1}{4} \times \pi \times 12 \right) + 12$$

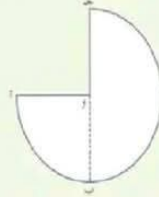
$$= \left(\frac{1}{4} \times 3.14 \times 12 \right) + 12$$

$$= 21.42 \text{ سم}$$

نحسب محيط هذا الشكل أخذ الأضلاع، ونضفي القطرين أ، و ب.
الحسب لمحيطه. (خذ $\pi = 3.14$)



هذا الشكل مكون من نصف دائرة، وزاوية قائمة، ونضفي القطرين أ، و ب.
الحسب لمحيطه. (خذ $\pi = 3.14$)



محيط الشكل = $\frac{3}{4}$ محيط الدائرة + طول القطر

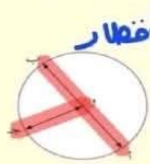
$$= \left(\frac{3}{4} \times \pi \times 12 \right) + 12$$

$$= \left(\frac{3}{4} \times 3.14 \times 12 \right) + 12$$

$$= 40.26 \text{ سم}$$



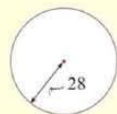
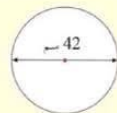
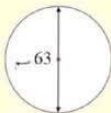
هنا نتحدث معاً ١٩



- ١ في الشكل و مركز الدائرة، أ و ب مستقيمان.
- ٢ أ، و ب، و جـ في الدائرة.
- ٣ أ ب قطر في الدائرة.
- ٤ أ ب = ١٢ و جـ = ١٢
- ٥ محيط الدائرة = $\pi \times 12$

طول
قطر

١ احسب محيط كل دائرة. (خذ $\pi = \frac{22}{7}$)



٢ احسب محيط كل دائرة مقرباً الجواب لأقرب رقم عشري واحد.
(خذ $\pi = 3.14$)

- ١ طول القطر = 9 سم
- ٢ طول القطر = 16 سم
- ٣ طول نصف القطر = 1.5 سم
- ٤ طول نصف القطر = 5.5 سم

٣ طول قطر غطاء علوية جلاء على شكل دائرة يساوي 20 سم. احسب محيط الغطاء.
(خذ $\pi = 3.14$)



٤ محيط القمير يساوي المسافة حول دائرة طول نصف قطرها يساوي 1736 كم تقريباً. احسب محيط القمير لأقرب:

- ١ عشرة كيلومترات
- ٢ ألف كيلومتر

$$\left(\frac{22}{7} = \pi \right)$$

اخترت محيط كل دائرة، (تخذ $\frac{22}{7} = \pi$)

1 طول القطر = 42 سم

2 طول القطر = 6 سم

3 طول نصف القطر = 28 سم

4 طول نصف القطر = 5 سم

محيط الدائرة = $\pi \times$ طول القطر

① محيط الدائرة = $42 \times \frac{22}{7} = 132$ سم

② محيط الدائرة = $6 \times \frac{22}{7} = 198$ سم

③ أولاً نوجد القطر
القطر = $2 \times$ نصف القطر = $2 \times 28 = 56$ سم
محيط الدائرة = $56 \times \frac{22}{7} = 176$ سم

④ أولاً نوجد القطر
القطر = $2 \times$ نصف القطر = $2 \times 24.5 = 49$ سم
محيط الدائرة = $49 \times \frac{22}{7} = 154$ سم

اخترت محيط كل دائرة مقرباً الجواب لأقرب رقم عشري واحد، (تخذ $3.14 = \pi$)

1 طول القطر = 9 سم

2 طول القطر = 16 سم

3 طول نصف القطر = 1.5 سم

4 طول نصف القطر = 5.5 سم

محيط الدائرة = $\pi \times$ طول القطر

① محيط الدائرة = $9 \times 3.14 = 28.3$ سم

② محيط الدائرة = $16 \times 3.14 = 50.2$ سم

③ أولاً نوجد القطر
القطر = $2 \times$ نصف القطر = $2 \times 1.5 = 3$ سم
محيط الدائرة = $3 \times 3.14 = 9.4$ سم

④ أولاً نوجد القطر
القطر = $2 \times$ نصف القطر = $2 \times 5.5 = 11$ سم
محيط الدائرة = $11 \times 3.14 = 34.5$ سم

طول قطر غطاء عذبة طلاء على شكل دائرة يساوي 20 سم . احسب محيط الغطاء .
(خذ $\pi = 3.14$)



③ محيط الغطاء = $\pi \times \text{طول القطر}$
 $62.8 = 20 \times 3.14 =$

محيط القمر يساوي المسافة حول دائرة طول نصف قطرها يساوي 1736 كم تقريباً . احسب محيط القمر لأقرب :

① عشرة كيلومترات (خذ $\pi = \frac{22}{7}$)
 ② ألف كيلومتر

156

محيط القمر = $\pi \times \text{طول القطر}$
 أولاً نوجد القطر

القطر = $2 \times \text{نصف القطر} = 2 \times 1736 = 3472$ كم

محيط القمر = $3472 \times \frac{22}{7} = 10912$ كم

① محيط القمر لأقرب عشر كيلومتر
 $10910 = 10912$

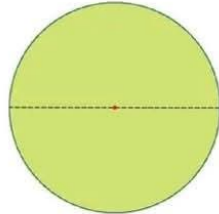
② محيط القمر لأقرب ألف كيلومتر
 $11000 = 10912$

156



العرض !

2 مساحة الدائرة



يُقطع القطر الدائرة إلى نصفين دائريين .

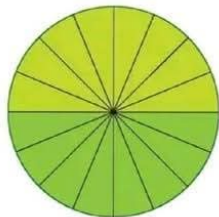
وحيث إن المحيط = $\pi \times \text{طول القطر}$

طول نصف الدائرة = $\frac{\pi \times \text{طول القطر}}{2}$

$\pi \times \frac{\text{طول القطر}}{2}$

$\pi \times \text{طول نصف القطر}$

رسمت فاطمة الشكل الآتي .



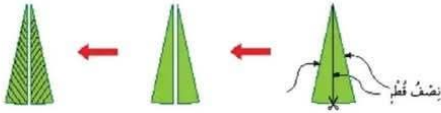
قطعت فاطمة الدائرة إلى 16 قطعة متساوية .



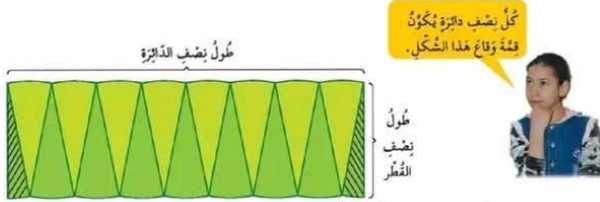
كم قطراً رسمت فاطمة ؟

157

قَطَعْتُ إِحْدَى الْقَطْعِ إِلَى قِطْعَتَيْنِ مُتَسَاوِيَتَيْنِ وَرَسَمْتُ شَرِيطًا عَلَيْهِمَا.



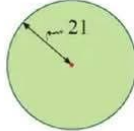
ثُمَّ رَتَّبْتُ جَمِيعَ الْقَطْعِ لِتَكُونَ هَذَا الشَّكْلَ.



تَحَيَّلْ أَنَّ فَاطِمَةَ قَطَعَتْ الدَّائِرَةَ إِلَى عَدَدٍ كَبِيرٍ مِنَ الْقَطْعِ الْمَتَسَاوِيَةِ الصَّغِيرَةِ جِدًّا جِدًّا، بِخَيْثُ تَكُونُ كُلُّ قِطْعَةٍ صَغِيرَةً جِدًّا جِدًّا. عِنْدَمَا يَكُونُ عَدَدُ الْقَطْعِ كَبِيرًا مَا أَمَكُنْ وَرُتَّبْتُ كَمَا سَبَقَ، سَوْفَ يَتَكُونُ هَذَا الشَّكْلُ.



أَوْجَدُ مِسَاحَةَ دَائِرَةِ طُولُ يَضَفِّ قُطْرُهَا 21 سَم. (تُخَذُ $\frac{22}{7} = \pi$)



مِسَاحَةُ الدَّائِرَةِ = $\pi \times$ طُولُ يَضَفِّ القُطْرِ \times طُولُ يَضَفِّ الدَّائِرَةِ

$$21 \times 21 \times \frac{22}{7} =$$

$$21 \times 66 =$$

$$1386 \text{ سم}^2 =$$

قُرْصُ دَائِرَتِي طُولُ قُطْرِهِ 18 سَم. أَوْجَدُ مِسَاحَةَ الْقُرْصِ بِدَلَالَةِ π .

$$\text{طُولُ يَضَفِّ قُطْرِ الدَّائِرَةِ} = 2 + 18 = 9 =$$

$$\text{مِسَاحَةُ الْقُرْصِ} = 9 \times 9 \times \pi =$$

$$81 \times \pi =$$

$$81 \pi \text{ سم}^2 =$$

أَوْجَدُ مِسَاحَةَ كُلِّ دَائِرَةٍ. (تُخَذُ $\frac{22}{7} = \pi$)

$$1 \text{ طُولُ يَضَفِّ القُطْرِ} = 7 \text{ سم}$$

$$2 \text{ طُولُ يَضَفِّ القُطْرِ} = 21 \text{ سم}$$

$$3 \text{ طُولُ يَضَفِّ القُطْرِ} = 28 \text{ سم}$$

- أوجد مساحة كل دائرة. (خذ $\pi = \frac{22}{7}$)
- 1 طول نصف القطر = 7 سم
 - 2 طول نصف القطر = 21 سم
 - 3 طول القطر = 28 سم

مساحة الدائرة = $\pi \times \text{طول نصف القطر} \times \text{طول نصف القطر}$

① مساحة الدائرة = $\frac{22}{7} \times 7 \times 7 = 154 \text{ سم}^2$

② مساحة الدائرة = $\frac{22}{7} \times 21 \times 21 = 1386 \text{ سم}^2$

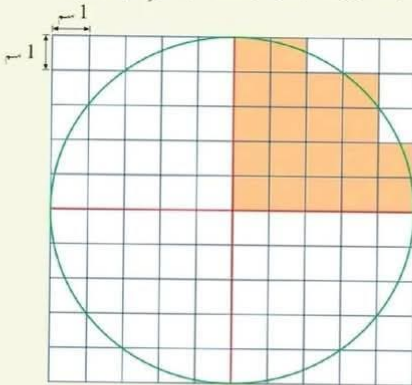
③ أولاً نوجد نصف القطر
 طول نصف القطر = $\frac{\text{طول القطر}}{2} = \frac{28}{2} = 14 \text{ سم}$
 مساحة الدائرة = $\frac{22}{7} \times 14 \times 14 = 616 \text{ سم}^2$

هيا نعمل معاً!



اعمل ضمن فريق ثنائي.

- 1 باستخدام الفرجار، ارسم دائرة طول نصف قطرها 5 سم على شبكة تزيينية كما هو مبين.
- 2 حدد القطرين المتعامدين (بالأحمر) بوضوح في الشكل.



- 3 احسب عدد المربعات في المربع العلوي جهة اليمين:
 • المربعات الأكبر من النصف تجمع كمربعات كاملة.
 • المربعات الأصغر من النصف لا تجمع.
 ما مساحة المربع؟
 استخدم إجابتك في إيجاد مساحة الدائرة.

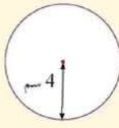
- 4 متخذاً $\pi = 3.14$ ، أوجد مساحة الدائرة مستخدماً القاعدة:

المساحة = $\pi \times \text{طول نصف القطر} \times \text{طول نصف القطر}$

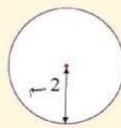
هل الطريقتان تعطيان نفس المساحة؟
 أي الطريقتين تعتقد أنها تعطي إجابة أدق؟



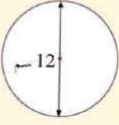
١ أوجد مساحة كل دائرة مقرباً الجواب لأقرب رقم عشري واحد. (خذ $\pi = 3.14$)



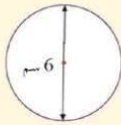
2



1

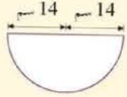


4

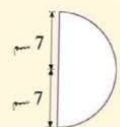


3

٢ مُتخذاً $\pi = \frac{22}{7}$ ، أوجد مساحة كل نصف دائرة.

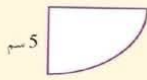


2

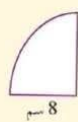


1

٣ مُتخذاً $\pi = 3.14$ ، أوجد مساحة كل ربع دائرة مقرباً رقم عشري واحد.



2



1



حصة (4)

مراجعة

١ أوجد مساحة كل دائرة ($\pi = 3.14$)



$$\begin{array}{r} 3.14 \\ 4 \times \\ \hline 12.56 \end{array}$$

مساحة الدائرة = $\pi \times \text{نق} \times \text{نق}$

$$2 \times 2 \times 3.14 =$$

$$4 \times 3.14 =$$

$$12.56 =$$



② مساحة الدائرة = $\pi \times \text{نق} \times \text{نق}$

$$4 \times 4 \times 3.14 =$$

$$16 \times 3.14 =$$

$$2 \overline{) 50.24} =$$

$$\begin{array}{r} 3.14 \\ 16 \times \\ \hline 1884 \\ 314 + \\ \hline 50.24 \end{array}$$

③ مساحة الدائرة = $\pi \times \text{نق} \times \text{نق}$

أولاً نوجد نصف القطر

$$\text{نق} = \frac{\text{طول القطر}}{2} = \frac{6}{2} = 3$$

$$3 = \frac{6}{2} =$$

$$\text{نق} = 3$$

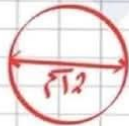
$$\begin{array}{r} 3.14 \\ 9 \times \\ \hline 28.26 \end{array}$$

④ مساحة الدائرة = $\pi \times \text{نق} \times \text{نق}$

$$3 \times 3 \times 3.14 =$$

$$9 \times 3.14 =$$

$$2 \overline{) 28.26} =$$



④ مساحة الدائرة = $\pi \times \text{نق} \times \text{نق}$

أولاً نوجد نصف القطر

$$\text{نق} = \frac{\text{طول القطر}}{2} = \frac{12}{2} = 6$$

$$\text{نق} = \frac{12}{2} = 6$$

$$6 \times 6 \times 3.14 =$$

$$36 \times 3.14 =$$

$$2 \overline{) 113.04} =$$

$$\begin{array}{r} 3.14 \\ 36 \times \\ \hline 1884 \\ 942 + \\ \hline 113.04 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 3.14 \\ 9 \times \\ \hline 28.26 \end{array}$$

مساحة = $\pi \times \text{نق} \times \text{نق}$
 $3 \times 3 \times 3.14 =$
 $9 \times 3.14 =$
 $2 \overline{) 28.26} =$



مساحة الدائرة = $\pi \times \text{نق} \times \text{نق}$

أولاً نوجد نصف القطر

نق = $\frac{\text{طول القطر}}{2} = \frac{\text{طول القطر}}{2}$

$$\begin{array}{r} 3.14 \\ 36 \times \\ \hline 18.84 \\ 94.2 + \\ \hline 113.04 \end{array}$$

نق = $\frac{12}{2} = 6$
 مساحة = $6 \times 6 \times 3.14 =$
 $36 \times 3.14 =$
 $2 \overline{) 113.04} =$



مساحة نصف دائرة = $\frac{1}{2} \times \pi \times \text{نق} \times \text{نق}$

$7 \times 7 \times \frac{22}{7} \times \frac{1}{2} =$
 $2 \overline{) 77} =$



مساحة نصف دائرة = $\frac{1}{2} \times \pi \times \text{نق} \times \text{نق}$

$14 \times 14 \times \frac{22}{7} \times \frac{1}{2} =$

$$\begin{array}{r} 22 \\ 14 \times \\ \hline 088 \\ 22 + \\ \hline 308 \end{array}$$

$14 \times 22 =$
 $2 \overline{) 308} =$

⑥ مساحة ربع دائرة = $\frac{1}{4} \times \pi \times \text{نق} \times \text{نق}$

②

$8 \times 8 \times 3.14 \times \frac{1}{4} =$

$16 \times 3.14 =$

$2 \sqrt{50.24} =$

⑦ أوجد مساحة الجزء المظلل بدلالة π

مساحة الجزء = مساحة الدائرة - مساحة الدائرة الصغرى

المظلل الكبرى

مساحة الدائرة الكبرى = $\pi \times \text{نق} \times \text{نق}$

$14 \times 14 \times \pi =$

$2 \sqrt{\pi 196} =$

161

استاذ الرياضيات نور الوداوي

② مساحة نصف الدائرة = $\frac{22}{7} \times \frac{1}{2} \times 14 \times 14$

مثلاً $\pi = 3.14$ ، أوجد مساحة كل ربع لا تقرب رقم عشري واحد.

①

②

مساحة الدائرة = $\pi \times \text{نق} \times \text{نق}$

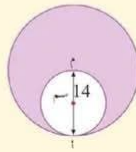
① مساحة ربع الدائرة = $\frac{1}{4} \times 3.14 \times 8 \times 8$

② مساحة ربع الدائرة = $\frac{1}{4} \times 3.14 \times 5 \times 5$

161

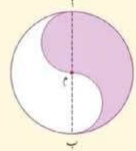
استاذ الرياضيات نور الوداوي

م مركز الدائرة الكبيرة، م أ قطر الدائرة الصغرى. أوجد مساحة الجزء المظلل بدلالة π .

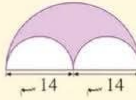


م مركز الدائرة الكبرى، أ ب قطر فيها. م أ، م ب قطران ينصفان الدائرتين الصغيرتين.

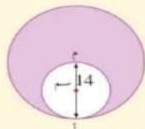
إذا كان أ ب = 28 سم، أوجد مساحة الجزء المظلل. (خذ $\pi = \frac{22}{7}$)



يُبين الشكل ثلاث أنصاف دوائر. مُتخذاً $\pi = \frac{22}{7}$ ، أوجد مساحة الجزء المظلل.



م مركز الدائرة الكبيرة، م أ قطر الدائرة الصغرى. أوجد مساحة الجزء المظلل بدلالة π .



مساحة الجزء المظلل = مساحة الدائرة الكبرى - مساحة الدائرة الصغرى

مساحة الدائرة الكبرى = $\pi \times \text{طول نصف القطر} \times \text{طول نصف القطر}$

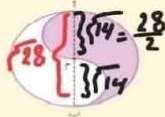
$$= \pi \times 14 \times 14 = 196\pi$$

مساحة الدائرة الصغرى = $\pi \times 7 \times 7 = 49\pi$ (حيث أن نصف قطر الدائرة الصغرى هو 7)

$$\text{مساحة الدائرة المظلمة} = 196\pi - 49\pi = 147\pi$$

م مركز الدائرة الكبرى، أ ب قطر فيها. م أ، م ب قطران ينصفان الدائرتين الصغيرتين.

إذا كان أ ب = 28 سم، أوجد مساحة الجزء المظلل. (خذ $\pi = \frac{22}{7}$)



مساحة الجزء المظلل للدائرة = مساحة الجزء المظلل

$$= \frac{1}{2} \times \frac{22}{7} \times 14 \times 14 - 28 = 308$$

يُبيّن الشكل ثلاث أنصاف دوائر. مُتخذًا $\pi = \frac{22}{7}$ ، أوجد مساحة الجزء المظلل.



مساحة الجزء المظلل = مساحة نصف الدائرة الكاملة - مساحة نصف الدائرتين الغير مظللتين

$$\text{مساحة نصف الدائرة} = \frac{1}{2} \times \frac{22}{7} \times 14 \times 14 = 308 \text{ سم}^2$$

$$\text{مساحة نصف الدائرتين الغير مظللتين} = \frac{1}{2} \times \frac{22}{7} \times 7 \times 7 = 66 \text{ سم}^2$$

لأنهم دائرتين متطابقتين

$$\text{مساحة الجزء المظلل} = 308 - (2 \times 66) = 176 \text{ سم}^2$$



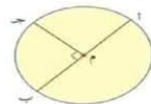
هيا نراجع معًا!

تعلّش أن:

- تُحدّد وتُسمّي مركز الدائرة، وأنصاف أقطارها، وأقطارها، ومحيطها.
- تتعرّف نصف الدائرة ورُبع الدائرة
- تُذكر أنّ محيط الدائرة يُساوي $\pi \times \text{طول القطر}$
- تُذكر أنّ مساحة الدائرة تُساوي $\pi \times \text{طول نصف القطر} \times \text{طول نصف القطر}$

الآن، اخبّر نفسك:

1 في الشكل الآتي، م مركز الدائرة.



1 اذكر 3 أنصاف أقطار للدائرة. م، ب، ج، د، هـ

2 م = 1 م = 1 م

3 اذكر قطرًا في الدائرة. ب

4 م = 2 م = 2 م

5 محيط الدائرة = $\pi \times \text{ب}$

6 مساحة الدائرة = $\pi \times \text{م} \times \text{م}$

7 محيط نصف الدائرة = $\frac{\pi \times \text{ب}}{2}$

8 مساحة نصف الدائرة = $\frac{\pi \times \text{م} \times \text{م}}{2}$

9 محيط ربع الدائرة = $\frac{\pi \times \text{ب}}{4}$

10 مساحة ربع الدائرة = $\frac{\pi \times \text{م} \times \text{م}}{4}$

ضَع قُبْعَةَ التَّفْكِيرِ!



المسافة التي قطعتها عجلة دراجة عندما دارت دورة كاملة تساوي أ ب .
إذا كان طول قطر العجلة 56 سم، أوجد بالأمتار المسافة التي تقطع فيها
العجلة 500 دورة كاملة. (خذ $\pi = \frac{22}{7}$)



محيط الدائرة = $\pi \times$ طول القطر

$$856 \times \frac{22}{7} =$$

$$27176 = 8 \times 22 = \text{محيط العجلة}$$

المسافة بالأمتار = 500 دورة كاملة \times محيط العجلة

$$138800 = 176 \times 500 =$$

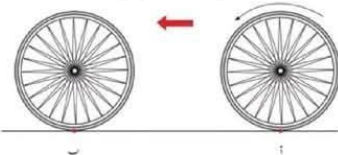
$$1388 = \frac{138800}{100} =$$

تدريبات

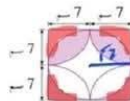
Zein Atala ضَع قُبْعَةَ التَّفْكِيرِ! صفحة



المسافة التي قطعتها عجلة دراجة عندما دارت دورة كاملة تساوي أ ب .
إذا كان طول قطر العجلة 56 سم، أوجد بالأمتار المسافة التي تقطع فيها
العجلة 500 دورة كاملة. (خذ $\pi = \frac{22}{7}$)



يُبين الشكل الآتي دائرة طول نصف قطرها 7 سم وأربعة أرباع متطابقة.
أوجد المساحة الكلية للأجزاء الملونة. (خذ $\pi = \frac{22}{7}$)



نجمع الأجزاء الملونة الأربعة فيصبح عندي
نصف دائرة ($\frac{1}{2}$)

المساحة الكلية = مساحة نصف دائرة $\times \frac{1}{2} \times \pi \times$ نصف القطر \times نصف

$$7 \times 7 \times \frac{22}{7} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} =$$

$$154 = 7 \times 11 =$$



10 القطاعات الدائرية

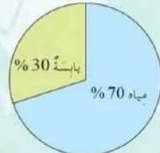
صفحة Zein Atala

1 فهم القطاعات الدائرية

70% من سطح الأرض مياه. الباقي وهو 30% من سطح الأرض اليابسة. نستطيع بيان هذه الحقيقة في جدول.

سطح الأرض	% 100
المياه	% 70
اليابسة	% 30

نستطيع أيضًا بيان ذلك بشكل بياني يُسمى القطاعات الدائرية.



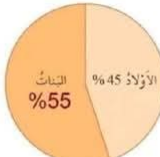
$$\% 100 = \% 30 + \% 70$$

الدائرة كاملة تساوي 100% دائمًا.

تُبين القطاعات الدائرية الآتية النسبة المئوية للطلاب المسجلين في إحدى المدارس. ما النسبة المئوية للطلاب من التلاميذ؟

النسبة المئوية للطلاب

$$\% 55 = \% 45 - \% 100$$



165

جميع الحقوق محفوظة لـ مركز الأبحاث التربوية والتعليمية والبحوث التربوية

تُبين القطاعات الدائرية كيفية إنفاق حصة مَصْرُوفها الأسبوعي.



1 من الشكل، نستطيع القول بأن حصة

$$\frac{1}{2} \text{ تُنفق من مصروفها على الطعام والمشروبات،}$$

$$\frac{1}{4} \text{ تُنفق من مصروفها على الملابس،}$$

$$\text{وتدخر الباقي وهو } \frac{1}{4} \text{ مصروفها.}$$



$$1 = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = \frac{1}{4} + \frac{1}{4} + \frac{1}{2}$$

2 إذا كانت حصة تحصل على 10 دنانير في الأسبوع.

(i) كم تُنفق من مصروفها على الطعام والمشروبات؟

(ii) كم تدخر من مصروفها؟

(iii) بكم يزيد ما تُنفقه على الطعام والمشروبات على المصارف؟

$$(i) 5.000 \text{ د} = 10.000 \times \frac{1}{2}$$

تُنفق 5.000 د من مصروفها على الطعام والمشروبات.

$$(ii) 2.500 \text{ د} = 10.000 \times \frac{1}{4}$$

تدخر 2.500 د

(iii) مبلغ التفرّد الذي تُنفقه على المصارف = مبلغ المصارف

$$2.500 \text{ د} =$$

$$2.500 \text{ د} = 5.000 \text{ د} - 2.500 \text{ د}$$

ما تُنفقه على الطعام والمشروبات يزيد 2.500 د على المصارف.

166

١. يُبَيِّنُ الشَّكْلُ التَّيَّانِي بِالْقِطَاعَاتِ كَيْفِيَّةَ انْتِزَاعِ شَيْمَاءَ لِمَضْرُوفِهَا الْأُسْبُوعِي الْبَالِغِ 15 د.



- ١ ما الكسُرُ الَّذِي يُعْثَلُ الْمُدْخَرَاتُ مِنْ مَضْرُوفِهَا الْأُسْبُوعِي؟
- ٢ ما الكسُرُ الَّذِي يُعْثَلُ مَا تُنْفِقُهُ عَلَى التَّسْهُؤِ مِنْ مَضْرُوفِهَا الْأُسْبُوعِي؟
- ٣ كَمْ تُنْفِقُ عَلَى الطَّعَامِ وَالْمَشْرُوبَاتِ مِنْ مَضْرُوفِهَا الْأُسْبُوعِي؟
- ٤ كَمْ تَدْخُرُ مِنْ مَضْرُوفِهَا الْأُسْبُوعِي؟

٢. قُضِلَ بِهِ 40 تَلْمِيذًا، يُخْتَفِظُ 15 مِنْهُمْ بِسَمَكٍ زَيْتِيَّةٍ، وَيُخْتَفِظُ 5 مِنْهُمْ بِطُيُورٍ زَيْتِيَّةٍ وَيُخْتَفِظُ 4 تَلَامِيذٌ بِقَطْطٍ وَالْبَاقِي لَا يُخْتَفِظُونَ بِأَيِّ حَيَوَانَاتٍ. يُبَيِّنُ الشَّكْلُ التَّيَّانِي بِالْقِطَاعَاتِ هَذِهِ الْمَعْلُومَاتِ.



- ١ كَمْ تَلْمِيذًا لَا يُخْتَفِظُ بِأَيِّ حَيَوَانَاتٍ؟
- ٢ ما الكسُرُ مِنَ التَّلَامِيذِ الَّذِي يُخْتَفِظُ بِسَمَكٍ زَيْتِيَّةٍ؟
- ٣ ما الكسُرُ مِنَ التَّلَامِيذِ الَّذِي يُخْتَفِظُ بِطُيُورٍ زَيْتِيَّةٍ؟
- ٤ ما النِّسْبَةُ الْمَقْوِيَّةُ لِلتَّلَامِيذِ الَّذِينَ يُخْتَفِظُونَ بِالْقَطْطِ؟

١ $16 = 40 - 24$

٢ $\frac{3}{8} = \frac{15}{40}$

٣ $\frac{1}{8} = \frac{5}{40}$

٤ $10\% = 100\% \times \frac{1}{10} = 100\% \times \frac{4}{40}$

١٠% مِنَ التَّلَامِيذِ يُخْتَفِظُونَ بِالْقَطْطِ.

167

١. يُبَيِّنُ الشَّكْلُ التَّيَّانِي بِالْقِطَاعَاتِ كَيْفِيَّةَ انْتِزَاعِ شَيْمَاءَ لِمَضْرُوفِهَا الْأُسْبُوعِي الْبَالِغِ 15 د.



- ١ ما الكسُرُ الَّذِي يُعْثَلُ الْمُدْخَرَاتُ مِنْ مَضْرُوفِهَا الْأُسْبُوعِي؟
- ٢ ما الكسُرُ الَّذِي يُعْثَلُ مَا تُنْفِقُهُ عَلَى التَّسْهُؤِ مِنْ مَضْرُوفِهَا الْأُسْبُوعِي؟
- ٣ كَمْ تُنْفِقُ عَلَى الطَّعَامِ وَالْمَشْرُوبَاتِ مِنْ مَضْرُوفِهَا الْأُسْبُوعِي؟
- ٤ كَمْ تَدْخُرُ مِنْ مَضْرُوفِهَا الْأُسْبُوعِي؟

المُدْخَرَاتُ $\frac{1}{2}$

١ $\frac{1}{2}$

٢ $\frac{1}{6} = \frac{2-3}{6} = \frac{1}{3} - \frac{1}{2}$

٣ $5 \text{ دينار} = 15 \times \frac{1}{3}$

٤ $7.5 \text{ دينار} = 15 \times \frac{1}{2}$



١٥ المصروف الأسبوعي 15د

١ ما الأكبر الذي يمثل المخرات من مصروفها الأسبوعي؟

$$\frac{1}{2}$$

٢ ما الأكبر الذي يمثل ما تنفقه على التسوق من مصروفها الأسبوعي

$$\frac{2 \times 1}{2 \times 3} - \frac{1 \times 3}{2 \times 3}$$

$$\frac{1}{6} = \frac{2-3}{6} = \frac{2}{6} - \frac{3}{6} =$$

٣ كم تنفق على الطعام والمشروبات

$$5 \text{ دينار} = 15 \times \frac{1}{3}$$

٤ فضل به 40 تلميذاً، يحتفظ 15 منهم بسمك زينة، ويحتفظ 5 منهم بطيور زينة ويحتفظ 4 تلاميذ بقطيع والباقي لا يحتفظون بأي حيوانات. استند على التبيان بالقطاعات هذه المعلومات.



١ كم تلميذاً لا يحتفظ بأي حيوانات؟

٢ ما الكسر من التلاميذ الذي يحتفظ بسمك زينة؟

٣ ما الكسر من التلاميذ الذي يحتفظ بطيور زينة؟

٤ ما النسبة المئوية للتلاميذ الذين يحتفظون بالقطيع؟

(%)

$$① (15+5+4)-40$$

$$= 24 - 40 = 16 \text{ تلميذا}$$

$$② \frac{3}{8} = \frac{15}{40}$$

$$③ \frac{1}{8} = \frac{5}{40}$$

$$④ 10\% = 100\% \times \frac{4}{40}$$

يُبيِّن الشُّكْلُ البَيَانِيُّ بِالْقِطَاعَاتِ الدَّائِرِيَّةِ عَدَدَ الْمَرْكَبَاتِ الَّتِي تَدْخُلُ إِحْدَى الْمَدَارِسِ صَبَاحَ أَحَدِ الْأَيَّامِ.



- 1 ما عَدَدُ جَمِيعِ الْمَرْكَبَاتِ الْمَوْجُودَةِ مَعًا؟
- 2 ما كَسْرُ السِّيَّارَاتِ مِنْ مَجْمُوعِ الْمَرْكَبَاتِ؟
- 3 ما كَسْرُ الْحَافِلَاتِ الصَّغِيرَةِ مِنْ مَجْمُوعِ الْمَرْكَبَاتِ؟
- 4 ما النِّسْبَةُ الْمَقْوِيَّةُ لِلْحَافِلَاتِ مِنْ مَجْمُوعِ الْمَرْكَبَاتِ؟
- 5 ما النِّسْبَةُ الْمَقْوِيَّةُ لِسَيَّارَاتِ الْأَجْرَةِ مِنْ الْمَرْكَبَاتِ جَمِيعًا؟

صفحة Zein Atala

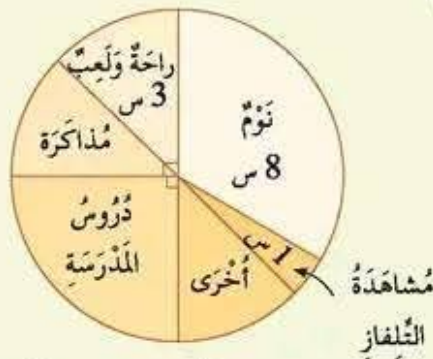


هَيَّا نَعْمَلْ مَعًا

اَعْمَلْ ضِمْنَ فَرِيقٍ ثُنَائِيٍّ.

- 1 بِالرُّجُوعِ لِلشُّكْلِ الْبَيَانِيِّ الْآتِي، يَضَعُ أَحَدُ التَّلَامِيذِ سُؤَالَ لِلْآخَرِ لِيُجِيبَ عَلَيْهِ.
- 2 يَتَبَادَلُ التَّلَامِيذَانِ الدُّورَ.
- 3 اسْأَلْ أَسْئَلَةً كَثِيرَةً بِقَدْرِ مَا تَسْتَطِيعُ.

يُبيِّن الشُّكْلُ البَيَانِيُّ بِالْقِطَاعَاتِ كَيْفِيَّةَ اسْتِخْدَامِ تَلْمِيذٍ لَوَقْتِهِ أَثْنَاءَ 24 سَاعَةً فِي أَحَدِ الْأَيَّامِ.



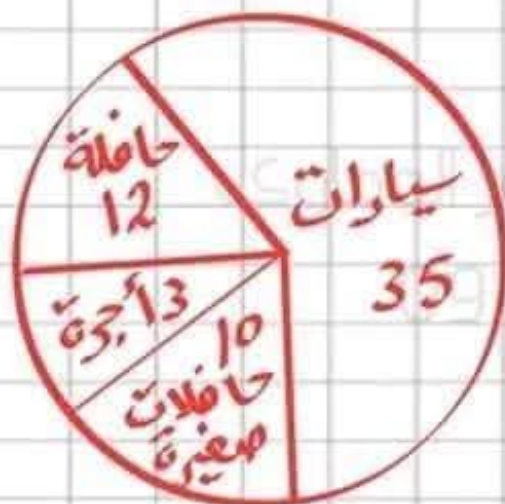
مِثَالٌ: كَمْ سَاعَةً يَحْضُرُهَا التَّلْمِيذُ فِي دُرُوسِ الْمَدْرَسَةِ؟
ما الْكَسْرُ مِنَ الْيَوْمِ الَّذِي يَسْتَعْرِفُهُ فِي النَّوْمِ؟

٤ كم تدخر من مصروفها الأسبوعي؟

← 15 د

$$7.5 = 15 \times \frac{1}{2}$$

$$\begin{array}{r} 7.5 \\ 2 \overline{) 15} \\ \underline{14} \\ 10 \\ \underline{10} \\ 00 \end{array}$$



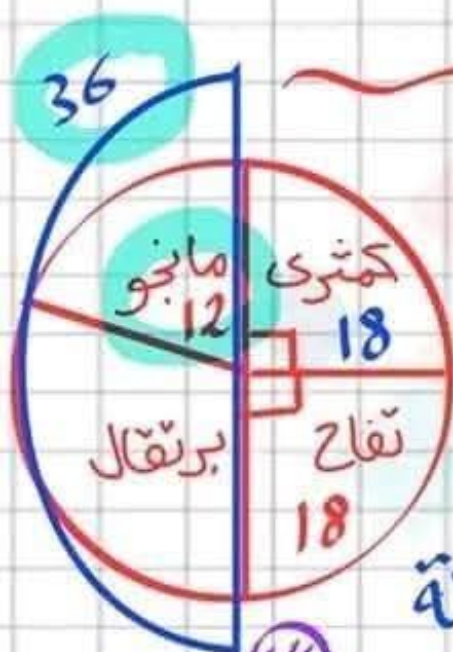
١١ ٢٠ = 3 + 10 + 12 + 35
مركبة

٦ ٢ = $\frac{35}{60} = \frac{7}{12}$

٧ ٢ = $\frac{10}{60} = \frac{1}{6}$

٥ ٢ = $0.20 = 0.10 \times 1.2$

$$\textcircled{3} \quad 0/05 = 0/0100 \times \frac{3}{6} \times \frac{1}{2}$$



البرتقال $\textcircled{12}$

ب. كمثري + نفاح = ما بنحو + برتقال

$$36 = 18 + 18 = \text{نفاح} + \text{كمثري}$$

$$\text{عدد البرتقال} = 12 - 36 = 24$$

$$\textcircled{4} \quad 6 = 18 - 24 \quad \text{نفاحات}$$

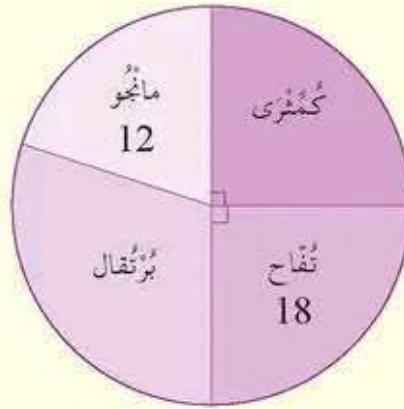
$$\textcircled{5} \quad 72 = 24 + 12 + 18 + 18$$

$$\begin{array}{r} 24 \\ 18 - \\ \hline 6 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 18 \\ 18 \\ 12 \\ 24 \\ \hline 72 \end{array}$$



يُبيِّنُ الشَّكْلُ الآتِي أَنْوَاعَ الْفَاكِهَةِ الَّتِي بَاعَتْهَا فَاطِمَةُ صَبَاحَ أَحَدِ أَيَّامِ الْإِثْنَيْنِ.



- 1 ما أَكْثَرُ نَوْعٍ مِنَ الْفَاكِهَةِ بَاعَتْهُ؟
- 2 كَمْ بُرْتُقَالَةً بَاعَتْهَا؟
- 3 بِكُمْ يَزِيدُ عَدَدُ التُّفَاحِ عَلَى عَدَدِ الْبُرْتُقَالِ؟
- 4 ما مِقْدَارُ مَا بَاعَتْهُ مِنَ الْفَاكِهَةِ؟

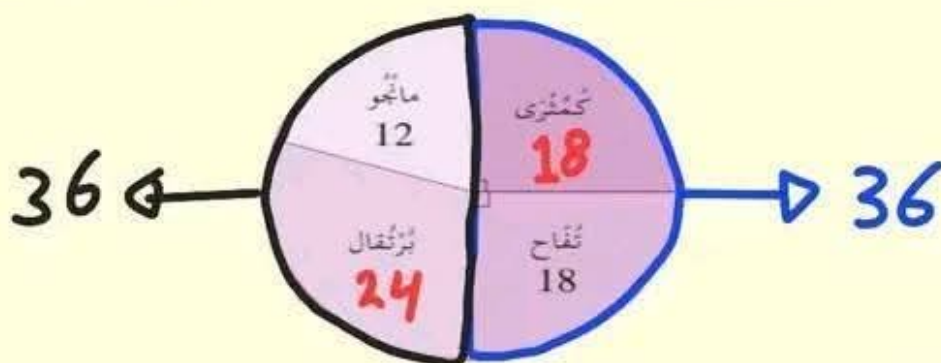
يُبيِّنُ الشَّكْلُ الآتِي الْحُضُورَ فِي إِحْدَى الْحَفَلَاتِ الْمَدْرَسِيَّةِ.



- 1 ما النِّسْبَةُ المِثْقَوِيَّةُ لِلنِّسَاءِ وَالْأَطْفَالِ مِنْ مَجْمُوعِ الْحَاضِرِينَ؟
- 2 ما النِّسْبَةُ المِثْقَوِيَّةُ لِلرِّجَالِ مِنْ مَجْمُوعِ الْحَاضِرِينَ؟
- 3 إِذَا كَانَ عَدَدُ الْأَطْفَالِ فِي الْحَفْلَةِ 280، فَكَمْ كَانَ عَدَدُ النِّسَاءِ؟

صفحة Zein Atala

يُبيِّن الشَّكْلُ الآتِي أَنْوَاعَ الْفَاكِهَةِ الَّتِي بَاعَتْهَا فَاطِمَةُ صَبَاحَ أَحَدِ أَيَّامِ الْإِثْنَيْنِ.



- ① ما أَكْثَرُ نَوْعٍ مِنَ الْفَاكِهَةِ بَاعَتْهُ؟
- ② كَمْ بُرْتُقَالَةً بَاعَتْهَا؟
- ③ بِكُمْ يَزِيدُ عَدَدُ التَّفَاحِ عَلَى عَدَدِ الْبُرْتُقَالِ؟
- ④ ما مِقْدَارُ مَا بَاعَتْهُ مِنَ الْفَاكِهَةِ؟

① البرتقال

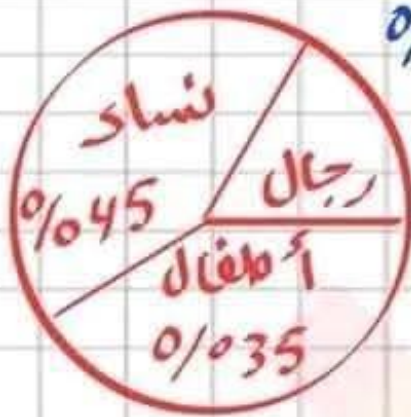
② الكمثرى + التفاح = $36 = 18 + 18$

عدد البرتقال = $36 - 12 = 24$ برتقالة

③ عدد التفاح يقل على عدد البرتقال = $24 - 18 = 6$

④ مقدار ما باعته = تفاح + كمثرى + مانجو + برتقال

= $72 = 24 + 12 + 18 + 18$



$$0/080 = 0/035 + 0/045 \quad \text{①} \quad \text{⑬} \quad \text{Ⓟ}$$

$$0/020 = 0/080 - 0/100 \quad \text{ⓑ}$$

$$\frac{45 \times 280}{35} \quad \text{ⓐ}$$

③

④

$$\begin{array}{r} 280 \\ 45 \times \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1400 \\ 1120 + \\ \hline 12600 \end{array}$$

$$360 = \frac{12600}{35} =$$

$$360 = \text{شكدر النساء}$$

$$\begin{array}{r} 360 \\ 35 \overline{) 12600} \\ \underline{105} \\ 210 \\ \underline{210} \\ 000 \end{array}$$

صفحة Zein Atala

يُبيِّن الشُّكْلُ الآتِي الحُضُورَ فِي إِحْدَى الحَفَلَاتِ المَدْرَسِيَّةِ.



1 ما النسبة المئوية للنساء والأطفال من مجموع الحاضرين؟

2 ما النسبة المئوية للرجال من مجموع الحاضرين؟

3 إذا كان عدد الأطفال في الحفلة 280، فكم كان عدد النساء؟

① النسبة المئوية = النسبة المئوية للنساء + النسبة المئوية للأطفال

$$= 45\% + 35\% = 80\%$$

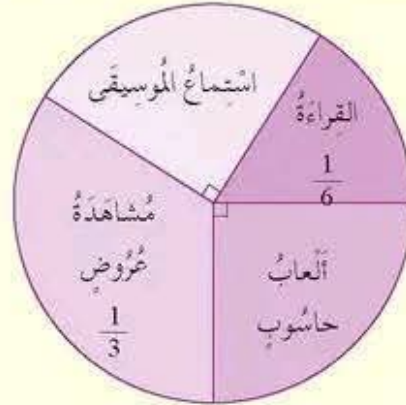
② النسبة المئوية للرجال = $100\% - 80\% = 20\%$

الأطفال	النساء
280	س
35	45

$$\frac{45 \times 280}{35} = \text{س}$$

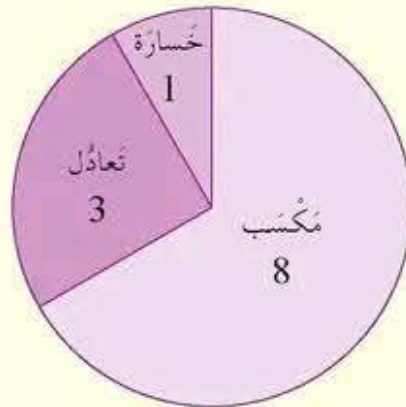
$$\text{س} = 360 \Rightarrow \text{عدد النساء} = 360$$

يُبيِّن الشكل الهوايات المسجلة لمجموعة من 84 تلميذاً.



- 1 ما عدد التلاميذ الذين يهتفون القراءة؟
- 2 ما عدد التلاميذ الذين يهتفون الموسيقى؟
- 3 ما الكسر الذي يمثِّل الذين يهتفون ألعاب الحاسوب؟
- 4 ما الهواية المفضلة ضعف أخرى؟

يُبيِّن الشكل الآتي نتائج مباريات لعبها الفريق الأول في دوري كرة القدم.



- 1 كم مباراة لعبها الفريق؟
- 2 ما الكسر من المباريات التي كسبها الفريق؟
- 3 ما الكسر من المباريات التي تعادل فيها الفريق؟
- 4 إذا تحدد 3 نقاط للفوز، نقطة للتعادل، لا شيء للخسارة، فما عدد النقاط التي أحرزها الفريق؟

تدريب 1، 2



يَبَيِّنُ الشَّكْلُ الهَوَايَاتِ الْمُسَجَّلَةَ لِمَجْمُوعَةٍ مِنْ 84 تَلْمِيزًا.



- 1 ما عَدَدُ التَّلَامِيذِ الَّذِينَ يَهْوُونَ الْقِرَاءَةَ؟
- 2 ما عَدَدُ التَّلَامِيذِ الَّذِينَ يَهْوُونَ الْمَوْسِيقَا؟
- 3 ما الْكَسْرُ الَّذِي يُمَثِّلُ الَّذِينَ يَهْوُونَ أَلْعَابَ الْحَاسُوبِ؟
- 4 ما الْهَوَايَةُ الْمَفْضَلَةُ ضِعْفَ أُخْرَى؟

① عدد التلاميذ = $84 \times \frac{1}{6} = 14$ تلميذاً

② عدد التلاميذ = $84 \times \frac{1}{4} = 21$ تلميذاً

③ الكسر هو $\frac{1}{4}$

④ مشاهدة العروض ضعف القراءة $\frac{2}{3} = \frac{1}{3} + \frac{1}{3}$

يُبيِّن الشكل الآتي نتائج مباريات لعبها الفريق الأول في دوري كرة القدم.



- 1 كم مباراة لعبها الفريق؟
- 2 ما الكسُر من المباريات التي كسبها الفريق؟
- 3 ما الكسُر من المباريات التي تعادل فيها الفريق؟
- 4 إذا تحدد 3 نقاط للفوز، نقطة للتعادل، لا شيء للخسارة، فما عدد النقاط التي أحرزها الفريق؟

تدريب 1، 2

170

① عدد المباريات = المكسب + الخسارة + التعادل

$$= 8 + 1 + 3 = 12 \text{ مباراة}$$

② الكسر = $\frac{\text{عدد المباريات التي كسبها}}{\text{عدد المباريات الكلية}} = \frac{8}{12} = \frac{2}{3}$

③ الكسر = $\frac{\text{عدد المباريات التي تعادل فيها}}{\text{عدد المباريات الكلية}} = \frac{3}{12} = \frac{1}{4}$

④ عدد النقاط = عدد المكسب $\times 3$ + عدد التعادل $\times 1$

$$= 1 \times 3 + 3 \times 8$$

$$= 3 + 24$$

$$= 27 \text{ نقطة}$$

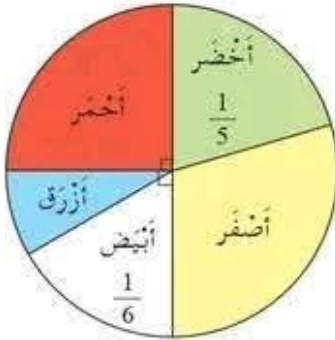


تَعَلَّمْتَ أَنْ :

- الشَّكْلُ الْبَيَانِيُّ بِالْقِطَاعَاتِ الدَّائِرِيَّةِ نَوْعٌ آخَرٌ لِلتَّمْثِيلِ الْبَيَانِيِّ .
- كُلُّ الدَّائِرَةِ يُمَثِّلُ 100 % أَوْ 1
- تَقْرَأُ وَتُفَسِّرُ الْقِطَاعَاتِ الدَّائِرِيَّةِ .

الآن، اخْتِبرْ نَفْسَكَ :

يُبَيِّنُ الشَّكْلُ الْبَيَانِيُّ بِالْقِطَاعَاتِ الدَّائِرِيَّةِ الْأَلْوَانَ الْمُخْتَلِفَةَ لِأَعْوَادٍ فِي حُزْمَةٍ .

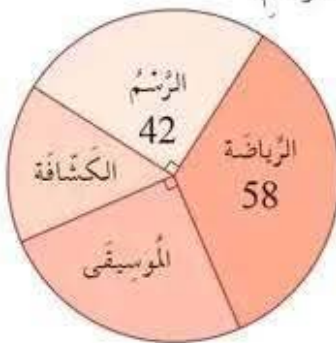


- 1 ما الكسْرُ مِنَ الْأَعْوَادِ أَصْفَرُ اللَّوْنِ؟
- 2 ما الكسْرُ مِنَ الْأَعْوَادِ أَزْرَقُ اللَّوْنِ؟
- 3 ما النسْبةُ مِنَ الْأَعْوَادِ لَيْسَتْ حُمْرَاءَ اللَّوْنِ؟
- 4 ما النسْبةُ مِنَ الْأَعْوَادِ لَيْسَتْ صَفْرَاءَ أَوْ حُمْرَاءَ اللَّوْنِ؟

ضَعْ قُبْعَةَ التَّفَكِيرِ!



يُبَيِّنُ الشَّكْلُ الْبَيَانِيُّ بِالْقِطَاعَاتِ الْأَنْشِطَةَ الْمُنْهَجِيَّةَ الَّتِي يَشْتَرِكُ فِيهَا تَلَامِيذُ الصَّفِّ السَّادِسِ الْأَسَاسِيِّ . يَشْتَرِكُ كُلُّ تَلْمِيذٍ فِي نَشَاطٍ وَاحِدٍ فَقَطْ .



تَدْرِيبُ نَحْنُ



- 1 ما الكسْرُ مِنْ عَدَدِ التَّلَامِيذِ الَّذِي يُمَثِّلُ أَعْضَاءَ نَادِي الرَّسْمِ؟
- 2 ما النسْبةُ الْمُتَوَلِّدَةُ لِلتَّلَامِيذِ فِي جَمَاعَةِ الْمَوْسِيقِيِّ؟
- 3 ما عَدَدُ جَمِيعِ التَّلَامِيذِ؟
- 4 ما عَدَدُ تَلَامِيذِ الْكَشَافَةِ؟
- 5 ما نِسْبةُ مَجْمُوعِ جَمَاعَتَيْ الْكَشَافَةِ وَالرِّيَاضَةِ إِلَى عَدَدِ جَمِيعِ التَّلَامِيذِ؟

من الشكل لاحظ أن

الأحمر زاوية قائمة فهو $\frac{1}{4}$ القطاع أو 25%

الأبيض والأزرق زاوية قائمة فهما معاً $\frac{1}{4}$ القطاعات أو 25%

الأخضر والأصفر زاوية مستقيمة فهما معاً $\frac{1}{2}$ القطاعات أو 50%



- نلاحظ أن:
- الشكل البياني والقطاعات الدائرية لوح آخر لتمثيل بياني
- كل قطعة تمثل 100% أو 1
- نقرأ ونفسر القطاعات هذه كلها

الآن، نحاول نكتب:

نبدأ الشكل البياني بالقطاعات الدائرية الألوان المختلفة لأعوام في خريطة.

1) ما النسبة من الأعوام أخضر اللون؟

الأخضر والأصفر كلاهما $\frac{1}{2}$ القطاعات

فيكون

الكسر الذي يمثل الأعوام الصفراء = $\frac{1}{2} - \frac{1}{8} = \frac{3}{8}$

$$\frac{3}{10} = \frac{2}{10} + \frac{1}{10} =$$

2) ما النسبة من الأعوام أزرق اللون؟

من الشكل نلاحظ أن الأبيض والأزرق (زاوية قائمة $\frac{1}{4}$)

فيكون

$$\frac{1}{12} = \frac{2}{12} - \frac{1}{12} = \frac{1}{6} - \frac{1}{4} =$$

3) ما النسبة من الأعوام ليست حمراء اللون؟

المطلوب هنا كل الألوان إلا الأحمر، أي الكل نطرح منه الأحمر

نسبة الكل هي (100%) ونسبة الأحمر هي (25%)

فيكون

$$\text{النسبة التي تمثل الأعوام ليست حمراء} = 100\% - 25\% = 75\%$$

4) ما النسبة من الأعوام ليست صفراء أو حمراء اللون؟

المطلوب هنا كل الألوان إلا الأحمر والأصفر، أي الكل نطرح منه الأحمر والأصفر

نسبة الكل هي (100%) ونسبة الأحمر هي (25%)

$$\text{ونسبة الأصفر} = \frac{3}{10} \times 100\% = 30\%$$

فيكون

النسبة التي تمثل الأعوام ليست صفراء أو حمراء

$$= (30\% + 25\%) - 100\% =$$

$$= 55\% - 100\% = 45\%$$



يُبيّن الشّكل البيانيّ بالقطاعاتِ الأنشطةَ المنهجيةَ التي يَشْتَرِكُ فيها تلاميذُ الصفِّ السادسِ الأساسي. يَشْتَرِكُ كُلُّ تلميذٍ في نشاطٍ واحدٍ فقط.

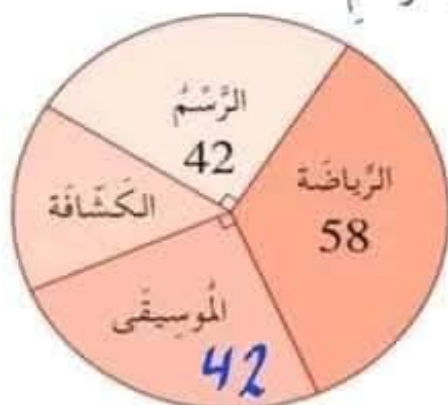
1 ما الكسْرُ مِنْ عَدَدِ التلاميذِ الَّذِي يُمَثِّلُ أعضاءَ نادي الرّسم؟

2 ما النسبة المئوية للتلاميذِ في جماعةِ الموسيقى؟

3 ما عَدَدُ جَمِيعِ التلاميذِ؟

4 ما عَدَدُ تلاميذِ الكشافة؟

5 ما نسبة مجموع جماعتَي الكشافة والرياضة إلى عَدَدِ جَمِيعِ التلاميذِ؟



① $\frac{1}{4}$

② $25\% = \frac{25}{100} \times \frac{1}{4}$

③ عدد جميع التلاميذ = عدد أجزاء الدائرة \times ربع الدائرة

$140 = 42 \times 4$



④ عدد تلاميذ = عدد جميع التلاميذ - (مجموع عدد تلاميذ الرسم
الكشافه والرياضة والموسيقى)

$$= 168 - (42 + 58 + 42)$$

$$= 168 - 142$$

$$= 26 \text{ تلميذاً}$$

⑤ مجموع عدد تلميذاً الكشافه والرياضة = $58 + 26$
 $= 84$ تلميذاً

نسبة مجموع حصص الكشافه والرياضة الى عدد جميع التلاميذ

$$\frac{84}{168} = \frac{1}{2}$$

بالنسبة على 84



العرض

11 مساحة ومُحيط الأشكال

1 مساحة ومُحيط الأشكال المرتبطة بالمثلثات، والمستطيلات، والدوائر

هنا نراجع المساحة والمُحيط.

مُحيط شكل مُضلع = مجموع أطوال أضلاعه



مساحة المربع = الطول \times العرض
المربع طوله يساوي عرضه

1 طول ضلع المربع 6 سم



المحيط = مجموع أطوال أضلاع الشكل

المحيط = 6 المُحيط = 24 سم

المساحة = 36 سم² مساحة المربع = $6 \times 6 = 36$ سم²

$6 + 6 + 6 + 6 = 24$ سم

مُستطيل طوله 9 سم وعرضه 7 سم

9 سم

7 سم



7 سم

مساحة المُستطيل = الطول \times العرض

المُحيط = 32 سم المحيط = $9 + 7 + 9 + 7 = 32$ سم

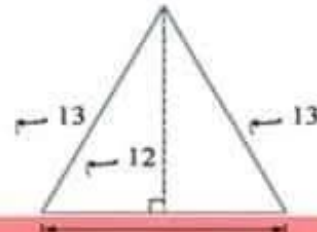
المساحة = 63 سم² المساحة = $9 \times 7 = 63$ سم²



مُنْتَلَتْ أَطْوَالُ أَضْلَاحِهِ 13 سم، 13 سم، 10 سم وَارْتِفَاعُهُ 12 سم.



مساحة المثلث =
 $\frac{1}{2} \times \text{طول القاعدة} \times \text{الارتفاع}$



حيط المثلث = مجموع أطوال أضلأه

$$36 \text{ سم} = 13 + 13 + 10$$

$$60 \text{ سم}^2 = 12 \times 10 \times \frac{1}{2}$$

الدائرة طول نصف قطرها 7 سم. (خذ $\pi = \frac{22}{7}$)



محيط الدائرة =
 $\pi \times \text{طول القطر}$

مساحة الدائرة =
 $\pi \times \text{طول نصف القطر} \times \text{طول نصف القطر}$

$$44 \text{ سم} = \text{المحيط}$$

$$154 \text{ سم}^2 = \text{المساحة}$$

$$\text{طول القطر} = 2 \times \text{طول نصف القطر}$$

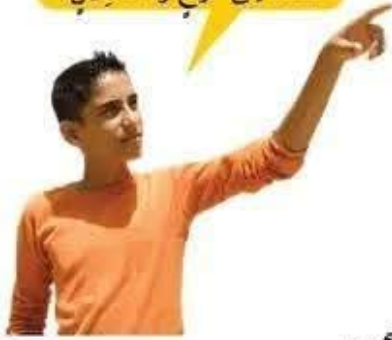
$$14 = 7 \times 2$$

$$44 = 14 \times \frac{22}{7}$$

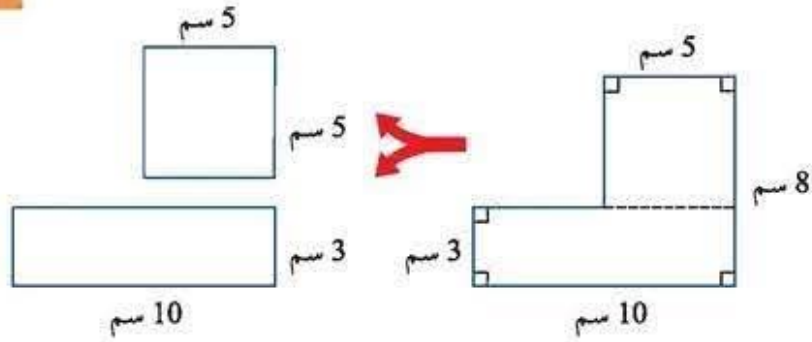
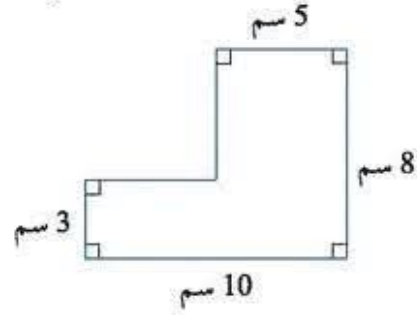
$$7 \times 7 \times \frac{22}{7} = \text{مساحة الدائرة}$$

$$154 =$$

هَذَا شَكْلٌ مُرَكَّبٌ.
قَسِّمُهُ إِلَى مَرْتَبِعٍ وَمُسْتَطِيلٍ.



أَوْجِدْ مُحِيطَ وَمِسَاحَةَ الشَّكْلِ:



طَوَّلُ ضِلْعِ الْمَرْتَبِعِ = 5 سم

مِسَاحَةُ الْمَرْتَبِعِ = $5 \times 5 = 25$ سم²

مِسَاحَةُ الْمُسْتَطِيلِ = $3 \times 10 = 30$ سم²

مِسَاحَةُ الشَّكْلِ = $30 + 25 = 55$ سم²

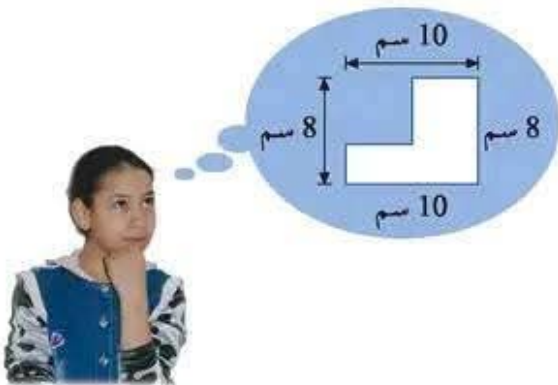
مُحِيطُ الشَّكْلِ = $5 + 5 + 5 + 3 + 10 + 8 =$

$36 =$ سم

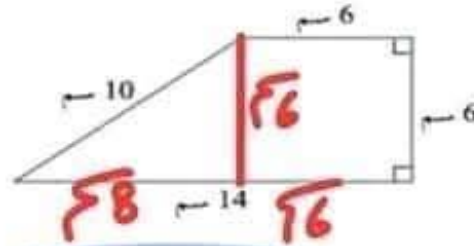
أَوْ

مُحِيطُ الشَّكْلِ = $10 + 8 + 10 + 8 =$

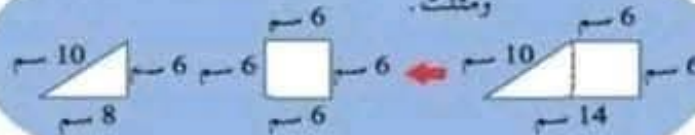
$36 =$ سم



أوجد مساحة ومحيط شبه المنحرف.



قسم شبه المنحرف إلى مربع ومثلث.



مساحة المربع = طول \times العرض

$$36 \text{ سم}^2 = 6 \times 6 = 36 \text{ سم}^2$$

$$24 \text{ سم}^2 = \text{مساحة المثلث} = \frac{1}{2} \times \text{طول القاعدة} \times \text{الارتفاع}$$

$$24 \text{ سم}^2 = 6 \times 8 \times \frac{1}{2} = 24 \text{ سم}^2$$

$$60 \text{ سم}^2 = \text{مساحة شبه المنحرف}$$

$$36 \text{ سم} = \text{محيط شبه المنحرف}$$

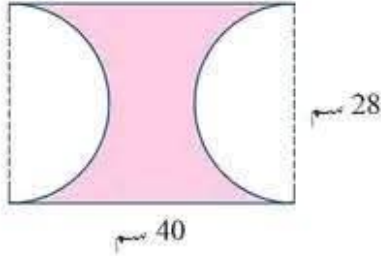
مساحة شبه المنحرف = مساحة المربع + مساحة المثلث

$$60 = 24 + 36 = 60$$

محيط شبه المنحرف = مجموع أطوال أضلاعه

$$36 = 14 + 10 + 6 + 6 = 36$$

ز يُبَيِّنُ الشَّكْلُ نِصْفَي دَائِرَتَيْنِ فِي مُسْتَطِيلٍ طَوْلُهُ 40 سَم وَعَرْضُهُ 28 سَم . أَوْجِدْ
مِسَاحَةَ وَمُحِيطَ الْجُزْءِ الْمُظَلَّلِ . (خذ $\frac{22}{7} = \pi$)



$$\text{مِسَاحَةُ الْمُسْتَطِيلِ} = 28 \times 40 = 1120 \text{ سم}^2$$

$$\text{مِسَاحَةُ نِصْفَي الدَّائِرَةِ} = \text{مِسَاحَةُ دَائِرَةِ}$$

$$14 \times 14 \times \frac{22}{7} =$$

$$= 616 \text{ سم}^2$$

$$\text{مِسَاحَةُ الْجُزْءِ الْمُظَلَّلِ} = 616 - 1120 =$$

$$= 504 \text{ سم}^2$$

$$\text{مُحِيطَي نِصْفَي الدَّائِرَتَيْنِ} = \text{مُحِيطُ دَائِرَةِ}$$

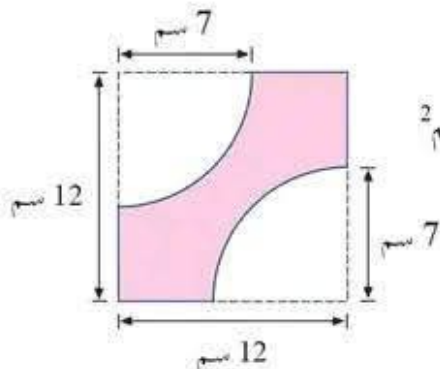
$$28 \times \frac{22}{7} =$$

$$= 88 \text{ سم}$$

$$\text{مِسَاحَةُ الْجُزْءِ الْمُظَلَّلِ} = 40 + 40 + 88 =$$

$$= 168 \text{ سم}$$

ح يُبَيِّنُ الشَّكْلُ رُتْعَيْنِ فِي مُرَبَّعٍ طَوْلُ ضِلْعِهِ 12 سَم . أَوْجِدْ مِسَاحَةَ وَمُحِيطَ الْجُزْءِ
الْمُظَلَّلِ . (خذ $\frac{22}{7} = \pi$)



$$\text{مِسَاحَةُ الْمُرَبَّعِ} = \text{سم}^2$$

$$\text{مِسَاحَةُ الرُّتْعَيْنِ} = \text{مِسَاحَةُ نِصْفِ دَائِرَةِ} = \text{سم}^2$$

$$\text{مِسَاحَةُ الْجُزْءِ الْمُظَلَّلِ} = \text{سم}^2$$

$$\text{مُحِيطُ الرُّتْعَيْنِ} = \text{مُحِيطُ نِصْفِ دَائِرَةِ}$$

$$= \text{سم}$$

$$\text{مُحِيطُ الْجُزْءِ الْمُظَلَّلِ} = \text{سم}$$



صفحة Zein Atala

يُتَبَيَّنُ الشَّكْلُ رُتْبَتَيْنِ فِي مَرْتَبِعٍ طَوْلُ ضَلْعِهِ 12 سَم. أَوْجَدِ مِسَاحَةَ وَمُحِيطَ الْحِزْمِ

الْمُظَلَّلِ. $\left(\frac{22}{7} = \pi \right)$

مِسَاحَةُ الْمَرْتَبِعِ = 144 سَم²

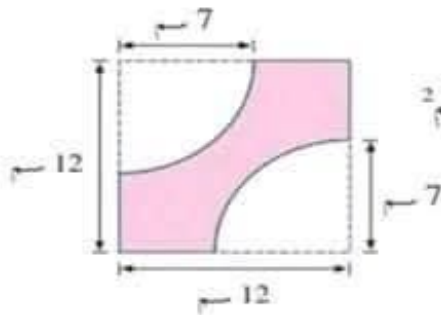
مِسَاحَةُ الرُّتْبَتَيْنِ = مِسَاحَةُ نِصْفِ دَائِرَةٍ = 77 سَم²

مِسَاحَةُ الْحِزْمِ الْمُظَلَّلِ = 67 سَم²

مُحِيطُ الرُّتْبَتَيْنِ = مُحِيطُ نِصْفِ دَائِرَةٍ

= 22 سَم

مُحِيطُ الْحِزْمِ الْمُظَلَّلِ = 42 سَم



176

مساحة المربع = الطول \times العرض = $12 \times 12 = 144$ سَم²

مساحة نصف الدائرة = $\frac{1}{2} \times \pi \times \text{طول نصف القطر} \times \text{طول نصف القطر}$

$$77 \text{ سَم}^2 = 7 \times 7 \times \frac{22}{7} \times \frac{1}{2} =$$

مساحة الجزء المظلل = مساحة المربع - مساحة نصف الدائرة

$$67 \text{ سَم}^2 = 144 - 77 =$$

صفحة Zein Atala

محيط نصف الدائرة = $\frac{1}{2} \times \pi \times \text{طول القطر}$

$$= \frac{1}{2} \times \frac{22}{7} \times 2 = 22$$

\leftarrow طول القطر = $2 \times 2 = 4$
 طول نصف القطر
 $2 \times 2 =$

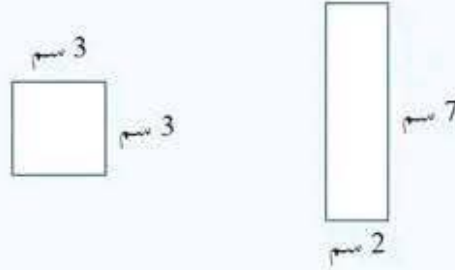


هَيَّا نَعْمَلْ مَعًا!

صفحة Zein Atala

اعْمَلْ ضَمْنَ فَرِيقٍ ثُنَائِي.

1 ارْصُمِ الْمُسْتَطِيلَ وَالْمُرَبَّعَ عَلَى قِطْعَةٍ مِنَ الْوَرَقِ ثُمَّ قَصَّهُمَا.



2 بِالْمُسْتَطِيلِ وَالْمُرَبَّعِ، كَوْنْ هَذِهِ الْأَنْوَاعَ الثَّلَاثَةَ مِنَ الْأَشْكَالِ الْمُرَكَّبَةِ.



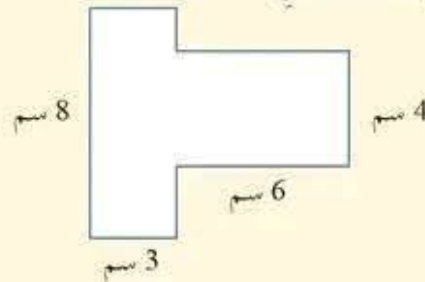
1 مَاذَا يُمَكِّنُ أَنْ تَقُولَ عَنْ مِسَاحَاتِ هَذِهِ الْأَشْكَالِ الْمُرَكَّبَةِ؟
أَوْجِدْ مِسَاحَةَ كُلِّ شَكْلِ.

2 مِنْ دُونِ قِيَاسٍ، هَلْ تَسْتَطِيعُ إِيجَادَ مُحِيطِ كُلِّ شَكْلٍ؟
أَوْجِدِ الْمُحِيطَ حَيْثُ أَمْكَنُ.

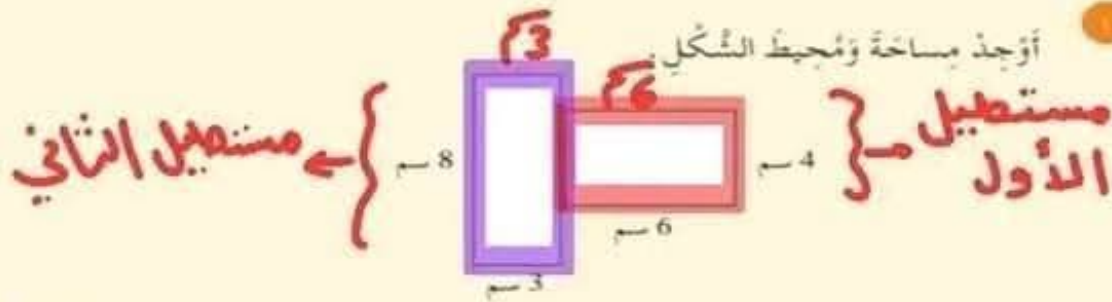


هَيَّا نَتَدَرَّبْ مَعًا! 11

1 أَوْجِدْ مِسَاحَةَ وَمُحِيطَ الشَّكْلِ.



صفحة Zein Atala



177

محيط الشكل = مجموع أطوال أضلاع الشكل

$$30 = 6 + 3 + 8 + 3 + 6 + 4 =$$

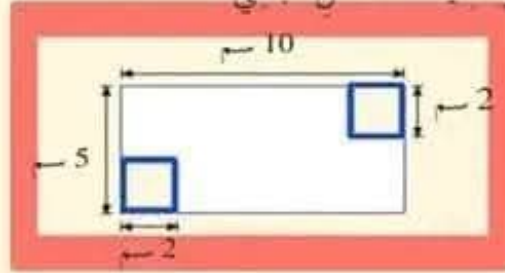
مساحة الشكل = مساحة المستطيل الأول + مساحة المستطيل الثاني

$$= \text{الطول} \times \text{العرض} + \text{الطول} \times \text{العرض}$$

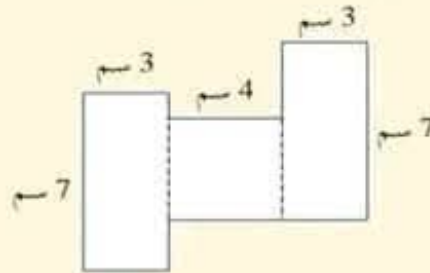
$$8 \times 3 + 6 \times 4 =$$

$$48 = 24 + 24 =$$

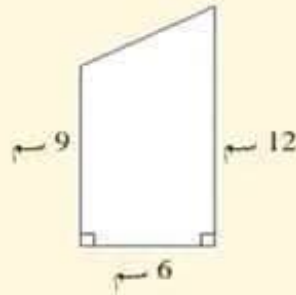
مُرْتَعَان طُول ضِلْع كُلِّ مِنْهُمَا 2 سم فُصْلاً مِنْ مُسْتَطِيلٍ يُعْدَاه 10 سم، 5 سم. أَوْجِدْ مِسَاحَةَ وَمُحِيطَ الشَّكْلِ الْبَاقِي.



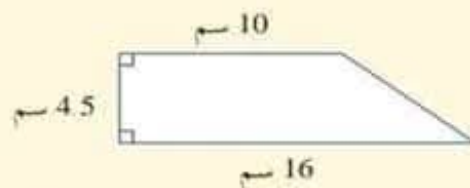
الشَّكْلُ مَكُونٌ مِنْ مُسْتَطِيلَيْنِ بُعْدَا كُلِّ مِنْهُمَا 7 سم، 3 سم وَمُرْتَعِ طُول ضِلْعِهِ 4 سم. أَوْجِدْ مِسَاحَةَ وَمُحِيطَ الشَّكْلِ.



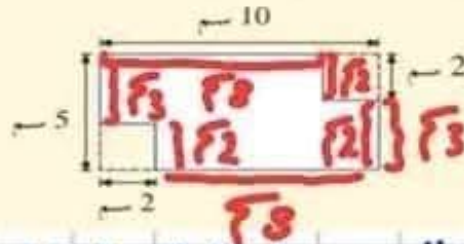
قَسِّمْ شِبْهَ الْمُنْخَرِفِ إِلَى مُسْتَطِيلٍ وَمُثَلَّثٍ وَأَوْجِدْ مِسَاحَتَيْهِمَا. ثُمَّ أَوْجِدْ مِسَاحَةَ شِبْهِ الْمُنْخَرِفِ.



بِتَقْسِيمِ شِبْهِ الْمُنْخَرِفِ إِلَى مُثَلَّثَيْنِ، أَوْجِدْ مِسَاحَتَهُ.



مُرَبَّعَان طُولُ ضِلْع كُلِّ مِثْلُهُمَا 2 سم فُصْلًا مِنْ مُسْتَقْبِلِ بُعْدَاه 10 سم، 5 سم .
أَوْجِدْ مِسَاحَةَ وَمُحِيطَ الشَّكْلِ الْبَاقِي .



مساحة الشكل الباقي : مساحة المستطيل - مساحة المربعين

$$\text{مساحة المستطيل} = \text{الطول} \times \text{العرض}$$

$$= 10 \times 5 = 50 \text{ سم}^2$$

$$\text{مساحة المربع} = \text{الطول} \times \text{العرض}$$

$$= 2 \times 2 = 4 \text{ سم}^2$$

$$\text{مساحة المربعين} = 2 \times \text{مساحة المربع}$$

$$= 4 \times 2 = 8 \text{ سم}^2$$

$$\text{مساحة الشكل الباقي} = 50 - 8 = 42 \text{ سم}^2$$

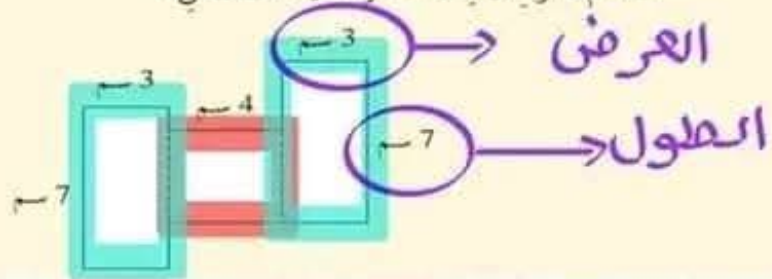
$$\text{محيط الشكل الباقي} = \text{مجموع أطوال أضلاعه}$$

$$= 2 + 2 + 2 + 2 + 3 + 3 + 8 + 8 = 30 \text{ سم}$$





الشكل مكون من مستطيلين بعدا كل منهما 7 سم، 3 سم ومربع طول ضلعه 4 سم. أوجد مساحة ومحيط الشكل.

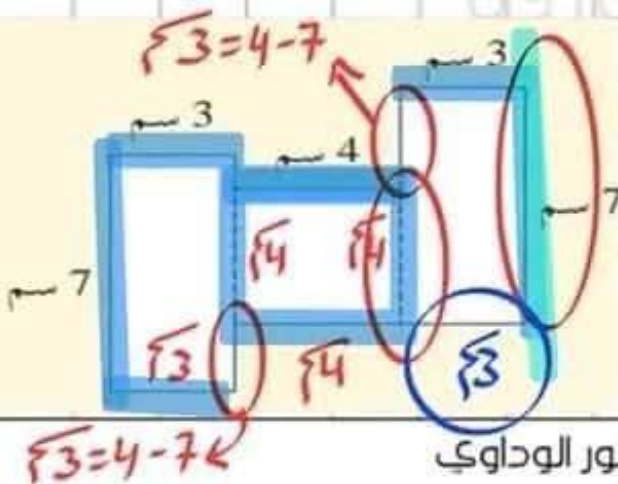


مساحة الشكل = مساحة المستطيل الأول + مساحة المربع + مساحة المستطيل الثاني

$$= (\text{الطول} \times \text{العرض}) + (\text{طول الضلع} \times \text{نفسه}) + (\text{الطول} \times \text{العرض})$$

$$= (3 \times 7) + (4 \times 4) + (3 \times 7) = 21 + 16 + 21 = 58$$

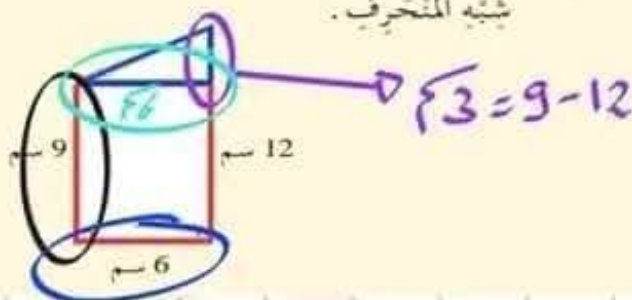
محيط الشكل = مجموع أطوال أضلاع الشكل



$$7 + 3 + 4 + 3 + 3 + 7 = 40$$



قسم شبه المنحرف إلى مستطيل ومثلث وأوجد مساحتهما. ثم أوجد مساحة شبه المنحرف.



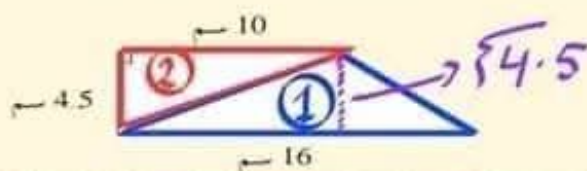
مساحة شبه المنحرف = مساحة المستطيل + مساحة المثلث

$$= (الطول \times العرض) + \left(\frac{1}{2} \times القاعدة \times الارتفاع \right)$$

$$= (6 \times 9) + \left(\frac{1}{2} \times 6 \times 3 \right)$$

$$= 54 + 9 = 63$$

2. ينقسم شبه المنحرف إلى مثلثين، أوجد مساحته.



مساحة شبه المنحرف = مساحة المثلث الأول + مساحة المثلث الثاني

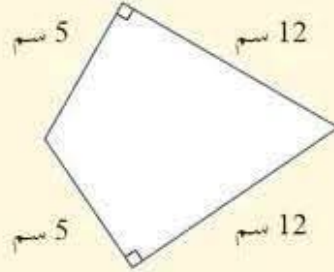
$$= \left(\frac{1}{2} \times القاعدة \times الارتفاع \right) + \left(\frac{1}{2} \times القاعدة \times الارتفاع \right)$$

$$= \left(\frac{1}{2} \times 10 \times 4.5 \right) + \left(\frac{1}{2} \times 16 \times 4.5 \right)$$

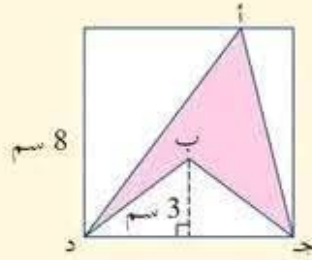
$$= (5 \times 4.5) + (4.5 \times 8) = 22.5 + 36 = 58.5$$

$\begin{array}{r} 4.5 \\ 5 \times \\ \hline 22.5 \end{array}$	$\begin{array}{r} 4.5 \\ 8 \times \\ \hline 36.0 \end{array}$
$\begin{array}{r} 22.5 \\ + 36 \\ \hline 58.5 \end{array}$	

- 1 قَسِّم الشَّكْلَ إِلَى مُثَلَّثَيْنِ قَائِمَي الزَّوَايَةِ وَأَوْجِدْ مِسَاحَتَيْهِمَا، ثُمَّ أَوْجِدْ مِسَاحَةَ الشَّكْلِ.
- 2 أَوْجِدْ مُحِيطَ الشَّكْلِ.

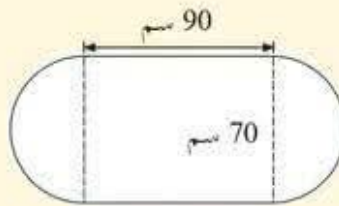


- 3 يُبَيِّنُ الشَّكْلُ مُثَلَّثَيْنِ أ ج د، ب ج د داخلَ مُرَبَّعٍ طَوْلُ ضِلْعِهِ 8 سم. أَوْجِدْ مِسَاحَةَ الْجُزْءِ الْمُظَلَّلِ.

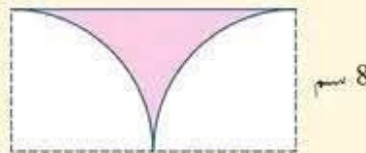


- 4 مِضْمَارٌ جَرِيٌّ مُكَوَّنٌ مِنْ نِصْفَي دَائِرَتَيْنِ وَضِلْعَي مُسْتَقِيمٍ كَمَا هُوَ مُبَيَّنٌ فِيمَا يَلِي. أَوْجِدْ مُحِيطَ الْمِضْمَارِ.

$$\left(\text{خُذْ } \frac{22}{7} = \pi \right)$$



- 5 يُبَيِّنُ الشَّكْلُ رُبْعِي دَائِرَةٍ فِي مُسْتَقِيمٍ. مُتَّخِذًا $\pi = 3.14$ ، احْسُبْ مِسَاحَةَ وَمُحِيطَ الْجُزْءِ الْمُظَلَّلِ.





صفحة Zein Atala

1 قسّم الشّكل إلى مُثلّثين قائمي الزّاوية وأوجد مساحتهما، ثمّ أوجد مساحة الشّكل.
2 أوجد محيط الشّكل.



مساحة الشكل = مساحة المثلث الأول + مساحة المثلث الثاني

$$= \frac{1}{2} \times \text{القاعدة} \times \text{الارتفاع} + \frac{1}{2} \times \text{القاعدة} \times \text{الارتفاع}$$

$$= 5 \times 12 \times \frac{1}{2} + 5 \times 12 \times \frac{1}{2} = 30 + 30 = 60$$

محيط الشكل = مجموع أطوال أضلاع الشكل

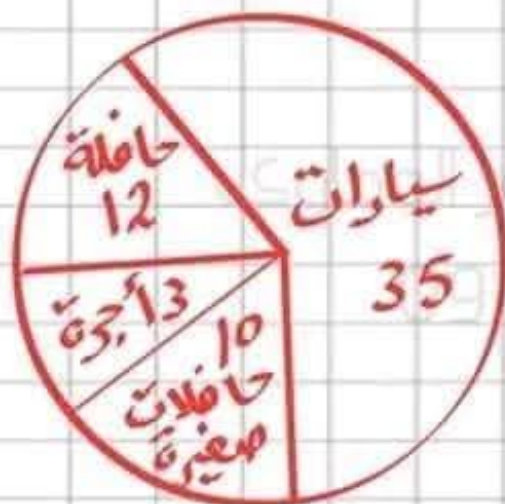
$$= 12 + 5 + 5 + 12 = 34$$

٤ كم تدخر من مصروفها الأسبوعي؟

← 15 د

$$7.5 = 15 \times \frac{1}{2}$$

$$\begin{array}{r} 7.5 \\ 2 \overline{) 15} \\ \underline{14} \\ 10 \\ \underline{10} \\ 00 \end{array}$$



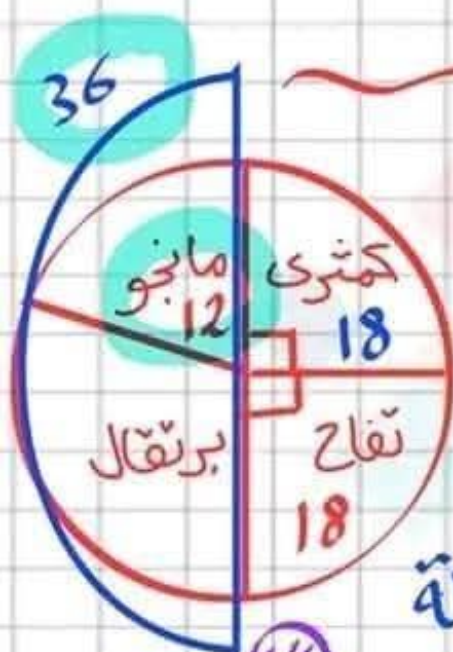
١١) $60 = 3 + 10 + 12 + 35$ مركبة

ب) $\frac{7}{12} = \frac{35}{60}$

ج) $\frac{1}{6} = \frac{10}{60}$

د) $20\% = 100\% \times \frac{12}{60}$

$$\textcircled{3} \quad 0\%5 = 0\%100 \times \frac{3}{6} \times \frac{1}{2}$$



البرتقال $\textcircled{12}$

ب) كمثري + نفاح = ما بنحو + برتقال

$$36 = 18 + 18 = \text{نفاح} + \text{كمثري}$$

$$\text{عدد البرتقال} = 36 - 12 = 24$$

$$\textcircled{4} \quad 6 = 18 - 24 \text{ تفاحات}$$

$$\textcircled{5} \quad 72 = 24 + 12 + 18 + 18$$

$$\begin{array}{r} 24 \\ 18 - \\ \hline 6 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 18 \\ 18 \\ 12 \\ 24 \\ \hline 72 \end{array}$$



دولة ليبيا
وزارة التربية والتعليم
مركز للتأهيل التعليمي والبحوث التربوية

الرياضيات

لِلصَّفِّ السَّادِسِ مِنْ مَرَحَلَةِ التَّعْلِيمِ الْأَسَاسِيِّ



موقع المعلم التعليمي



يُبيِّنُ الشَّكْلُ الآتِي أنواعَ الفاكهة التي باعها فاطمة صباح آخذةً أيامَ الإثنين.



- 1 ما أكثر نوع من الفاكهة باعته؟
- 2 كم برتقالة باعها؟
- 3 بكم يزيد عدد التفاح على عدد البرتقال؟
- 4 ما مقدار ما باعته من الفاكهة؟

يُبيِّنُ الشَّكْلُ الآتِي الحضور في إحدى الحلقات المدرسية.



- 1 ما النسبة المئوية للبنات والأطفال من مجموع الحاضرين؟
- 2 ما النسبة المئوية للرجال من مجموع الحاضرين؟
- 3 إذا كان عدد الأطفال في الحلقة 280، فكم كان عدد البنات؟

صفحة Zein Atala

يُبيِّنُ الشَّكْلُ الآتِي أنواعَ الفاكهة التي باعها فاطمة صباح آخذةً أيامَ الإثنين.



- 1 ما أكثر نوع من الفاكهة باعته؟
- 2 كم برتقالة باعها؟
- 3 بكم يزيد عدد التفاح على عدد البرتقال؟
- 4 ما مقدار ما باعته من الفاكهة؟

① البرتقال

② الكثرى + التفاح = 36 = 18 + 18

عدد البرتقال = 36 - 12 = 24 برتقالة

③ عدد التفاح يقل على عدد البرتقال = 24 - 18 = 6

④ مقدار ما باعته = تفاح + كثرى + Mango + برتقال

= 18 + 18 + 12 + 24 = 72

① ③ $0/080 = 0/035 + 0/045$

② $0/020 = 0/080 - 0/0100$

④ $45 \times 280 = 12600$

⑤ $360 = \frac{12600}{35}$

شكر النساء = 360

③ $280 \times 45 = 12600$


④ $360 = \frac{12600}{35}$

شكر النساء = 360

⑤ $360 = \frac{12600}{35}$

شكر النساء = 360

يُبيّن الشكل الآتي الحضور في إحدى الحفلات المدرسية.



① ما النسبة المئوية للنساء والأطفال من مجموع الحاضرين؟

② ما النسبة المئوية للرجال من مجموع الحاضرين؟

③ إذا كان عدد الأطفال في الحفلة 280، فكم كان عدد النساء؟

① النسبة المئوية = النسبة المئوية للنساء + النسبة المئوية للأطفال

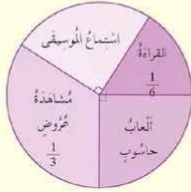
② النسبة المئوية للرجال = النسبة المئوية للنساء - النسبة المئوية للأطفال

③ $45 \times 280 = 12600$

④ $360 = \frac{12600}{35}$

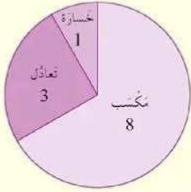
شكر النساء = 360

يُبيّن الشّكل الهوايات المسجّلة لمجموعة من 84 تلميذاً.



- 1 ما عدد التلاميذ الذين يهوّون القراءة؟
- 2 ما عدد التلاميذ الذين يهوّون الموسيقى؟
- 3 ما الكسّر الذي يمثّل الذين يهوّون ألعاب الحاسوب؟
- 4 ما الهواية المفضّلة لضعف أخرى؟

يُبيّن الشّكل الآتي نتائج مباريات لعبها الفريق الأول في دوري كرة القدم.



- 1 كم مباراة لعبها الفريق؟
- 2 ما الكسّر من المباريات التي كسبها الفريق؟
- 3 ما الكسّر من المباريات التي تعادل فيها الفريق؟
- 4 إذا تحدّد 3 نقاط للفوز، نقطة للتعادل، لا شيء للخسارة، فما عدد النقاط التي أحرزها الفريق؟

ترتيب 2، 1

170



يُبيّن الشّكل الهوايات المسجّلة لمجموعة من 84 تلميذاً.



- 1 ما عدد التلاميذ الذين يهوّون القراءة؟
- 2 ما عدد التلاميذ الذين يهوّون الموسيقى؟
- 3 ما الكسّر الذي يمثّل الذين يهوّون ألعاب الحاسوب؟
- 4 ما الهواية المفضّلة لضعف أخرى؟

① عدد التلاميذ = $84 \times \frac{1}{6} = 14$ تلميذاً

② عدد التلاميذ = $84 \times \frac{1}{4} = 21$ تلميذاً

③ الكسور = $\frac{1}{7}$

④ مشاهدة العروض ضعف القراءة $\frac{2}{3} = \frac{1}{3} + \frac{1}{3}$

يُبيّن الشكل الآتي نتائج مباريات لعبها الفريق الأول في دوري كرة القدم.



- 1 كمّ مباراة لعبها الفريق؟
- 2 ما الكسّر من المباريات التي خسبها الفريق؟
- 3 ما الكسّر من المباريات التي تعادل فيها الفريق؟
- 4 إذا تمّددت 3 نقاط للفوز، فكمّ نقطة التعادل؟ لا شيء للخسارة، فكم عدد النقاط التي أحرزها الفريق؟

① عدد المباريات = المكسب + الخسارة + التعادل

$$12 = 3 + 1 + 8 = \text{مباراة}$$

$$\text{② الكسر} = \frac{\text{عدد المباريات التي خسبها}}{\text{عدد المباريات الكلية}} = \frac{1}{12}$$

$$\text{③ الكسر} = \frac{\text{عدد المباريات التي تعادل فيها}}{\text{عدد المباريات الكلية}} = \frac{3}{12} = \frac{1}{4}$$

④ عدد النقاط = عدد المكسب $\times 3$ + عدد التعادل $\times 1$

$$= 3 \times 8 + 1 \times 3$$

$$= 24 + 3$$

$$= 27 \text{ نقطة}$$



هيا نراجع معاً!

صفحة Zein Atala

تعلّمت أن:

- الشكل البياني بالقطاعات الدائرية نوع آخر للتشغيل البياني.
- كل الدائرة تمثل 100 % أو 1
- تقرأ وتفسّر القطاعات الدائرية.

الآن، اخطّري نفسك:



يُبيّن الشكل البياني بالقطاعات الدائرية الألوان المختلفة لأغواذ في حُرمة.

- 1 ما الكسّر من الأغواذ أصفر اللون؟
- 2 ما الكسّر من الأغواذ أزرق اللون؟
- 3 ما النسبة من الأغواذ ليست حمراء اللون؟
- 4 ما النسبة من الأغواذ ليست صفراء أو حمراء اللون؟

ضع قبعة التفكير!



يُبيّن الشكل البياني بالقطاعات الأنشطة المُنهجة التي يَشترك فيها تلاميذ الصف السادس الأساسي. يَشترك كل تلميذ في نشاط واحد فقط.



تدريسي محمد

- 1 ما الكسّر من عدد التلاميذ الذي يُمثّل أعضاء نادي الرسم؟
- 2 ما النسبة المئوية للتلاميذ في جماعة الموسيقى؟
- 3 ما عدد جميع التلاميذ؟
- 4 ما عدد تلاميذ الكشف؟
- 5 ما نسبة مجموع جماعتي الكشف والرياضة إلى عدد جميع التلاميذ؟

هيا نراجع معاً!

من الشكل الأضلع أن:

الأضلاع الزاوية قائمة فهو $\frac{1}{2}$ المثلث أو 25%
 الأضلاع الزاوية قائمة فيها معاً $\frac{1}{2}$ المثلثات أو 25%
 الأضلاع الأصغر زاوية مستقيمة فهما معاً $\frac{1}{2}$ المثلثات أو 50%

ما النسبة من الأضلاع الزاوية القائمة؟

من الشكل تلاحظ أن الأضلاع الزاوية القائمة (زاوية قائمة $\frac{1}{2}$)
 فيكون الكسر الذي يمثل الأضلاع الصغيرة = $\frac{1}{2} - \frac{1}{2} = \frac{0}{2} = \frac{0}{10} = \frac{0}{10}$

ما النسبة من الأضلاع الزاوية القائمة؟

من الشكل تلاحظ أن الأضلاع الزاوية القائمة (زاوية قائمة $\frac{1}{2}$)
 فيكون الكسر الذي يمثل الأضلاع الزاوية = $\frac{1}{2} - \frac{0}{10} = \frac{5}{10} = \frac{5}{12} = \frac{5}{12}$

ما النسبة من الأضلاع ليست ضلعاً أو ضلعاً؟

المطلوب هنا كل الأضلاع إلا الأصغر، أي الكسر لفرع منه الأصغر
 نسبة الك في (100%) ونسبة الأصغر في (25%)
 فيكون النسبة التي تمثل الأضلاع ليست ضلعاً أو ضلعاً = $100\% - 25\% = 75\%$

ما النسبة من الأضلاع ليست ضلعاً أو ضلعاً؟

المطلوب هنا كل الأضلاع إلا الأصغر والأصغر، أي الكسر لفرع منه الأصغر والأصغر
 نسبة الك في (100%) ونسبة الأصغر في (25%)
 ونسبة الأصغر = $\frac{10}{100} = 10\%$
 فيكون النسبة التي تمثل الأضلاع ليست ضلعاً أو ضلعاً = $100\% - (25\% + 10\%) = 65\%$

171

صفحة Zein Atala



صفحة Zein Atala

يُبين الشكل البياني بالقطاعات الأنشطة المُنهجية التي يَشترك فيها تلاميذ الصف السادس الأساسي. يَشترك كل تلميذ في نشاط واحد فقط.



- 1 ما الكسر من عدد التلاميذ الذي يُمثل أعضاء نادي الرسم؟
- 2 ما النسبة المئوية للتلاميذ في جماعة الموسيقى؟
- 3 ما عدد جميع التلاميذ؟
- 4 ما عدد تلاميذ الكشافة؟
- 5 ما نسبة مجموع جماعتي الكشافة والرياضة إلى عدد جميع التلاميذ؟

$$\frac{1}{4} \text{ ①}$$

$$25\% = \frac{25}{100} \times \frac{1}{4} \text{ ②}$$

$$\text{③ عدد جميع التلاميذ} = \text{عدد أجناس الدائرة} \times \text{ربع الدائرة} \\ 168 = 42 \times 4 =$$

④ عدد تلاميذ = عدد جميع التلاميذ - (مجموع عدد تلاميذ الرسم والكشفة والريشة والموسيقى)

$$(42+58+42)-168 =$$

$142 - 168 =$

26 تا 27 =

⑤ مجموع عدد تلميذا الكشافه والرياضه = $58 + 16 = 84$ تلميذا

نسبة مجموع حاصلتي الكفاءة والرياضية الى عدد جميع التلاميذ

بالنسبة على 84

$$\begin{array}{r} 168 : 84 \\ 2 : 1 \end{array}$$

11 مِسَاحَةٌ وَمُحِيطُ الْأَشْكَالِ

1 مِسَاحَةٌ وَمُحِيطُ الْأَشْكَالِ الْمُرْتَبِطَةُ
بِالْمُرْتَبَعَاتِ، وَالْمُسْتَقِيلَاتِ، وَالْمُفَلَّاتِ، وَالْذَوَائِرِ

هَبْنَا نُرَاجِعَ الْمَسَاحَةَ وَافْخِطْ.

طُولُ ضِلْعِ الْمُرْتَعِ 6 سم.

مُخَيِّطٌ شَكْلِي مُطْلَعٌ =
مُتَعَلِّمٌ أَلْوَالِي أَعْلَامِهِ

مساحة المربع = الطول \times العرض
المربع مكوّنه تساوي

المزبوع ملكوله يساوي غرضه.

المساحة = $36 = 6 \times 6$ مساحة المربع = $6 \times 6 = 36$
 $6 + 6 + 6 + 6 + 6 + 6 = 36$

مُتَطَيِّلٌ طُولُهُ 9 سَمٍ وَعَرْضُهُ 7 سَمٍ.

۴۵

-7-

مساحة المثلث = $\frac{\text{الطول} \times \text{العرض}}{2}$

$$\text{Ex. } 9 + 7 + 6$$
$$32 = 5 + 7 + 12$$
$$2\sqrt{63} = 9\sqrt{7}$$

100

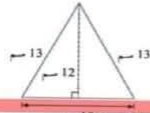
هر الهداوی

— — — — —

• مثلث أطوال أضلاعه 13 سم، 13 سم، 10 سم وإرتفاعه 12 سم.



مساحة المثلث =
طول القاعدة × الارتفاع ÷ 2



• محيط المثلث = مجموع أطوال أضلاعه

$$\text{المحيط} = 36 = 10 + 13 + 13$$

$$\text{المساحة} = 60 = 12 \times 10 \times \frac{1}{2}$$

• الدائرة طول نصف قطرها 7 سم. (خذ $\pi = \frac{22}{7}$)



محيط الدائرة =
 $2 \times \pi \times \text{نصف القطر}$



المحيط = 44 سم

مساحة الدائرة =
 $\pi \times \text{نصف القطر} \times \text{نصف القطر}$

طول القطر = $2 \times \text{نصف القطر}$

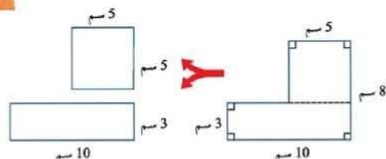
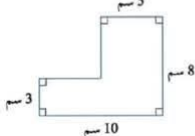
$$154 = 7 \times 7 \times \frac{22}{7}$$

$$2 \times 154 = 7 \times 7 \times \frac{22}{7}$$

هذا شكل مُرتَّب.
فقسه إلى مربع ومُستطيل.



• أوجد محيط ومساحة الشكل:



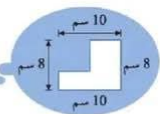
$$\text{طول ضلع المربع} = 5 \text{ سم}$$

$$\text{مساحة المربع} = 5 \times 5 = 25 \text{ سم}^2$$

$$\text{مساحة المستطيل} = 3 \times 10 = 30 \text{ سم}^2$$

$$\text{مساحة الشكل} = 30 + 25 = 55 \text{ سم}^2$$

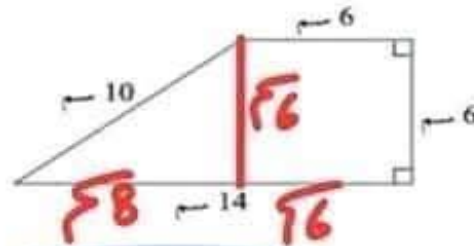
$$\text{محيط الشكل} = 5 + 5 + 5 + 3 + 10 + 8 = 36 \text{ سم}$$



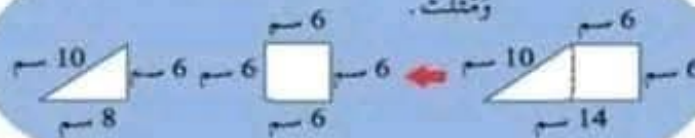
$$\text{أوجد}$$

$$\text{محيط الشكل} = 10 + 8 + 10 + 8 = 36 \text{ سم}$$

أوجد مساحة ومحيط شبه المنحرف.



قسم شبه المنحرف إلى مربع ومثلث.



مساحة المربع = طول \times العرض

$$36 \text{ سم}^2 = 6 \times 6 = 36 \text{ سم}^2$$

$$24 \text{ سم}^2 = \text{مساحة المثلث} = \frac{1}{2} \times \text{طول القاعدة} \times \text{الارتفاع}$$

$$24 \text{ سم}^2 = 6 \times 8 \times \frac{1}{2} = 24 \text{ سم}^2$$

$$60 \text{ سم}^2 = \text{مساحة شبه المنحرف}$$

$$36 \text{ سم} = \text{محيط شبه المنحرف}$$

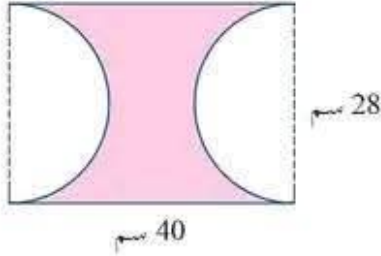
مساحة شبه المنحرف = مساحة المربع + مساحة المثلث

$$60 = 24 + 36 = 60$$

محيط شبه المنحرف = مجموع أطوال أضلاعه

$$36 = 14 + 10 + 6 + 6 = 36$$

ز يُبين الشكل نصفَي دائرتين في مستطيل طوله 40 سم وعرضه 28 سم . أوجد مساحة ومحيط الجزء المظلل . (خذ $\frac{22}{7} = \pi$)



$$\text{مساحة المستطيل} = 28 \times 40 = 1120 \text{ سم}^2$$

$$\text{مساحة نصفَي الدائرة} = \text{مساحة دائرة}$$

$$14 \times 14 \times \frac{22}{7} =$$

$$= 616 \text{ سم}^2$$

$$\text{مساحة الجزء المظلل} = 616 - 1120 =$$

$$= 504 \text{ سم}^2$$

$$\text{محيطي نصفَي الدائرتين} = \text{محيط دائرة}$$

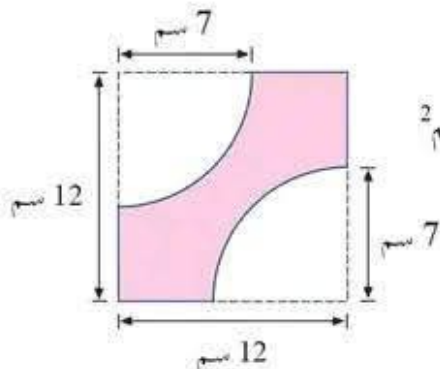
$$28 \times \frac{22}{7} =$$

$$= 88 \text{ سم}$$

$$\text{مساحة الجزء المظلل} = 40 + 40 + 88 =$$

$$= 168 \text{ سم}$$

ح يُبين الشكل رُبعين في مربع طول ضلعه 12 سم . أوجد مساحة ومحيط الجزء المظلل . (خذ $\frac{22}{7} = \pi$)



$$\text{مساحة المربع} = \text{سم}^2$$

$$\text{مساحة الربعين} = \text{مساحة نصف دائرة} = \text{سم}^2$$

$$\text{مساحة الجزء المظلل} = \text{سم}^2$$

$$\text{محيط الربعين} = \text{محيط نصف دائرة}$$

$$= \text{سم}$$

$$\text{محيط الجزء المظلل} = \text{سم}$$



صفحة Zein Atala

يُتَبَيَّنُ الشَّكْلُ رُتْبَتَيْنِ فِي مَرْتَبِعٍ طَوْلُ ضَلْعِهِ 12 سَم. أَوْجَدِ مِسَاحَةَ وَمُحِيطَ الْحِزْمِ

الْمُظَلَّلِ. $\left(\frac{22}{7} = \pi \right)$

مِسَاحَةُ الْمَرْتَبِعِ = 144 سَم²

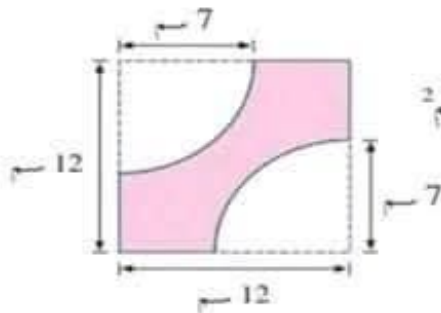
مِسَاحَةُ الرُّتْبَتَيْنِ = مِسَاحَةُ نِصْفِ دَائِرَةٍ = 77 سَم²

مِسَاحَةُ الْحِزْمِ الْمُظَلَّلِ = 67 سَم²

مُحِيطُ الرُّتْبَتَيْنِ = مُحِيطُ نِصْفِ دَائِرَةٍ

= 22 سَم

مُحِيطُ الْحِزْمِ الْمُظَلَّلِ = 42 سَم



176

مساحة المربع = الطول \times العرض = $12 \times 12 = 144$ سَم²

مساحة نصف الدائرة = $\frac{1}{2} \times \pi \times \text{طول نصف القطر} \times \text{طول نصف القطر}$

$$77 \text{ سَم}^2 = 7 \times 7 \times \frac{22}{7} \times \frac{1}{2} =$$

مساحة الجزء المظلل = مساحة المربع - مساحة نصف الدائرة

$$67 \text{ سَم}^2 = 144 - 77 =$$

صفحة Zein Atala

محيط نصف الدائرة = $\frac{1}{2} \times \pi \times \text{طول القطر}$

$$= \frac{1}{2} \times \frac{22}{7} \times 2 = 22$$

\leftarrow طول القطر = $2 \times 2 = 4$
 طول نصف القطر
 $2 \times 2 =$

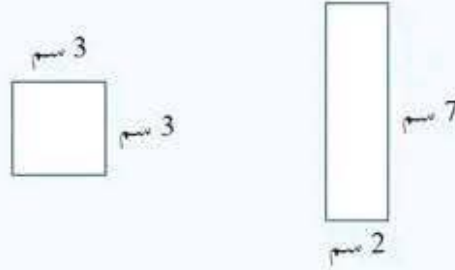


هَيَّا نَعْمَلْ مَعًا!

صفحة Zein Atala

اعْمَلْ ضَمْنَ فَرِيقٍ ثُنَائِي.

1 ارْصُمِ الْمُسْتَطِيلَ وَالْمُرَبَّعَ عَلَى قِطْعَةٍ مِنَ الْوَرَقِ ثُمَّ قَصَّهُمَا.



2 بِالْمُسْتَطِيلِ وَالْمُرَبَّعِ، كَوْنْ هَذِهِ الْأَنْوَاعَ الثَّلَاثَةَ مِنَ الْأَشْكَالِ الْمُرَكَّبَةِ.



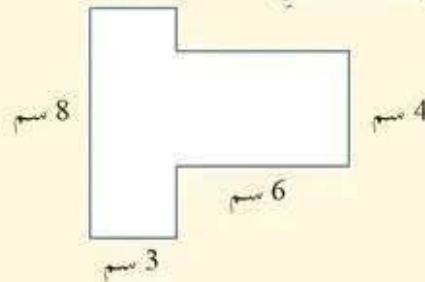
1 مَاذَا يُمَكِّنُ أَنْ تَقُولَ عَنْ مِسَاحَاتِ هَذِهِ الْأَشْكَالِ الْمُرَكَّبَةِ؟
أَوْجِدْ مِسَاحَةَ كُلِّ شَكْلِ.

2 مِنْ دُونِ قِيَاسٍ، هَلْ تَسْتَطِيعُ إِيجَادَ مُحِيطِ كُلِّ شَكْلِ؟
أَوْجِدِ الْمُحِيطَ حَيْثُ أَمَكُنْ.

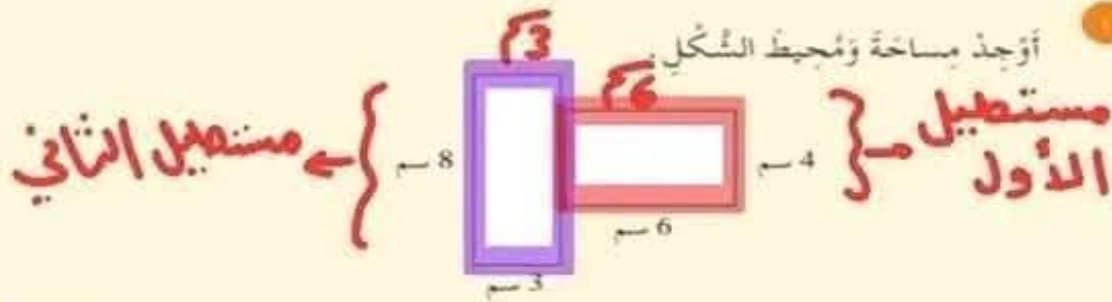


هَيَّا نَتَدَرَّبْ مَعًا! 11

1 أَوْجِدْ مِسَاحَةَ وَمُحِيطَ الشَّكْلِ.



صفحة Zein Atala



177

محيط الشكل = مجموع أطوال أضلاع الشكل

$$30 = 6 + 3 + 8 + 3 + 6 + 4 =$$

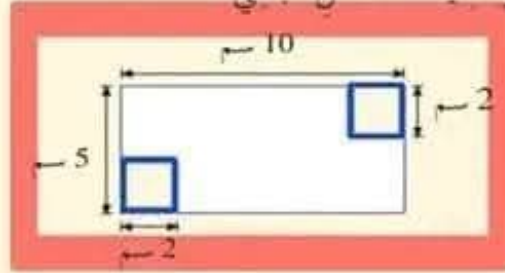
مساحة الشكل = مساحة المستطيل الأول + مساحة المستطيل الثاني

$$= \text{الطول} \times \text{العرض} + \text{الطول} \times \text{العرض}$$

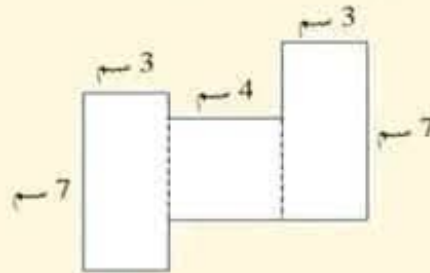
$$8 \times 3 + 6 \times 4 =$$

$$48 = 24 + 24 =$$

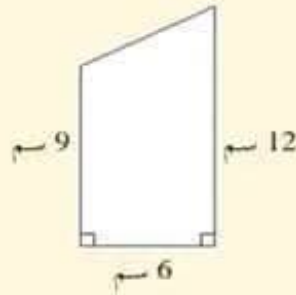
مُرْتَبَعَان طُول ضِلْع كُلِّ مِنْهُمَا 2 سم فُصْلًا مِنْ مُسْتَطِيلٍ يُعْدَاه 10 سم، 5 سم. أَوْجِدْ مِسَاحَةَ وَمُحِيطَ الشَّكْلِ الْبَاقِي.



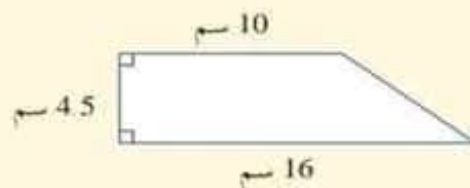
الشَّكْلُ مَكُونٌ مِنْ مُسْتَطِيلَيْنِ بُعْدَا كُلِّ مِنْهُمَا 7 سم، 3 سم وَمُرْتَبِعٍ طُولُ ضِلْعِهِ 4 سم. أَوْجِدْ مِسَاحَةَ وَمُحِيطَ الشَّكْلِ.



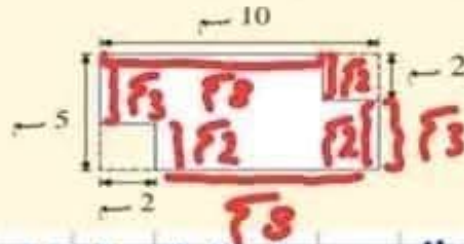
قَسِّمِ شِبْهَ الْمُنْحَرِفِ إِلَى مُسْتَطِيلٍ وَمُثَلَّثٍ وَأَوْجِدْ مِسَاحَتَيْهِمَا. ثُمَّ أَوْجِدْ مِسَاحَةَ شِبْهِ الْمُنْحَرِفِ.



بِتَقْسِيمِ شِبْهِ الْمُنْحَرِفِ إِلَى مُثَلَّثَيْنِ، أَوْجِدْ مِسَاحَتَهُ.



مُرَبَّعَان طُولُ ضِلْع كُلِّ مِثْلُهُمَا 2 سم فُصْلًا مِنْ مُسْتَقْبِلِ بُعْدَاه 10 سم، 5 سم .
أَوْجِدْ مِسَاحَةَ وَمُحِيطَ الشَّكْلِ الْبَاقِي .



مساحة الشكل الباقي : مساحة المستطيل - مساحة المربعين

$$\text{مساحة المستطيل} = \text{الطول} \times \text{العرض}$$

$$= 10 \times 5 = 50 \text{ سم}^2$$

$$\text{مساحة المربع} = \text{الطول} \times \text{العرض}$$

$$= 2 \times 2 = 4 \text{ سم}^2$$

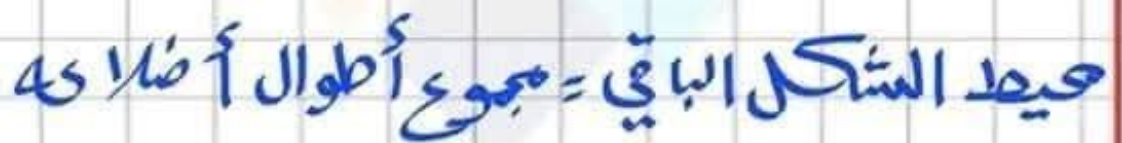
$$\text{مساحة المربعين} = 2 \times \text{مساحة المربع}$$

$$= 4 \times 2 = 8 \text{ سم}^2$$

$$\text{مساحة الشكل الباقي} = 50 - 8 = 42 \text{ سم}^2$$

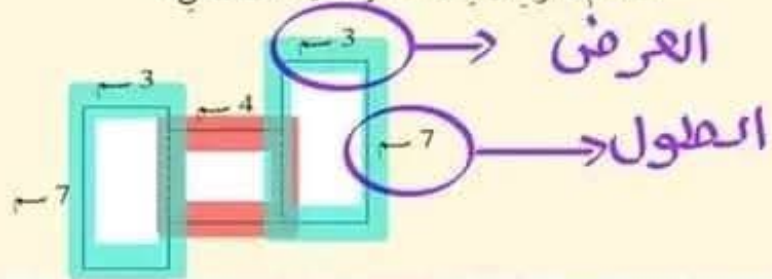
$$\text{محيط الشكل الباقي} = \text{مجموع أطوال أضلاعه}$$

$$= 2 + 2 + 2 + 2 + 3 + 3 + 8 + 8 = 30 \text{ سم}$$





الشكل مكون من مستطيلين بعدا كل منهما 7 سم، 3 سم ومربع طول ضلعه 4 سم. أوجد مساحة ومحيط الشكل.

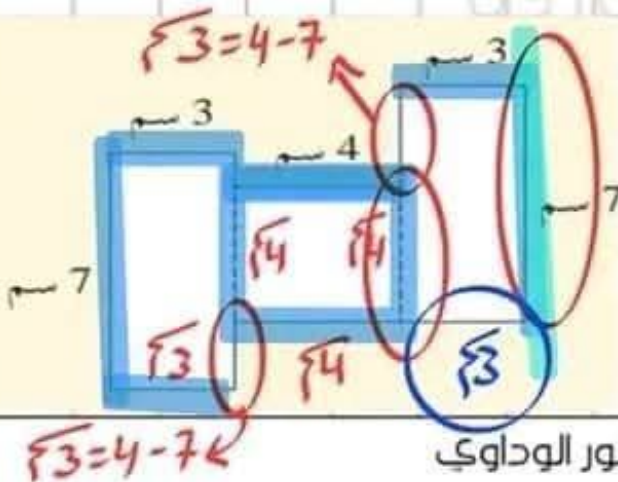


مساحة الشكل = مساحة المستطيل الأول + مساحة المربع + مساحة المستطيل الثاني

$$= (\text{الطول} \times \text{العرض}) + (\text{طول الضلع} \times \text{نفسه}) + (\text{الطول} \times \text{العرض})$$

$$= (3 \times 7) + (4 \times 4) + (3 \times 7) = 21 + 16 + 21 = 58$$

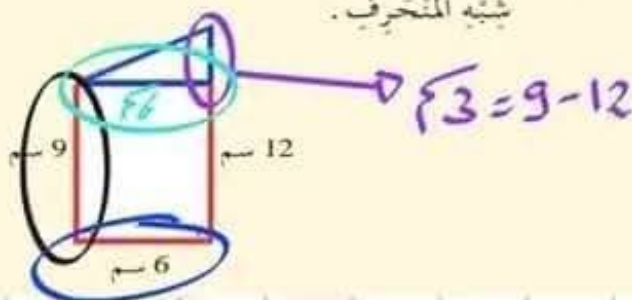
محيط الشكل = مجموع أطوال أضلاع الشكل



$$7 + 3 + 4 + 3 + 3 + 7 = 40$$



قسم شبه المنحرف إلى مستطيل ومثلث وأوجد مساحتهما. ثم أوجد مساحة شبه المنحرف.



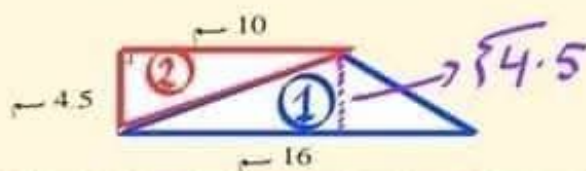
مساحة شبه المنحرف = مساحة المستطيل + مساحة المثلث

$$= (الطول \times العرض) + \left(\frac{1}{2} \times القاعدة \times الارتفاع \right)$$

$$= (6 \times 9) + \left(\frac{1}{2} \times 6 \times 3 \right)$$

$$= 54 + 9 = 63$$

2. يتقسيم شبه المنحرف إلى مثلثين، أوجد مساحته.



مساحة شبه المنحرف = مساحة المثلث الأول + مساحة المثلث الثاني

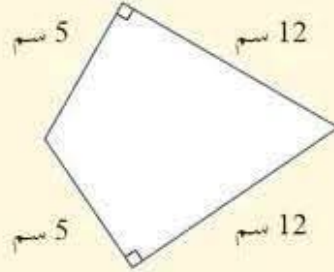
$$= \left(\frac{1}{2} \times القاعدة \times الارتفاع \right) + \left(\frac{1}{2} \times القاعدة \times الارتفاع \right)$$

$$= \left(\frac{1}{2} \times 10 \times 4.5 \right) + \left(\frac{1}{2} \times 16 \times 4.5 \right)$$

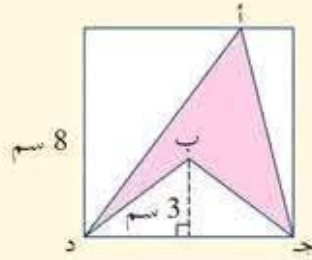
$$= (5 \times 4.5) + (4.5 \times 8) = 22.5 + 36 = 58.5$$

$\begin{array}{r} 4.5 \\ \times 5 \\ \hline 22.5 \end{array}$	$\begin{array}{r} 4.5 \\ \times 8 \\ \hline 36.0 \end{array}$
$\begin{array}{r} 22.5 \\ + 36.0 \\ \hline 58.5 \end{array}$	

- 1 قَسِّم الشَّكْلَ إِلَى مُثَلَّثَيْنِ قَائِمَي الزَّوَايَةِ وَأَوْجِدْ مِسَاحَتَيْهِمَا، ثُمَّ أَوْجِدْ مِسَاحَةَ الشَّكْلِ.
- 2 أَوْجِدْ مُحِيطَ الشَّكْلِ.

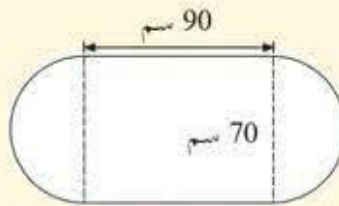


- 3 يُبَيِّنُ الشَّكْلُ مُثَلَّثَيْنِ أ ج د، ب ج د داخلَ مُرَبَّعٍ طَوْلُ ضِلْعِهِ 8 سم. أَوْجِدْ مِسَاحَةَ الْجُزْءِ الْمُظَلَّلِ.

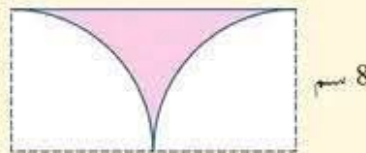


- 4 مِضْمَارٌ جَرِيٌّ مُكَوَّنٌ مِنْ نِصْفَي دَائِرَتَيْنِ وَضِلْعَي مُسْتَقِيمٍ كَمَا هُوَ مُبَيَّنٌ فِيمَا يَلِي. أَوْجِدْ مُحِيطَ الْمِضْمَارِ.

$$\left(\text{خُذْ } \frac{22}{7} = \pi \right)$$



- 5 يُبَيِّنُ الشَّكْلُ رُبْعِي دَائِرَةٍ فِي مُسْتَقِيمٍ. مُتَّخِذًا $\pi = 3.14$ ، احْسُبْ مِسَاحَةَ وَمُحِيطَ الْجُزْءِ الْمُظَلَّلِ.



صفحة Zein Atala

1 قسّم الشّكل إلى مُثلّثين قائمي الزّاوية وأوجد مساحتهما، ثمّ أوجد مساحة الشّكل.
2 أوجد محيط الشّكل.



مساحة الشكل = مساحة المثلث الأول + مساحة المثلث الثاني

$$= \frac{1}{2} \times \text{القاعدة} \times \text{الارتفاع} + \frac{1}{2} \times \text{القاعدة} \times \text{الارتفاع}$$

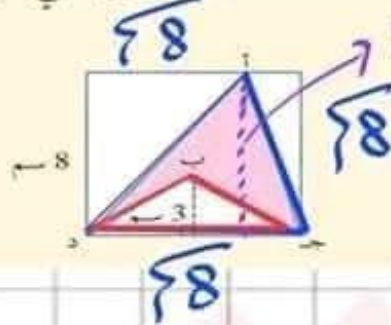
$$= 5 \times 12 \times \frac{1}{2} + 5 \times 12 \times \frac{1}{2} = 30 + 30 = 60$$

محيط الشكل = مجموع أطوال أضلاع الشكل

$$= 12 + 5 + 5 + 12 = 34$$



يُبيّن الشكل مثلثين أ ج د، ب ج د داخل مُربع طُول ضلعيه 8 سم. أوجد مساحة الجزء المظلل.



مساحة الجزء المظلل = مساحة المثلث ب ج د - مساحة المثلث ب ج د

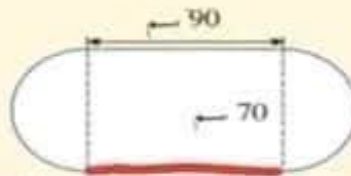
$$= \left(\frac{1}{2} \times \text{القاعدة} \times \text{الارتفاع} \right) - \left(\frac{1}{2} \times \text{القاعدة} \times \text{الارتفاع} \right)$$

$$= \left(\frac{1}{2} \times 3 \times 8 \right) - \left(\frac{1}{2} \times 8 \times 8 \right)$$

$$= 12 - 32 = -20$$

مضمار جري مكون من نصفين دائريين وصلقي مستطيل كما هو مبين فيما يلي.
أوجد محيط المضمار.

$$\left(\frac{22}{7} = \pi \right)$$



محيط المضمار = محيط دائرة قطرها 140 + 90 + 90

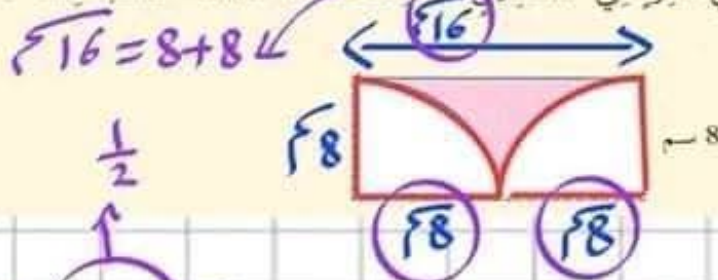
$$= 90 + 90 + \pi \times \text{طول القطر} =$$

$$= 90 + 90 + 140 \times \frac{22}{7}$$

$$= 400 = 90 + 90 + 220$$



يُبيّن الشكل رُتعي دائرة في مُستطيل، مَحْدًا $\pi = 3.14$ ، احسب مساحة ومُحيط الجزء المُظلل.



مساحة الجزء المظلل = مساحة المستطيل - مساحة (نصف دائرة)

$$= (\text{الطول} \times \text{العرض}) - \left(\pi \times \left(\frac{\text{نق} \times \text{نق}}{4} \right) \right)$$

$$= (8 \times 16) - \left(3.14 \times \frac{8 \times 8}{4} \right)$$

$$= 128 - (32 \times 3.14)$$

$$= 128 - 100.48 = 27.52$$

محيط الشكل = مجموع أطوال أضلاع الشكل

$$= 16 + \text{محيط نصف دائرة}$$

$$= 16 + \left(\pi \times \frac{\text{نق}}{2} \right)$$

$$= 16 + 25.12$$

$$= 41.16$$

$$\begin{array}{r} 3.14 \\ \times 8 \\ \hline 25.12 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 128.00 \\ - 100.48 \\ \hline 27.52 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 16.00 \\ + 25.16 \\ \hline 41.16 \end{array}$$

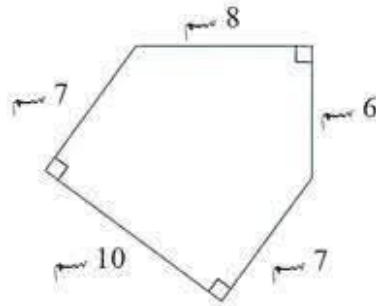


تَعَلَّمْتُ أَنَّ :

- نَجِدُ مِسَاحَةَ وَمُحِيطَ الْأَشْكَالِ الْمُرْتَبِطَةِ بِمُرْتَبَعَاتٍ، وَمُسْتَطِيلَاتٍ، وَمُثَلَّثَاتٍ، وَدَوَائِرَ.

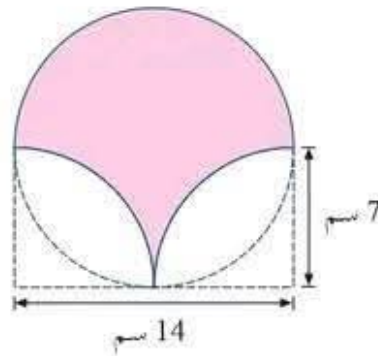
الآنَ اخْتَبِرْ نَفْسَكَ :

- 1 أَوْجِدْ مُحِيطَ الشَّكْلِ .
- 2 كَيْفَ تَسْتَطِيعُ إِيجَادَ مِسَاحَةِ هَذَا الشَّكْلِ ؟ أَوْجِدْ مِسَاحَةَ الشَّكْلِ .



- ب يُبَيِّنُ الشَّكْلُ الْآتِي دَائِرَةً وَرَبْعَيْنِ مُنْطَبِقَيْنِ . طُولُ قُطْرِ الدَّائِرَةِ 14 سَم . أَوْجِدْ مِسَاحَةَ وَمُحِيطَ الْجُزْءِ الْمُظَلَّلِ .

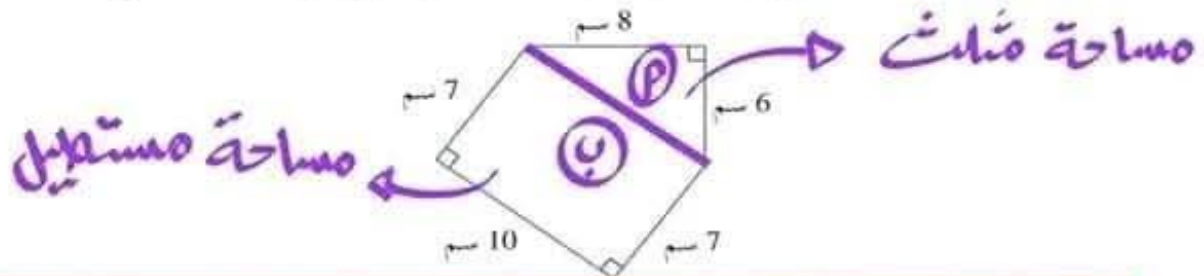
$$\left(\text{خُذْ } \frac{22}{7} = \pi \right)$$





1 أوجد محيط الشكل.

2 كيف تستطيع إيجاد مساحة هذا الشكل؟ أوجد مساحة الشكل.



① محيط الشكل = مجموع أطوال أضلاع الشكل

$$8 + 7 + 10 + 7 + 6 =$$

$$38 =$$

② مساحة الشكل = مساحة المثلث + مساحة المستطيل

$$= \left(\frac{1}{2} \times \text{القاعدة} \times \text{الارتفاع} \right) + (\text{الطول} \times \text{العرض})$$

$$= (7 \times 10) + \left(6 \times 8 \times \frac{1}{2} \right) =$$

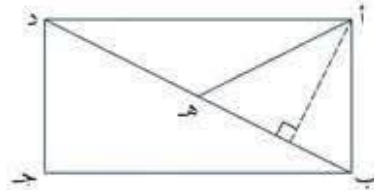
$$70 + 24 =$$

$$94 =$$

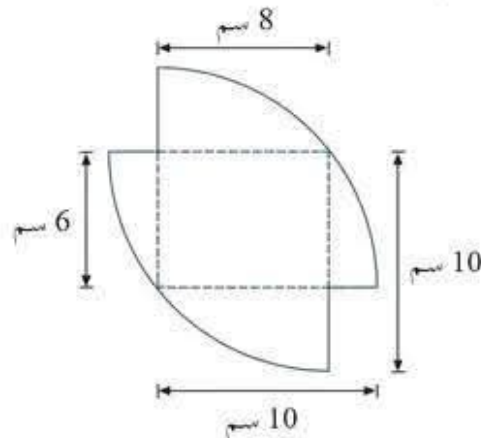
ضَعُ قُبَّعَةَ التَّفْكِيرِ!



أ ب ج د مُسْتَطِيلٌ بُعْدَاه 12 سم، 8 سم، ب هـ = هـ د. بَيِّنْ لِمَاذَا الْمُثَلَّثَانِ
أ ب هـ، أ د هـ مُتَسَاوِيَانِ فِي الْمِسَاحَةِ؟



الشَّكْلُ مَكُونٌ مِنْ رُبْعَيْنِ فِي دَائِرَةٍ طُولُ نِصْفِ قُطْرِهَا 10 سم. تُطَوَّقُ الْخُطُوطُ
الْمَنْقُطَةُ مُسْتَطِيلًا بُعْدَاه 8 سم، 6 سم. أَوْجِدْ مِسَاحَةَ وَمُحِيطَ الشَّكْلِ.
(خُذْ $\pi = 3.14$)



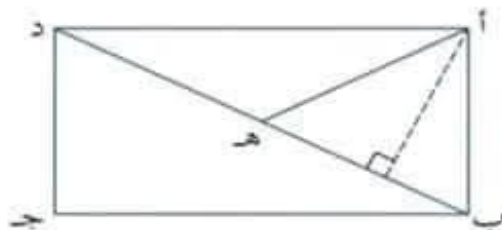
حُلْ مُشْكَلاتِ

تَذَرِيبُ تَحَدِّ





١ أ ب ج د مُستَطِيلٌ بُعْداه 12 سم، 8 سم، ب هـ = هـ د . بَيِّنْ لِمَاذَا الْمُثَلَّثَانِ
أ ب هـ، أ د هـ مُتَسَاوِيَانِ فِي الْمِسَاحَةِ؟



مساحة المثلث = $\frac{1}{2} \times$ القاعدة \times الارتفاع

مساحة المثلث أ ب هـ = $\frac{1}{2} \times$ ب هـ \times الارتفاع

مساحة المثلث أ د هـ = $\frac{1}{2} \times$ هـ د \times الارتفاع

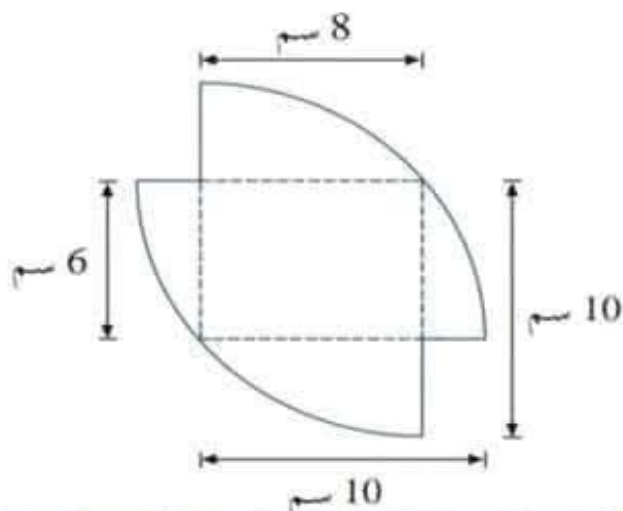
ب هـ = هـ د

الارتفاع مشترك بين المثلثان

مساحة المثلث أ ب هـ = مساحة المثلث أ د هـ



الشكل مكوّن من رُبعين في دائرة طول نصف قطرها 10 سم. تطوّق الخطوط المنقّطة مُستطيلاً بعداه 8 سم، 6 سم. أوجد مساحة ومُحيط الشكل. (خذ $\pi = 3.14$)



مساحة الشكل = مساحة ربع دائرة + مساحة ربع - مساحة مستطيل دائرة

$$= \text{مساحة } \frac{1}{2} \text{ دائرة} + \text{مساحة } \frac{1}{4} \text{ دائرة} - \text{مساحة مستطيل}$$

$$= \text{مساحة } \frac{1}{2} \text{ دائرة} - \text{مساحة مستطيل}$$

$$= \left(\frac{1}{2} \times \pi \times \text{طول نصف القطر} \times \text{طول نصف القطر} \right) - (\text{الطول} \times \text{العرض})$$

$$= \left(\frac{1}{2} \times 3.14 \times 10^2 \right) - (8 \times 6) = 157 - 48 = 109 \text{ سم}^2$$



التعرض!

12 حَجْمُ الْمُجَسَّمَاتِ وَالسَّوَائِلِ

1 حَجْمُ الْمُجَسَّمَاتِ

هَذَا تَرَاوِجِ الْحَجْمِ.



حَجْمُ الْكُتْبِ = الطُّوْلُ × الْعَرْضُ × الارتفاع
لِكُتْبٍ لَهُ طَلْسُ الطُّوْلِ، وَالْعَرْضِ، وَالارتفاع

7 سم

7 سم

7 سم

حجم المكعب = $7 \times 7 \times 7 = 343$ سم³
حجم المكعب = 343 سم³



حَجْمُ مُتَوَازِي الْمُسْتَقْبِلَاتِ
= الطُّوْلُ × الْعَرْضُ × الارتفاع

4 سم

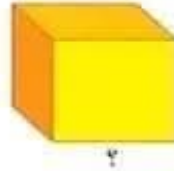
6 سم

5 سم

حجم متوازي = $4 \times 6 \times 5 = 120$ سم³
حجم متوازي = 120 سم³

$$\sqrt[3]{\text{حجم المكعب}} = \text{طول كل حرف}$$

$$\sqrt[3]{216} = 6 \text{ سم}$$



$$\text{حجم المكعب} = 216 \text{ سم}^3$$

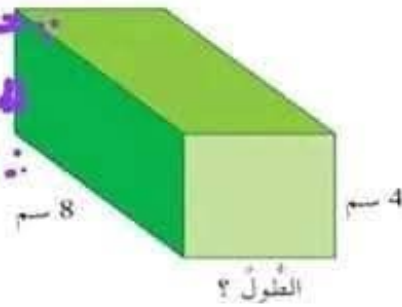
$$6 \times 6 \times 6 =$$

$$\text{طول كل حرف} = 6 \text{ سم}$$

$$\text{حجم متوازي المستطيلات} = \text{الطول} \times \text{العرض} \times \text{الارتفاع}$$

$$\text{الطول} = \frac{\text{حجم متوازي الأضلاع}}{\text{العرض} \times \text{الارتفاع}}$$

$$= \frac{128}{8 \times 4} = \frac{128}{32} = 4 \text{ سم}$$

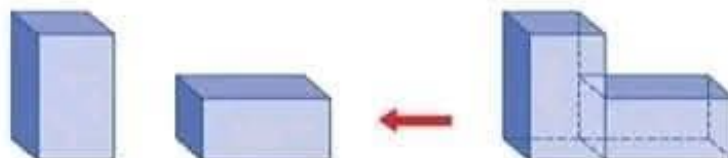


$$\text{حجم متوازي المستطيلات} = 128 \text{ سم}^3$$

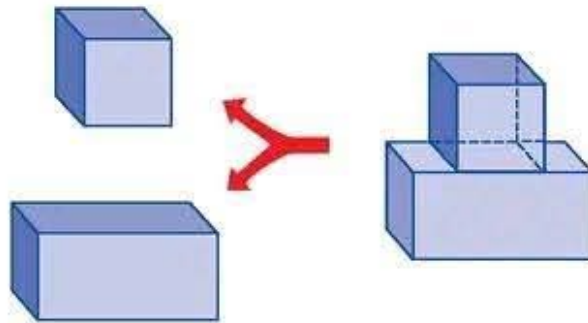
$$\frac{128}{8 \times 4} = \text{الطول}$$

$$= 4 \text{ سم}$$

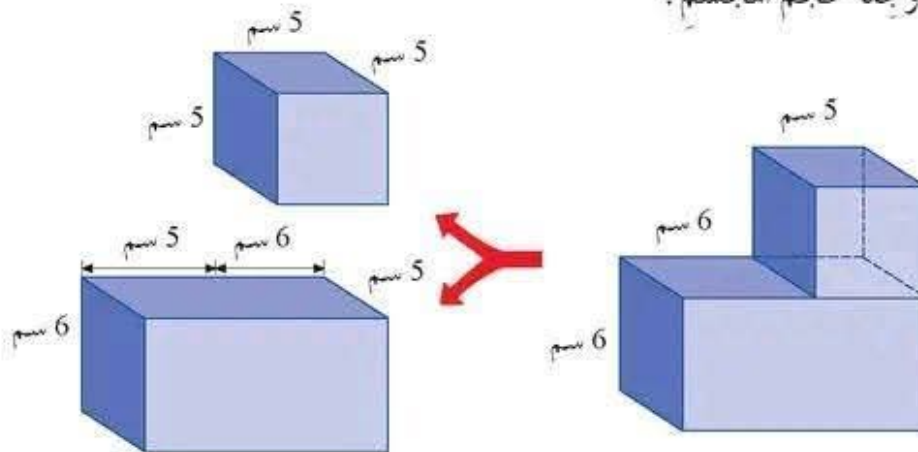
المجسم مكون من 2 من متوازي المستطيلات.



مِمَّ يَتَكُونُ هَذَا الْمَجْسَمُ؟



الْمَجْسَمُ مُكَوَّنٌ مِنْ مُكَعَّبٍ طَوْلُ حَرْفِهِ 5 سَم، وَكُتْلَةٍ عَلَى شَكْلِ مُتَوَازِي مُسْتَطِيلَاتٍ. أَوْجِدْ حَجْمَ الْمَجْسَمِ.



طَوْلُ الْكُتْلَةِ 11 سَم، عَرْضُهَا 5 سَم، وَارْتِفَاعُهَا 6 سَم.

$$6 \times 5 \times 11 = \text{حَجْمُ الْكُتْلَةِ الْخَشَبِيَّةِ}$$

$$= 330 \text{ سم}^3$$

$$5 \times 5 \times 5 = \text{حَجْمُ الْمُكَعَّبِ}$$

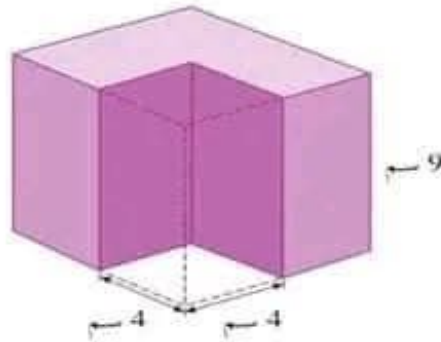
$$= 125 \text{ سم}^3$$

$$125 + 330 = \text{حَجْمُ الْمَجْسَمِ}$$

$$= 455 \text{ سم}^3$$

هذا الجسم تكون بعد قطع كتلة على شكل متوازي مستطيلات أبعاده 4 سم، 4 سم، 9 سم من مكعب طول حرفه 9 سم. أوجد حجم الجسم.

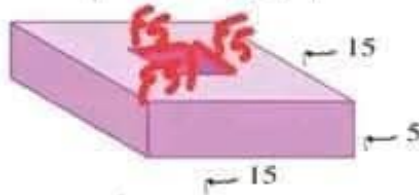
ج



$$\begin{aligned} \text{حجم الجسم} &= \text{حجم المكعب} - \text{حجم الكتلة المنفصلة} \\ 9 \times 9 \times 9 - 4 \times 4 \times 9 &= \\ 729 - 144 &= \\ 585 \text{ سم}^3 &= \end{aligned}$$

صنع ثقب أبعاده 5 سم، 5 سم، 5 سم في متوازي مستطيلات من الخشب طوله 15 سم، وعرضه 15 سم، وارتفاعه 5 سم. ما حجم الخشب الباقي؟

ط



$$\begin{aligned} \text{حجم الخشب الباقي} &= \text{حجم متوازي المستطيلات} - \text{حجم الثقب} \\ &= 1500 \text{ سم}^3 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{حجم متوازي المستطيلات} &= \text{الطول} \times \text{العرض} \times \text{الارتفاع} \\ 1125 \text{ سم}^3 &= 5 \times 15 \times 15 \\ \text{حجم الثقب} &= 5 \times 5 \times 5 = 125 \text{ سم}^3 \\ \text{حجم الخشب الباقي} &= 1125 - 125 = 1000 \text{ سم}^3 \end{aligned}$$



هيا نعمل معاً

$$\begin{array}{r} 16 \\ 16 \times \\ \hline 96 \\ 16 \\ \hline 256 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 16 \\ 4 \times \\ \hline 64 \end{array}$$

اعمل ضمن فريقين ثنائيي .
انقل الجدول وأكملهُ .

$$\begin{array}{r} 64 \\ 8 \times \\ \hline 512 \end{array}$$

حجم المكعب (سم ³)	طول حرف المكعب (سم)
$3\sqrt{1} = 1 \times 1 \times 1$	1
$3\sqrt{8} = 2 \times 2 \times 2$	2
$3\sqrt{64} = 4 \times 4 \times 4$	4
$3\sqrt{512} = 8 \times 8 \times 8$	8
$3\sqrt{4096} = 16 \times 16 \times 16$	16

$$\begin{array}{r} 256 \\ 16 \times \\ \hline 1536 \\ 256 \\ \hline 4096 \end{array}$$

ماذا تستطيع أن تستنتج عن حجم المكعب عندما يتضاعف طول كل حرف؟
اذكر استنتاجك كالاتي:

عندما يتضاعف طول كل حرف في مكعب، يكون الحجم 8 مرات من حجم المكعب الأصلي .

حجم مكعب 27 سم³ . ما الزيادة في الحجم إذا تضاعف طول كل حرف؟

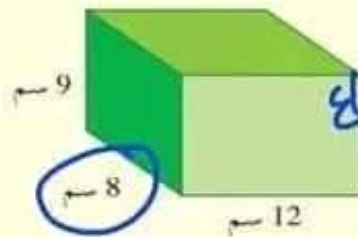


هيا ندرّب معاً 1 12

متوازي مستطيلات طوله 12 سم، وعرضه 8 سم، وارتفاعه 9 سم . أوجد حجمه .

$$\begin{array}{r} 96 \\ 9 \times \\ \hline 864 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 12 \\ 8 \times \\ \hline 96 \end{array}$$



حجم متوازي المستطيلات = الطول × العرض × الارتفاع

$$9 \times 8 \times 12 =$$

$$9 \times 96 =$$

$$3\sqrt{864} =$$

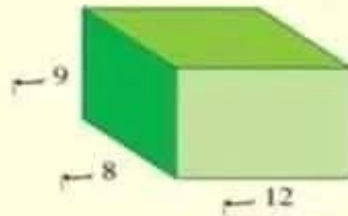
متوازي مستطيلات آخر طوله 16 سم، وعرضه 6 سم له نفس الحجم مثل متوازي المستطيلات السابق . أوجد ارتفاعه .

صفحة Zein Atala



هيا نتدرب معاً 12

1
متوازي مستطيلات طوله 12 سم، وعرضه 8 سم، وارتفاعه 9 سم. أوجد حجمه.



2
متوازي مستطيلات آخر طوله 16 سم، وعرضه 6 سم له نفس الحجم مثل متوازي المستطيلات السابق. أوجد ارتفاعه.

186

①

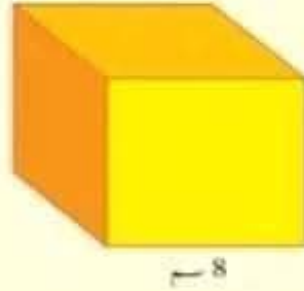
حجم متوازي المستطيلات = الطول \times العرض \times الارتفاع

$$864 \text{ سم}^3 = 12 \times 8 \times 9 =$$

② الارتفاع = $\frac{\text{حجم متوازي المستطيلات}}{\text{الطول} \times \text{العرض}} = \frac{864}{6 \times 16} = 9 \text{ سم}$

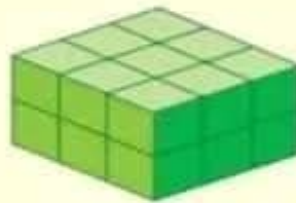
صفحة Zein Atala

1 مكعب طول حرفه 8 سم . ما حجم المكعب ؟



2 حجم مكعب آخر $\frac{1}{8}$ حجم المكعب السابق . أوجد طول حرفه .

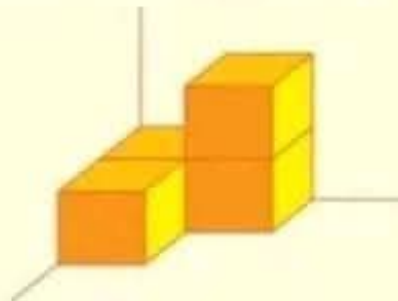
الكتلة على شكل متوازي مستطيلات مكون من مكعبات طول حرف كل منها 2 سم . أوجد حجمه .



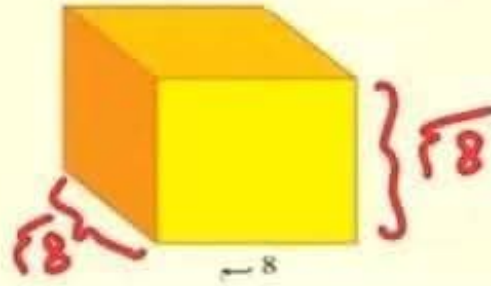
المجسم الآتي مكون من مكعبات طول حرف كل منها 3 سم . وضعت في أحد أركان حجرة .

1 أوجد حجم المجسم .

2 أوجد مساحة قاعدة المجسم التي تمس الأرض .



1 مكعب طول حرفه 8 سم. ما حجم المكعب؟



حجم المكعب = طول \times العرض \times الارتفاع
 $512 \text{ سم}^3 = 8 \times 8 \times 8 =$

2 حجم مكعب آخر $\frac{1}{8}$ حجم المكعب السابق. أوجد طول حرفه.

حجم المكعب = $512 \times \frac{1}{8} = 64 \text{ سم}^3$

طول حرف المكعب = الجذر التكعيبي للعدد 64
 $4 \text{ سم} = \sqrt[3]{64} =$

الكثافة على شكل متواري مستطيلات متكون من مكعبات طول حرف كل منها 2 سم. أوجد حجمه.

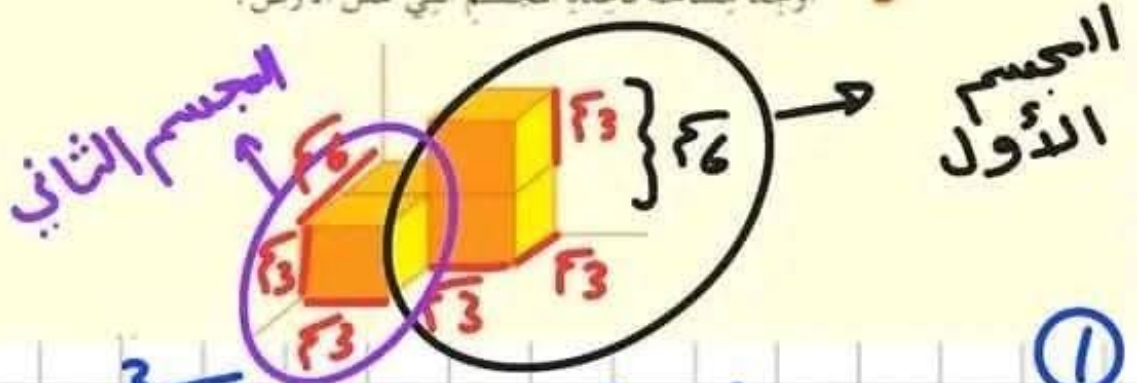


حجم الكتلة : الطول \times العرض \times الارتفاع
 $144 \text{ سم}^3 = 4 \times 6 \times 6 =$

المجسم الآتي مكوّن من مكعبات طول حرف كلّ منها 3 سم. وُضعت في أحد أركان حجرة.

1 أوجد حجم المجسم.

2 أوجد مساحة قاعدة المجسم التي تمس الأرض.



① حجم الجسم الأول = $3 \times 3 \times 6 = 54 \text{ سم}^3$

حجم الجسم الثاني = $6 \times 3 \times 3 = 54 \text{ سم}^3$

حجم الجسم بالكامل = حجم الجسم الأول + حجم الجسم الثاني

$108 \text{ سم}^3 = 54 + 54 =$

② مساحة الجسم الأول = $3 \times 3 = 9 \text{ سم}^2$

مساحة الجسم الثاني = $3 \times 6 = 18 \text{ سم}^2$

مساحة الجسم = $18 + 9 = 27 \text{ سم}^2$

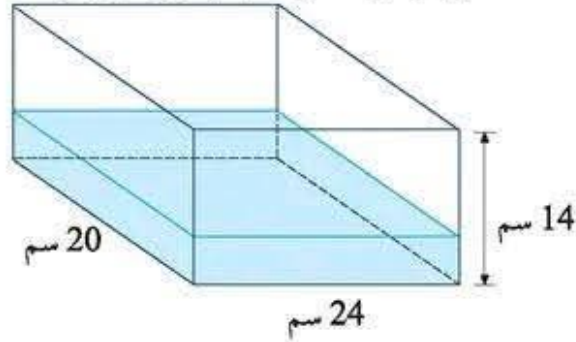


2 حَجْمُ السَّوَائِلِ

1 خَزَانٌ عَلَى شَكْلِ مُتَوَازِي مُسْتَطِيلَاتٍ أبعادُه 24 سم، 20 سم، 14 سم تَمَلُوءُ بِالماءِ حَتَّى ثُلَاثِهِ.

1 أَوْجِدْ حَجْمَ الماءِ بِالمِلِّيْليْتِراتِ.

2 ما كَمِّيَّةُ الماءِ اللازِمَةُ لِمَلْءِ الخَزَانِ كَامِلاً؟
أَوْجِدِ الإِجَابَةَ بِالثَّلاثِ وَالْمِلِّيْليْتِراتِ.



نَسْتَطِيعُ قِيَاسَ حَجْمِ الماءِ
بِالسَّنْتِيْمِترَاتِ المُكْعَبَةِ (سم³)
أَوْ بِالمِلِّيْليْتِراتِ (مل).
1 سم³ = 1 مل



$$14 \times 20 \times 24 \times \frac{1}{3} = \text{حَجْمُ الماءِ}$$

$$= 2240 \text{ سم}^3$$

$$= 2240 \text{ مل}$$

الطَّرِيقَةُ 1

$$14 \times 20 \times 24 = \text{سَعَةُ الخَزَانِ}$$

$$= 6720 \text{ سم}^3$$

$$= 6720 \text{ مل}$$

$$2240 - 6720 = \text{كَمِّيَّةُ الماءِ اللازِمَةُ}$$

$$= 4480 \text{ مل}$$

$$= 4 \text{ ل و } 480 \text{ مل}$$

$$\frac{2}{3} = \frac{1}{3} - 1$$

الطَّرِيقَةُ 2

$$14 \times 20 \times 24 \times \frac{2}{3} = \text{كَمِّيَّةُ الماءِ اللازِمَةُ}$$

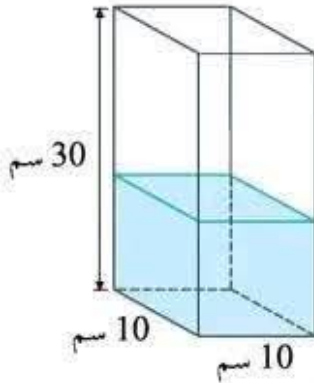
$$= 4480 \text{ سم}^3$$

$$= 4480 \text{ مل}$$

$$= 4 \text{ ل و } 480 \text{ مل}$$



ب خزان على شكل متوازي مستطيلات له قاعدة مربعة طول ضلعه 10 سم وارتفاعه 30 سم مملئ بماء حجمه 1.2 لتر.



1 ما الكسر من الخزان الذي ملىء بالماء؟

2 ما كمية الماء اللازمة لملء الخزان تمامًا؟

1 حجم الماء = 1200 سم³

سعة الخزان = 3000 سم³

كسر الخزان الذي ملىء بالماء = $\frac{2}{5}$

2 كمية الماء اللازمة = 1800 سم³

= 1.8 ل



1 ل = 1000 مل
1000 سم³ =

Zein Atala صفحة

حجم الماء = 1.2 لتر = 1200 سم³ = 1000 x 1.2

حجم الخزان = سعة الخزان = حجم متوازي المستطيلات = الطول x العرض x الارتفاع

= 3000 سم³ = 30 x 10 x 10

1) الكسر من الخزان الذي ملىء بالماء = $\frac{\text{حجم ماء}}{\text{حجم الخزان}} = \frac{1200}{3000} = \frac{12}{30} = \frac{2}{5}$

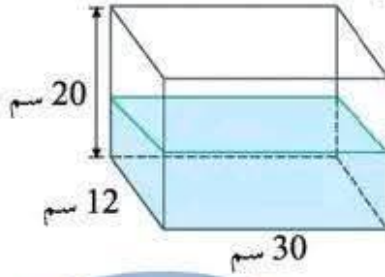
2) كمية الماء اللازمة لملء الخزان تمامًا = حجم أو سعة الخزان كله - حجم الماء الموجود

= 1800 سم³ = 1200 - 3000

= 1.8 ل = 1800 ÷ 1000

صفحة Zein Atala

خَزَانٌ عَلَى شَكْلِ مُتَوَازِي مُسْتَطِيلَاتٍ أبعادُه 30 سم، 12 سم، 20 سم مملوءٌ حَتَّى نِصْفِهِ بِالماءِ . أَوْجِدْ حَجْمَ الماءِ فِي الخَزَانِ . ما كَمِّيَّةُ الماءِ اللازِمَةُ حَتَّى يَصِلَ الماءُ إِلَى $\frac{3}{4}$ الخَزَانِ؟ أعطِ الإجابةَ بِاللُّثَرَاتِ (1 ل = 1000 سم³)



الارتفاع في مستوى الماء
10 - 15 =
5 سم =



189

جميع الحقوق محفوظة لمركز المناهج التعليمية والبحوث التربوية - ليبيا

$$20 \times \frac{1}{2} = \text{ارتفاع مستوى الماء}$$

$$10 =$$

$$10 \times 12 \times 30 = \text{حجم الماء}$$

$$3600 = \text{سم}^3$$

$$3.6 = \text{ل}$$

$$20 \times \frac{3}{4} = \frac{3}{4} \text{ إلى الخزان الماء عندما يمتلئ}$$

$$15 =$$

$$5 \times 12 \times 30 = \text{حجم الماء اللازم}$$

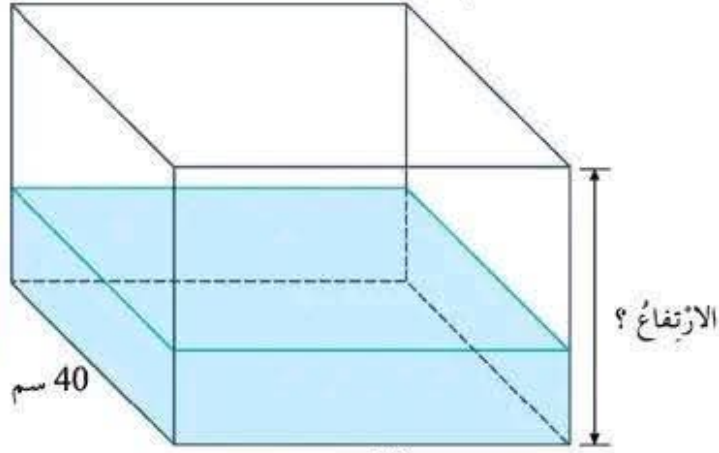
$$1800 = \text{سم}^3$$

$$1.8 = \text{ل}$$

خَزَانٌ عَلَى شَكْلِ مُتَوَازِي مُسْتَطِيلَاتٍ بُعْدَا قَاعِدَتَيْهِ 50 سم، 40 سم مُلِئَ بِالماءِ حَتَّى $\frac{1}{3}$ ارْتِفَاعِهِ. إِذَا كَانَ حَجْمُ المَاءِ فِي الخَزَانِ 96 لِترًا. أَوْجِدِ ارْتِفَاعَ الخَزَانِ.
(1 ل = 1000 سم³)

صفحة Zein Atala

حَوِّلْ حَجْمَ المَاءِ مِنْ لِترَاتٍ
(ل) إِلَى سَنْتِيْمِترَاتٍ
مُكْعَبَةٍ (سم³)



$$50 \text{ سم} \times 40 \text{ سم} \times \text{ارتفاع الماء} = 96000 \text{ سم}^3$$

$$\text{ارتفاع مُستَوَى المَاءِ} = 48 \text{ سم}$$

$$\text{ارتفاع الخزان} = 144 \text{ سم}$$

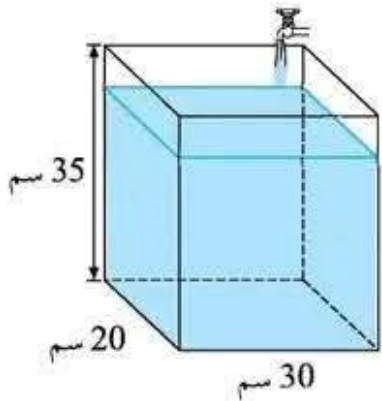
$$\text{حجم الماء} = 96 \text{ لتر} = 1000 \times 96 = 96000 \text{ سم}^3$$

$$\text{ارتفاع الماء في متوازي المستطيلات} = \frac{\text{الحجم}}{\text{العرض} \times \text{الطول}} = \frac{96000}{50 \times 40} = 48 \text{ سم}$$

$$\text{ارتفاع الماء} = \frac{1}{3} \text{ ارتفاع الخزان}$$

$$\therefore \text{ارتفاع الخزان} = 48 \times 3 = 144 \text{ سم}$$

أَبْعَادُ خَزَانٍ فارِغٍ عَلَى شَكْلِ مُتَوَازِي مُسْتَطِيلَاتٍ 30 سم، 20 سم، 35 سم. يَنْسَكِبُ المَاءُ فِي الخَزَانِ بِمُعْدَلٍ 7 لِترَاتٍ كُلَّ دَقِيقَةٍ. بَعْدَ كَمْ دَقِيقَةٍ يَمْتَلِئُ الخَزَانُ تَمَامًا بِالماءِ؟ (1 ل = 1000 سم³)



$$\text{سعة الخزان} = 35 \times 20 \times 30 =$$

$$21000 \text{ سم}^3$$

$$21 \text{ ل} =$$

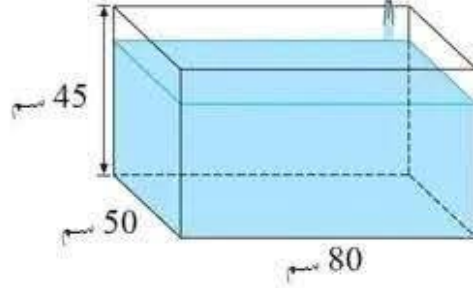
$$7 \text{ ل} \leftarrow 1 \text{ دَقِيقَةٍ}$$

$$21 \text{ ل} \leftarrow 7 \div 21 = 3 \text{ دَقَائِق}$$

$$\text{الزمن المطلوب} = 3 \text{ دَقَائِق}$$

خزان على شكل متوازي مستطيلات أبعاده 80 سم، 50 سم، 45 سم، مملئ بماء ينسكب من صنوبر بمعدل 9 لترات كل دقيقة. كم يستغرق ملء الخزان حتى $\frac{3}{4}$ سعته؟ (1 ل = 1000 سم³)

صفحة Zein Atala



حجم الماء في الخزان = 135 ل

9 ل ← 1 د

135 ل ← 15 د

الزمن اللازم = 15 دقائق

الحل $\frac{3}{4}$ حجم الخزان أو حجم الماء الذي يملأ الخزان كله $= \frac{3}{4} \times 80 \times 50 \times 45$

$= 135000$ سم³

$= 135000 \div 1000 = 135$ ل

الزمن اللازم س = $\frac{1 \times 135}{9} = 15$ دقيقة



هيا نعمل معاً!

اعمل ضمن فريق ثنائي.

مطلوب منك صنع وعاء على شكل متوازي مستطيلات من دون غطاء سعته 1 لتر بقاعدة

مساحتها 100 سم².

طول وعرض الوعاء أعداداً كُليّة من السنتيمترات.

انقل الجدول الآتي واكتب القياسات الممكنة لمتوازي المستطيلات الخاص بك.

السعة (ل)	مساحة القاعدة (سم ²)	الارتفاع (سم)	الطول (سم)	العرض (سم)
1	100	10	10	10
1	100	10	25	4
1	100	10	50	2
1	100	10	20	5
1	100	10	100	1

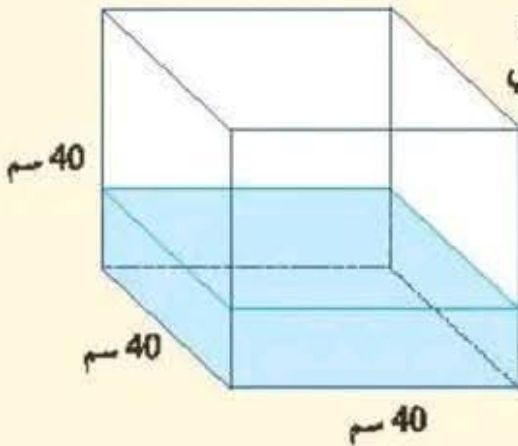
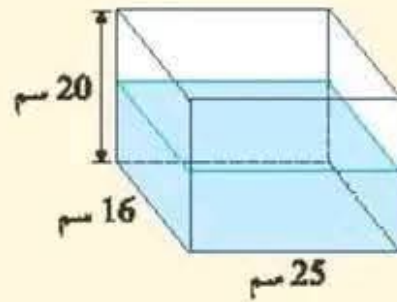
أي هذه الأوعية يحتاج أقل كمية من المادة المستخدمة لصناعتها؟



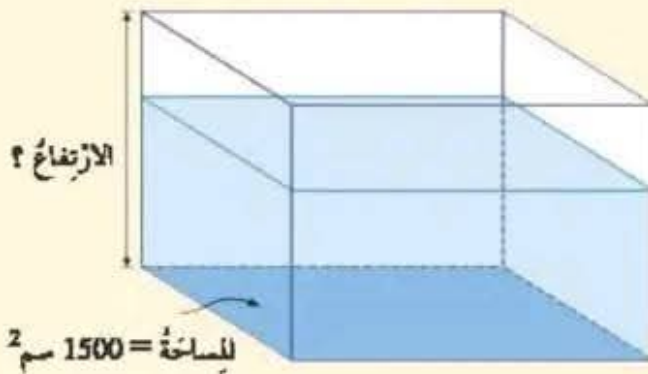
٢ خَزَانٌ عَلَى شَكْلِ مُتَوَازِي مُسْتَعْيِلَاتٍ أبعادُهُ 25 سم، 16 سم، 20 سم تملؤهُ حَتَّى نِصْفِهِ بِالماءِ .

1 أَوْجِدْ حَجْمَ الماءِ بِالْأَلْتَرَاتِ .

2 إِذَا صُبَّ 1.5 لِتْرٍ مِنَ الماءِ خَارِجَ الخَزَانِ، مَا ارْتِفَاعُ مُسْتَوًى الماءِ الْجَدِيدِ؟
(1 ل = 1000 سم³)



ب خَزَانٌ عَلَى شَكْلِ مُكَعَّبٍ طَوْلُ حَزْفِهِ 40 سم
يَه 40 لِتْرًا مِنَ الماءِ . مَا الكَمِّ مِنَ الخَزَانِ الّذي
مِلئٍ بِالماءِ؟ مَا كَمِّيَّةُ الماءِ اللازِمِ لِمَلءِ
الخَزَانِ تَمَامًا؟ أَعْطِ الإِجَابَةَ بِالْأَلْتَرَاتِ .
(1 ل = 1000 سم³)



ج خَزَانٌ عَلَى شَكْلِ مُتَوَازِي مُسْتَعْيِلَاتٍ مِسَاحَةُ قَاعِدَتِهِ
1500 سم² . مِلئٍ $\frac{2}{3}$ الخَزَانِ
بِالماءِ . إِذَا كَانَ حَجْمُ الماءِ فِي
الخَزَانِ 45 لِتْرًا . أَوْجِدْ ارْتِفَاعَ
الخَزَانِ .
(1 ل = 1000 سم³)

صفحة Zein Atala

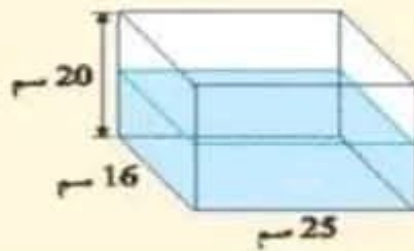


هيا نتدرب معاً 12 ب

٢ خزان على شكل متوازي مستطيلات أبعاد 25 سم، 16 سم، 20 سم مملوء حتى نصفه بالماء.

1 أوجد حجم الماء بالتراب.

2 إذا صب 1.5 لتر من الماء خارج الخزان، ما ارتفاع مستوى الماء الجديد؟
(1 ل = 1000 سم³)



$$\textcircled{1} \text{ حجم الماء} = \frac{1}{2} \text{ حجم الخزان}$$

$$3\sqrt{4000} = \frac{10}{2} \times 16 \times 25 \times \frac{1}{2} =$$

$$\therefore 1 \text{ ل} = 1000 \text{ سم}^3$$

\therefore حجم الماء = 4 لتر



② حجم الماء الجديد = حجم الماء في الخزان في البداية - كمية الماء التي هبت خارج الخزان

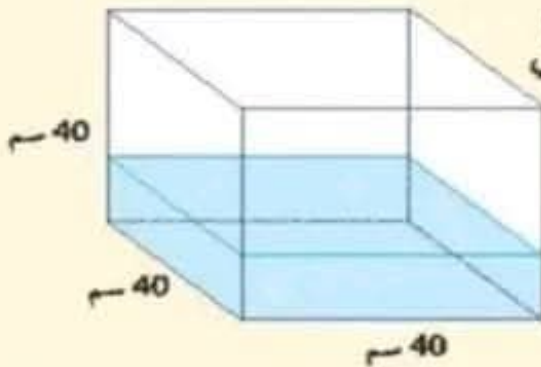
$$= 4 - 1.5 = 2.5 \text{ لتر} = 2500 \text{ سم}^3$$

حجم الماء الجديد = الطول \times العرض \times ارتفاع الماء الجديد

$$\frac{2500}{16 \times 25} = \frac{\text{حجم الماء الجديد}}{\text{الطول} \times \text{العرض}}$$

$$= 6.25 \text{ سم}$$

صفحة Zein Atala



خزان على شكل مكعب طوله 40 سم
به 40 ليتر من الماء. ما الكسر من الخزان الذي
ملي بالماء؟ ما كمية الماء اللازم لملء
الخزان تماماً؟ أعطِ الإجابة بالقرابات.
(1 ل = 1000 سم³)

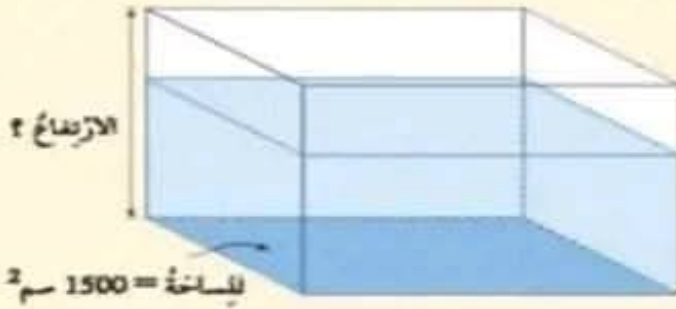
$$\text{حجم الخزان} = 40 \times 40 \times 40 = 64000 \text{ سم}^3$$

$$64 \text{ لترات} = \frac{64000}{1000} =$$

$$\frac{5}{8} = \frac{40}{64} = \text{الكسر من الخزان الذي ملئ بالماء}$$

$$\text{كمية الماء اللازمة} = 64 - 40 = 24 \text{ لترات}$$

صفحة Zein Atala



خزان على شكل متوازي
مستطيلات بمساحة قاعدته
1500 سم². يبلغ $\frac{2}{3}$ الخزان
بالماء. إذا كان حجم الماء في
الخزان 45 ليترًا. أوجد ارتفاع
الخزان.
(1 ل = 1000 سم³)

192

جميع الحقوق محفوظة. لا يمكن النشر التعليمي والصوت الترويجي في ليبيا

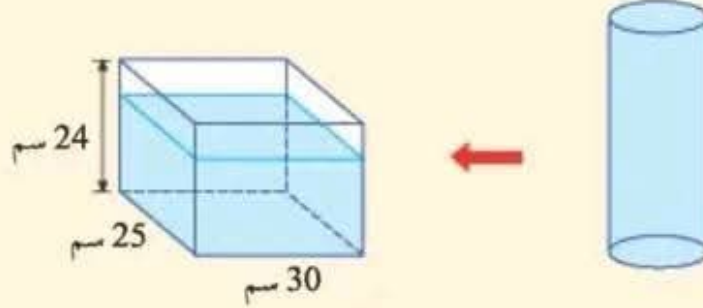
$$\frac{2}{3} \text{ سعة الخزان} = 45$$

$$\text{سعة الخزان} = \frac{3 \times 45}{2} = 67.5 \text{ لتر}$$

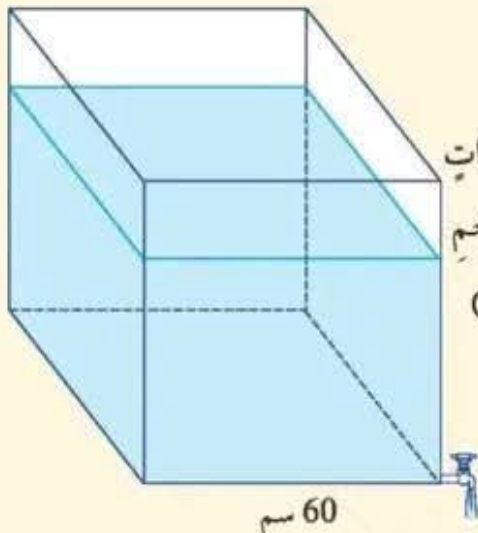
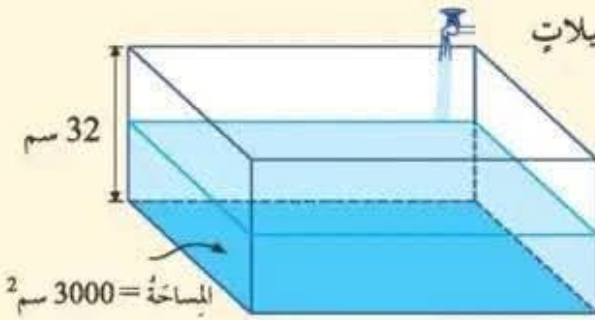
$$67000 \text{ سم}^3 = 1000 \times 67.5 =$$

$$\text{ارتفاع الخزان} = \frac{\text{سعة الخزان}}{\text{مساحة القاعدة}} = \frac{67000}{1500} = 44.7 \text{ سم}$$

وعاء أسطوانتيّ مملوء بالماء. عندما صُبَّ الماء في خزانٍ على شكلٍ مُتوازيٍ مُستطيلاتٍ طوله 30 سم، وعرضه 25 سم، وارتفاعه 24 سم ملا $\frac{3}{4}$ الخزان. أوجد سعة الأسطوانة باللترات. (1 ل = 1000 سم³)



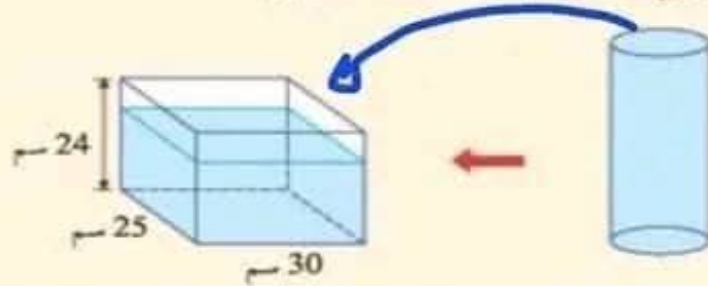
خزان فارغ على شكل مُتوازيٍ مُستطيلاتٍ مساحة قاعدته 3000 سم² وارتفاعه 32 سم. مُلئ الخزان بماء ينساب من صنبور بمعدل 12 ليترًا كُلَّ دقيقة. ما الوقت اللازم بالدقائق لملء الخزان حتى نصفه بالماء؟ (1 ل = 1000 سم³)



خزان مكعب الشكل طول حرفه 60 سم. مُلئ $\frac{3}{4}$ الخزان بالماء من صنبور بمعدل 9 لترات كُلَّ دقيقة. كم يستغرق تسريب نصف حجم الماء إلى خارج الخزان؟ (1 ل = 1000 سم³)



وَعَاءَةٌ أُسْطُوَانِيَّةٌ تَمْلُوءُ بِالْمَاءِ . عِنْدَمَا صُبَّ الْمَاءُ فِي خَزَانٍ عَلَى شَكْلِ مُتَوَازِي مُسْتَقْبِلَاتٍ طَوَّلُهُ 30 سَم ، وَعَرْضُهُ 25 سَم ، وَارْتِفَاعُهُ 24 سَم مَلَأَ $\frac{3}{4}$ الْخَزَانِ . أَوْجِدْ سَعَةَ الْأُسْطُوَانَةِ بِاللِّتْرَاتِ . (1 ل = 1000 سَم³)



حجم خزان متوازي المستطيلات = الطول \times العرض \times الارتفاع

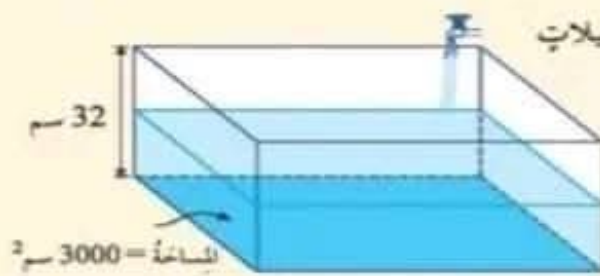
$$= 30 \times 25 \times 24 = 18000 \text{ سم}^3$$

$$= \frac{18000}{1000} = 18 \text{ لتر}$$

∴ سعة الأسطوانة = $\frac{3}{4}$ حجم الخزان

$$= 18 \times \frac{3}{4} = 13.5 \text{ لتر}$$

صفحة Zein Atala



خزان فارغ على شكل متوازي مستطيلات
مساحة قاعدته 3000 سم² وارتفاعه
32 سم. ملى الخزان بماء يتناسب من
صنبور بمعدل 12 ليترًا كل دقيقة.
ما الوقت اللازم بالدقائق لملء الخزان
حتى يصبح بالماء؟
(1 ل = 1000 سم³)

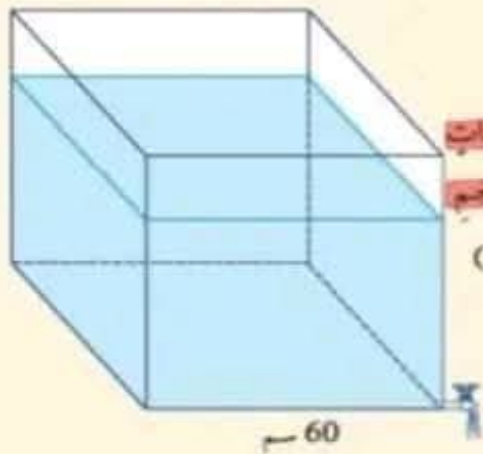
$$\begin{aligned} \text{حجم الخزان} &= \text{المحلول} \times \text{العرض} \times \text{الارتفاع} \\ &= \text{مساحة القاعدة} \times \text{الارتفاع} \\ &= 32 \times 3000 = 96000 \text{ سم}^3 \\ &= \frac{96000}{1000} = 96 \text{ ل} \end{aligned}$$

$$\text{نصف حجم الخزان} = 96 \times \frac{1}{2} = 48 \text{ ل}$$

$1 \times 48 = 48 \text{ س}$ $12 \div 48 = 12 \text{ س}$ $12 \div 12 = 1 \text{ س}$ 4 دقائق	$12 \times 48 = 576 \text{ س}$ $12 \div 576 = 0.0208 \text{ س}$ $0.0208 \times 60 = 1.25 \text{ دقائق}$
--	---

الوقت اللازم لملء الخزان

أستاذ الرياضيات نور الوداوي



خزان مكعب الشكل طول حرفه 60 سم.
 مملوء $\frac{3}{4}$ الخزان بالماء من صنوبر بمعدل 9 لترات
 كل دقيقة. كم يستغرق تشريب نصف حجم
 الماء إلى خارج الخزان؟ (1 ل = 1000 سم³)

193

$$\text{حجم الخزان} = 60 \times 60 \times 60 = 216000 \text{ سم}^3$$

$$216 \text{ لتر} = \frac{216000}{1000} =$$

$$\text{حجم الماء} = \frac{3}{4} \text{ حجم الخزان}$$

$$= 216 \times \frac{3}{4} = 162 \text{ لتر}$$

$$\text{نصف حجم الماء} = 162 \times \frac{1}{2} = 81 \text{ لتر}$$

لترات دقائق

$\begin{array}{c} 1 \\ \swarrow \searrow \\ 9 \quad 81 \\ \nwarrow \nearrow \\ \text{س} \end{array}$

$$1 \times 81 = \text{س} \times 9$$

$$\frac{81}{9} = \frac{\text{س}}{9}$$

س = 9 دقائق

الزمن اللازم لتسريب نصف حجم الماء = 9 دقائق

لا تنسوا في من الدعااء

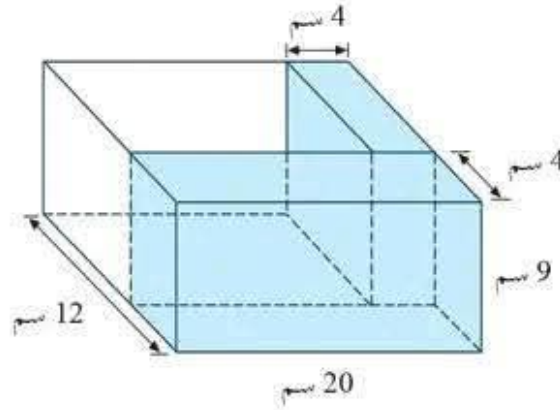


تَعَلَّمْتَ أَنْ :

- تُوجِدَ حَجْمَ مُكَعَّبٍ وَمُتَوَازِي مُسْتَطِيلَاتٍ .
- تُوجِدَ حَجْمَ مُجَسِّمَاتٍ مُكَوَّنَةٍ مِنْ مُكَعَّبَاتٍ وَمُتَوَازِيَاتٍ مُسْتَطِيلَاتٍ .
- تُوجِدَ حَجْمَ سُوَائِلٍ فِي أَوْعِيَةٍ عَلَى شَكْلِ مُتَوَازِي مُسْتَطِيلَاتٍ .

الآن، اِخْتِبرْ نَفْسَكَ :

- 1 أ صُنْدُوقٌ عَلَى شَكْلِ مُتَوَازِي مُسْتَطِيلَاتٍ أبعادُهُ 20 سم، 12 سم، 9 سم .
وُضِعَتْ قِطْعَتَانِ مِنَ الإسْفَنْجِ، سُمْكُ كُلِّ مِنْهُمَا 4 سم، بِطُولِ وَجْهَيْنِ مِنَ أَوْجِهِ المَكْعَبِ
كَمَا هُوَ مُبَيَّنٌّ .



- 1 أوجِدْ حَجْمِي قِطْعَتِي الإسْفَنْجِ .
- 2 ثُمَّ قُطِّعَتْ كُلُّ قِطْعَةٍ إسْفَنْجٍ إِلَى نِصْفَيْنِ، سُمْكُ كُلِّ مِنْهُمَا 2 سم، وَوُضِعَتْ
بِطُولِ الأَوْجِهِ الأَرْبَعَةِ لِلصُّنْدُوقِ . أوجِدْ حَجْمَ الفَرَاغِ الباقِي فِي الصُّنْدُوقِ .

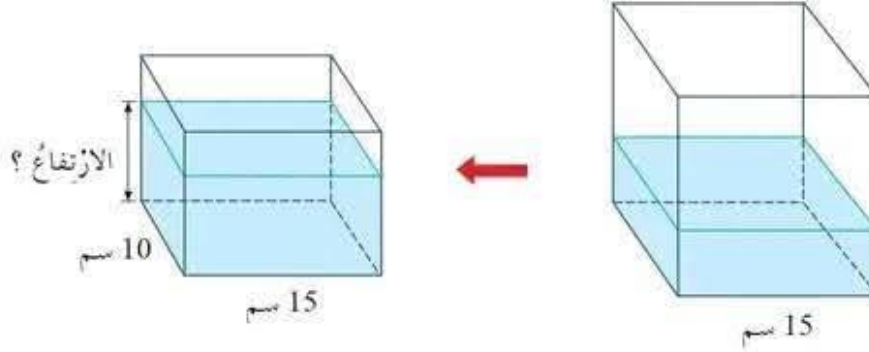
حجم قطعة الأسفنج الكبرى = $9 \times 4 \times 9 = 720$ سم³

حجم قطعة الأسفنج الصغرى = $9 \times 8 \times 4 = 288$ سم³

حجم باقي الفراغ = $9 \times 8 \times 16 = 1152$ سم³



ب خزان مكعب الشكل طول حرفه 15 سم ملى حتى ثلثه بالماء، ثم صب الماء في خزان آخر فارغ على شكل متوازي مستطيلات طوله 15 سم، وعرضه 10 سم. أوجد ارتفاع مستوى الماء في الخزان الآخر.



$$\text{حجم الماء} = \frac{1}{3} \text{ حجم الخزان المكعب}$$

$$1125 \text{ سم}^3 = 15 \times 15 \times 15 \times \frac{1}{3} =$$

$$\text{الارتفاع} = \frac{\text{حجم الماء}}{\text{الطول} \times \text{العرض}} = \frac{1125}{10 \times 15} = 7.5 \text{ سم}$$

فَكِّرْ مَلِيًّا

1 الأعداد الكليّة

عُمْرُ تَوْفِيْقِ الْآنَ مُضَاعَفٌ لِلْعَدَدِ 5. بَعْدَ سَنَةٍ وَاحِدَةٍ، سَوْفَ يُصْبِحُ عُمْرُهُ مُضَاعَفًا لِلْعَدَدِ 7. وَبَعْدَ سَنَتَيْنِ، سَوْفَ يُصْبِحُ عُمْرُهُ مُضَاعَفًا لِلْعَدَدِ 11. إِذَا كَانَ عُمْرُهُ يَقِلُّ عَنْ 60 سَنَةٍ، فَمَا عُمْرُ تَوْفِيْقِ الْآنَ؟
حُلِّ الْمَسْأَلَةَ خُطْوَةً خُطْوَةً.

الْعُمْرُ الْمُمْكِنُ لِتَوْفِيْقِ	الْخُطْوَةُ
55, 50, 45, 40, 35, 30, 25, 20, 15, 10, 5	1 اسرُدْ مُضَاعَفَاتِ 5 الْأَصْغَرِ مِنْ 60
56, 51, 46, 41, 36, 31, 26, 21, 16, 11, 6	2 لِإِجَادِ الْعُمْرِ بَعْدَ سَنَةٍ، أَضِفْ 1 إِلَى كُلِّ مُضَاعَفَاتِ الْعَدَدِ 5
56, 21	3 حَدِّدْ مُضَاعَفَاتِ الْعَدَدِ 7
57, 22	4 لِإِجَادِ عُمْرِهِ بَعْدَ سَنَتَيْنِ، أَضِفْ 1 لِكُلِّ مُضَاعَفِ الْعَدَدِ 7
22	5 حَدِّدْ مُضَاعَفَاتِ الْعَدَدِ 11

بَعْدَ سَنَتَيْنِ، سَوْفَ يَكُونُ عُمْرُ تَوْفِيْقِ 22 سَنَةً.
عُمْرُ تَوْفِيْقِ الْآنَ 20 سَنَةً.



في إحدى دورات كرة القدم، يوجد 6 فرق. يلعب كل فريق مبارتين مع كل من الفرق الأخرى. ما عدد جميع المباريات التي لعبت؟

يلعب كل فريق مع 5 فرق الأخرى 10 مباريات

$$10 \text{ مباريات} = 2 + 2 + 2 + 2 + 2$$



عدد مباريات الجولة الواحدة 3 مباريات لأن كل فريقين سوف يلعبوا مع بعض

$$\begin{aligned} \text{العدد الكلي} &= \text{عدد الجولات} \times \text{عدد مباريات الجولة} \\ \text{للمباريات} &= 3 \times 10 \\ &= 30 \text{ مباراة} \end{aligned}$$



حَضَرَ 8 أَغْضَاءَ فِي إِحْدَى اللُّجَانِ اجْتِمَاعًا، إِذَا صَافَحَ كُلُّ عَضْوٍ كُلًّا مِنَ الْأَغْضَاءِ الْآخَرِينَ، مَا عَدَدُ جَمِيعِ الْمَصَافَحَاتِ؟

عدد مصافحات العضو الأول = 7

عدد مصافحات العضو الثاني = 6

عدد مصافحات العضو الثالث = 5

عدد مصافحات العضو الرابع = 4

عدد مصافحات العضو الخامس = 3

عدد مصافحات العضو السادس = 2

عدد مصافحات العضو السابع = 1

عدد مصافحات العضو الثامن = 0

عدد جميع المصافحات = $0 + 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7$

$= 28$ مصافحة



يُرادُ توزيع حَقِيبَةِ كُرَاتٍ بَيْنَ عَدَدٍ مِنَ الْأَطْفَالِ . إِذَا أَخَذَ كُلُّ طِفْلٍ 4 كُرَاتٍ ، يَبْقَى 3 كُرَاتٍ . إِذَا أَخَذَ كُلُّ طِفْلٍ 5 كُرَاتٍ ، نَحْتَاجُ كُرَتَيْنِ زِيَادَةً :

1 ما عَدَدُ الْأَطْفَالِ ؟

2 ما عَدَدُ الْكُرَاتِ ؟

① عدد الأطفال = 5



$$20 = 4 \times 5 \text{ كرة}$$

$$23 = 3 + 20 \text{ كرة}$$

② عدد الكرات = 23 كرة

$$25 = 5 \times 5$$

∴ نحتاج كرتين

صفحة Zein Atala



الكُتْلَةُ الكُلِّيَّةُ لِرِوعَاءٍ مُعَدِّينِي تَمْلُوءُ بِالرَّمْلِ 10 كجم. عِنْدَمَا يَمْلَأُ بِالماءِ، تُكُونُ الكُتْلَةُ 4 كجم. إِذَا كَانَتْ كُتْلَةُ الرَّمْلِ 3 أَثْمَالِ كُتْلَةِ المَاءِ، فَأَوْجَدُ كُتْلَةَ الرِوعَاءِ.

الفرق بين كتلة الرمل والماء = 10 - 4 = 6 كجم

• كتلة الرمل 3 أُمثال كتلة الماء

كتلة الماء = 1 وحدة

كتلة الرمل = 3 وحدات

الفرق بين الوحدات = 3 وحدات - 1 وحدة = 2 وحدة

1 وحدة $\frac{2}{2}$ ————— $\frac{3}{2}$ كجم $\frac{6}{2}$ كجم $\div 2$

1 وحدة \leftarrow 3 كجم

• كتلة الماء = 1 وحدة = $3 \times 1 = 3$ كجم

كتلة الماء والرِوعَاءِ = 4 كجم

• كتلة الرِوعَاءِ = $4 - 3 = 1$ كجم

2 الكسور العادية

1 $\frac{1}{4}$ مُشاهِدِي إحدَى مُباريَاتِ كُرَةِ القَدَمِ كَانُوا مِنَ الأَطْفَالِ . وَكَانَ عَدَدُ النِّسَاءِ $\frac{1}{3}$ عَدَدِ الرِّجَالِ . إِذَا كَانَ عَدَدُ المُشَاهِدِينَ 1680 ، فَكَمْ كَانَ عَدَدُ الرِّجَالِ ؟

أَوْجَدَ عَدَدَ الرِّجَالِ
وَالنِّسَاءِ الَّذِينَ حَضَرُوا
المُبَارَاةَ .



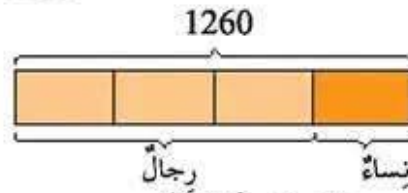
$$\frac{3}{4} = \frac{1}{4} - 1$$

$\frac{3}{4}$ المُشَاهِدِينَ كَانُوا مِنَ الرِّجَالِ وَالنِّسَاءِ .

عَدَدُ الرِّجَالِ وَالنِّسَاءِ $\frac{3}{4}$ المُشَاهِدِينَ

$$1680 \times \frac{3}{4} =$$

$$1260 =$$



مِنَ التَّمُودَجِ نَجِدُ أَنَّ :

$$1260 \leftarrow 4 \text{ وَحَدَات}$$

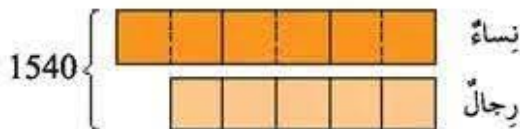
$$315 = 4 \div 1260 \leftarrow 1 \text{ وَحْدَةٌ}$$

$$945 = 315 \times 3 \leftarrow 3 \text{ وَحَدَات}$$

يُوجَدُ 945 رَجُلًا .

ب في إحدَى الحَفَلَاتِ ، $\frac{2}{3}$ عَدَدِ النِّسَاءِ يُسَاوِي $\frac{4}{5}$ عَدَدِ الرِّجَالِ . إِذَا كَانَ عَدَدُ

الحَاضِرِينَ فِي الحَفْلِ 1540 ، فَمَا عَدَدُ الرِّجَالِ ؟



مِنَ التَّمُودَجِ نَجِدُ أَنَّ :

$$1540 \leftarrow 11 \text{ وَحْدَةٌ}$$

$$140 = 11 \div 1540 \leftarrow 1 \text{ وَحْدَةٌ}$$

$$700 = 140 \times 5 \leftarrow 5 \text{ وَحَدَات}$$

يُوجَدُ 700 رَجُلًا .



1 في يَوْمِ جُمُعَةٍ، كَانَ $\frac{1}{3}$ زُوَارِ حَدِيقَةِ الْحَيَوَانَاتِ مِنَ الْأَطْفَالِ، وَكَانَ عَدَدُ الرِّجَالِ $\frac{3}{5}$ عَدَدِ النِّسَاءِ. إِذَا كَانَ عَدَدُ الزَّائِرِينَ 1860، فَكَمْ عَدَدُ النِّسَاءِ؟

∴ $\frac{1}{3}$ زوَارِ الحديقة أطفال

$$\text{عدد الأطفال} = 1860 \times \frac{1}{3} = 620 \text{ طفل}$$

$$\therefore \text{عدد الرجال والنساء} = 1860 - 620 = 1240$$

عدد الرجال $\frac{3}{5}$ عدد النساء

الرجال : النساء
3 : 5

∴ الرجال = 3 وحدات ، النساء = 5 وحدات

∴ المجموع = 3 وحدات + 5 وحدات = 8 وحدات

8 وحدات ← 1240 بالقسمة على 8

$$\therefore 1 \text{ وحدة} = \frac{1240}{8} = 155$$

$$\therefore \text{عدد النساء} = 5 \text{ وحدات} = 155 \times 5 = 775$$

صفحة Zein Atala



ب. عُمُرُ جَمِيلٍ $\frac{1}{4}$ عُمُرِ وَالِدِهِ عِنْدَمَا كَانَ عُمُرُ وَالِدِهِ 48 عامًا. بَعْدَ كَمْ سَنَةٍ سَوْفَ يُصْبِحُ عُمُرُ جَمِيلٍ $\frac{1}{3}$ عُمُرِ وَالِدِهِ؟

∴ عمر جميل $\frac{1}{4}$ عمر والده

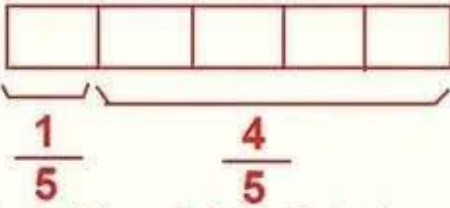
∴ عمر جميل = $48 \times \frac{1}{4} = 12$ عام

بعد 4 سنوات يصبح عمر جميل 18 عام

و يصبح عمر والده = $48 + 6 = 54$ عام

∴ يصبح عمر جميل $\frac{1}{3}$ عمر والده بعد 6 سنوات

ج. ذَهَبْتُ أَمَلُ لِلتَّسْوِيقِ. اشْتَرَيْتُ زَوْجًا مِنَ الْأَحْذِيَّةِ ثَمَنُهُ 30.000 دينارًا وَصَرَفْتُ $\frac{2}{3}$ الباقي ثَمَنًا لِحَقِيبَةٍ يَدٍ. أَصْبَحَ مَعَهَا $\frac{1}{5}$ التُّقُودِ الَّتِي كَانَتْ مَعَهَا فِي الْبِدَايَةِ. كَمْ كَانَ مَعَ أَمَلٍ فِي الْبِدَايَةِ؟



الباقي في النهاية

ثمن الحذاء والحقيبة

$$\frac{4}{5} = \text{ثمن الحذاء و الحقيبة}$$

$\frac{2}{3}$ المتبقي في البداية يكون ثمن الحقيبة

و $\frac{1}{3}$ الباقي في البداية يعادل $\frac{1}{5}$ الباقي من المبلغ كله

$$\therefore \frac{2}{3} \text{ تعادل } \frac{2}{5}$$

$$\therefore \text{ثمن الحقيبة} + \text{ثمن الحذاء} = \frac{4}{5}$$

$$\text{ثمن الحذاء} = \frac{2}{5} - \frac{4}{5} = -\frac{2}{5} \leftarrow 30 \text{ دينار}$$

$$\text{تبقى } \frac{1}{5} = 15 \text{ دينار}$$

$$\therefore \text{ثمن الحقيبة} = \text{ثمن الحذاء} = 30 \text{ دينار}$$

$$\therefore \text{المبلغ مع الأمل في البداية} = 30 + 30 + 15 = 75 \text{ دينار}$$



3/4 عدد البنات في مدرسة يساوي 1/2 عدد الأولاد. إذا كان عدد تلاميذ المدرسة 1420، فكم عدد الأولاد؟

$$\frac{3}{4} \text{ البنات} = \frac{1}{2} \text{ الأولاد}$$

$$2 : 3 = \frac{3}{2} = \frac{6}{4} = \frac{2}{1} \times \frac{3}{4} = \frac{1}{2} \div \frac{3}{4} = \frac{1}{2} : \frac{3}{4}$$

عدد الأولاد و البنات = 3 وحدة + 2 وحدة = 5 وحدة

5 وحدة ← 1420 بالقسمة على 5

$$\therefore 1 \text{ وحدة} = \frac{1420}{5} = 284$$

\therefore عدد الأولاد = 3 وحدة = $284 \times 3 = 852$ ولد

2/5 تلاميذ أحد الفصول وعددهم 40 كانوا من الأولاد. بعد أن ترك الفصل بعض التلاميذ، فإن الكسر الذي يمثل عدد الأولاد في الفصل أصبح 1/3. كم تلميذاً ترك الفصل؟

$$\text{عدد الأولاد} = \frac{2}{5} \text{ الفصل}$$

$$\text{عدد الأولاد} = \frac{2}{5} \times 40 = 16 \text{ ولد}$$

$$\frac{1}{3} \text{ الفصل} = 12 \text{ ولد}$$

$$12 = 36 \times \frac{1}{3} \text{ ولد}$$

عدد الأولاد الذي ترك الفصل = 4 أولاد

ليصبح عدد التلاميذ 36 تلميذ و عدد الأولاد = 12 ولد



١ تسع 3 زجاجات وكوبان معا 5.6 لتر من الماء. سعة الزجاجات تساوي سعة 6 أكواب. أوجد الفرق بين سعة زجاجة وكوب من الماء.

∴ سعة 3 زجاجات و كوبان = 5.6 لتر

∴ سعة الزجاجة = سعة 6 أكواب

سعة الكوب = 1 وحدة

∴ سعة الزجاجة = 6 وحدة

∴ سعة الكوبان = 2 وحدة

∴ سعة 3 زجاجات و كوبان = 18 وحدة + 2 وحدة = 20 وحدة

20 وحدة ← 5.6 لتر بالقسمة على 20

∴ 1 وحدة = 0.28 لتر

سعة الزجاجة = 6 وحدة = $0.28 \times 6 = 1.68$ لتر

سعة الكوب = 1 وحدة = 0.28 لتر

الفرق بين سعة الزجاجة و الكوب = $1.68 - 0.28 = 1.40$ لتر

صفحة Zein Atala

تحتوي أَسْطُوَانَةٌ وَخَزَانٌ مَعًا 16.8 لَترًا مِنَ الْمَاءِ. عِنْدَمَا يُصَبُّ 2.4 لَترًا مِنَ الْخَزَانِ إِلَى الْأَسْطُوَانَةِ، يُضْبَحُ بِالْأَسْطُوَانَةِ 5 أَمْثَالٍ مَا يَبْقَى فِي الْخَزَانِ. مَا كَمِيَّةُ الْمَاءِ الَّتِي كَانَتْ فِي الْخَزَانِ فِي الْبِدَايَةِ؟

كمية الماء بالأسطوانة = 5 وحدات ، كمية الماء بالخزان = 1 وحدة

∴ حجم الماء بالأسطوانة والخزان = 5 وحدة + 1 وحدة = 6 وحدات

6 وحدات ← 16.8 لتر بالقسمة على 6

1 وحدة = 2.8 لتر

حجم الماء بالخزان بعد الصب = 1 وحدة = 2.8 لتر

∴ حجم الماء بالخزان قبل صب الماء = 2.28 + 2.4 = 5.2 لتر

صفحة Zein Atala

فَكَرَّتْ إِيمَانُ فِي عَدَدٍ. عِنْدَمَا أَضَافَتْ إِلَيْهِ 22.5، يُصْبِحُ النَّاتِجُ 11 ضِعْفَ الْعَدَدِ. مَا الْعَدَدُ الَّذِي فَكَرَّتْ فِيهِ إِيمَانُ؟

$$\text{العدد} + 22.5 = 11 \text{ ضعف العدد}$$

$$\text{العدد} + 22.5 = 11 \times \text{العدد}$$

$$22.5 = 11 \times \text{العدد} - \text{العدد}$$

$$22.5 = 10 \times \text{العدد} \quad \text{بالقسمة على } 10$$

$$\therefore \text{العدد} = \frac{22.5}{10} = 2.25$$

تَزِيدُ كُتْلَةَ شِيمَاءَ 5.6 كجم عَلَى كُتْلَةِ مَنَى. وَتَزِيدُ كُتْلَةَ مَنَى 3.8 عَلَى كُتْلَةِ لَيْلَى. إِذَا كَانَتْ كُتْلَتُهُنَّ مَعًا 124.2 كجم، فَأَوْجِدْ كُتْلَةَ كُلِّ بِنْتٍ.

تزيد كتلة شيماء 5.6 عن منى

$$\text{شيماء} = \text{منى} + 5.6$$

$$\boxed{\text{منى} = \text{ليلى} + 3.8}$$

$$\text{كتلة شيماء تزيد عن ليلى} \quad 9.4 = 3.8 + 5.6$$

$$\boxed{\text{شيماء} = \text{ليلى} + 9.4}$$

$$\text{شيماء} + \text{منى} + \text{ليلى} = 124.2$$

$$\text{ليلى} + 9.4 + \text{ليلى} + 3.8 + \text{ليلى} = 124.2$$

$$124.2 = 13.2 + 3 \times \text{ليلى}$$

$$3 \times \text{ليلى} = 124.2 - 13.2 = 111 \text{ كجم}$$

$$3 \times \text{ليلى} = 111 \quad \leftarrow \text{بالقسمة على } 3$$

$$\therefore \text{ليلى} = 37 \text{ كجم}$$

$$\therefore \text{منى} = \text{ليلي} + 3.8 = 37 + 3.8 = 40.8 \text{ كجم}$$

$$\therefore \text{شيماء} = \text{منى} + 5.6 = 40.8 + 5.6 = 46.4 \text{ كجم}$$

يزيد ما تحتويه أسطوانة 11.6 لتر من الماء على ما تحتويه خزان ماء. عندما صُبَّت 3.2 لتر ماء من الخزان إلى الأسطوانة، أصبح ما في الأسطوانة 11 ضعف ما بقي في الخزان من الماء. ما كمية الماء التي بقيت في الخزان؟

قبل الصب الأسطوانة - الخزان = 11.6

بعد الصب

يتم زيادة الأسطوانة بمقدار 3.2 ونقص الخزان 3.2

$$\therefore \text{مقدار الماء الزائد في الأسطوانة عن الخزان} = 11.6 + 3.2 = 14.8 \text{ لتر}$$

أصبح ما في الأسطوانة 11 ضعف ما باقى في الخزان

الماء في الخزان = 1 وحدة

الماء في الأسطوانة = 11 وحدة

الفرق = 11 وحدة - 1 وحدة = 10 وحدات

10 وحدات ← 14.8 لتر بالقسمة على 10

$$\therefore 1 \text{ وحدة} = 1.48 \text{ لتر}$$

كمية الماء التي بقيت في الخزان = 1 وحدة = 1.48 لتر

صفحة Zein Atala



كَانَتْ نِسْبَةُ عَدَدِ الْفَطَائِرِ بِاللَّحْمِ إِلَى عَدَدِ فَطَائِرِ الْخَضَارِ فِي أَحَدِ الْمَتَاجِرِ 1 : 3 . إِذَا بَاعَ $\frac{2}{9}$ فَطَائِرِ الْخَضِرَاوَاتِ ، وَبَقِيَ فَقَطْ 35 فَطِيرَةً خَضِرَاوَاتٍ . فَكَمْ كَانَ عَدَدُ فَطَائِرِ اللَّحْمِ فِي الْمَتَجَرِ ؟

Zein Atala صفحة

فطائر اللحم : فطائر الخضار

3 : 1

$$\frac{2}{9} = \text{كسر فطائر الخضار المباع} \quad \frac{7}{9} = \text{كسر الباقي}$$

7 وحدات ← 35 بالقسمة على 7

1 وحدة = 5

∴ عدد فطائر الخضار = 9 وحدات = $5 \times 9 = 45$ فطيرة

3 وحدات ← 45 بالقسمة على 3

1 وحدة = 15

∴ عدد فطائر اللحم = 15 فطيرة

كَانَتْ نِسْبَةُ مَبْلَغِ النُّقُودِ مَعَ مَرْيَمَ إِلَى مَبْلَغِ النُّقُودِ مَعَ وَلِيدَ 1 : 2 فِي الْبِدَايَةِ . بَعْدَ أَنْ أَعْطَى وَلِيدُ $\frac{1}{3}$ نُقُودَهُ لِمَرْيَمَ ، أَصْبَحَ مَبْلَغُ وَلِيدَ يَقِلُّ 42 دِينَارًا عَنْ مَبْلَغِ مَرْيَمَ . كَمْ أَصْبَحَ مَعَ كُلِّ شَخْصٍ فِي النِّهَايَةِ ؟

مريم : وليد

2 : 1

مبلغ مريم = 1 وحدة ∴ مبلغ وليد 2 وحدة

$$\frac{1}{3} \text{ نقود وليد} = \frac{1}{3} \times 2 \text{ وحدة} = \frac{2}{3} \text{ وحدة}$$

$$\text{اصبح مع مريم} = 1 \text{ وحدة} + \frac{2}{3} \text{ وحدة} = \frac{2}{3} + \frac{3}{3} = \frac{5}{3} \text{ وحدة}$$



$$\text{اصبح مع وليد} = 2 \text{ وحدة} - \frac{2}{3} \text{ وحدة} = \frac{6}{3} - \frac{2}{3} = \frac{4}{3} \text{ وحدة}$$

$$\text{مريم : وليد} = \frac{4}{3} : \frac{5}{3} = \frac{4}{3} \div \frac{5}{3} = \frac{4}{3} \times \frac{3}{5} = \frac{4}{5}$$

$$\therefore \text{مريم : وليد} = 4 : 5$$

$$\text{فرق الوحدات} = 5 - 4 = 1 \text{ وحدة} \leftarrow 42 \text{ دينار}$$

$$\therefore \text{مبلغ وليد} = 4 \text{ وحدات} = 42 \times 4 = 168 \text{ دينار}$$

$$\therefore \text{مبلغ مريم} = 5 \text{ وحدات} = 42 \times 5 = 210 \text{ دينار}$$

كانت نسبة عدد السيارات الأوروبية إلى عدد السيارات اليابانية في إحدى صالات العرض 3 : 4. السيارات اليابانية كانت إما من النوع (أ) أو النوع (ب). عدد السيارات من النوع (أ) $\frac{2}{3}$ عدد السيارات من النوع (ب). إذا كان عدد السيارات من النوع (ب) يزيد 52 على النوع (أ)

1 ما عدد جميع السيارات؟

2 كم كان عدد السيارات الأوروبية؟

السيارات الأوروبية : السيارات اليابانية

$$3 : 4$$

$$\text{النوع أ} = \frac{2}{3} \text{ النوع ب}$$

$$\text{النوع أ : النوع ب} = 2 : 3$$

$$\text{فرق الوحدات} = 3 - 2 = 1 \text{ وحدة}$$

$$1 \text{ وحدة} \leftarrow 52 \text{ سيارة}$$

$$\text{النوع أ} = 2 \text{ وحدة} = 52 \times 2 = 104 \text{ سيارة}$$

$$\text{النوع ب} = 3 \text{ وحدات} = 52 \times 3 = 156 \text{ سيارة}$$

$$\text{عدد السيارات اليابانية} = 156 + 104 = 260 \text{ سيارة}$$



بالقسمة على 4

4 وحدات يابانية ← 260

1 وحدة ← 65 سيارة

∴ عدد السيارات الأوروبية = 3 وحدات = $65 \times 3 = 195$ سيارة∴ عدد جميع السيارات = $195 + 260 = 455$ سيارة

مَعَ سُلَيْمَانَ فَطَائِرُ بِالزُّبْدَةِ وَشَطَائِرُ بِنَسْبَةِ 5 : 2 فِي الْبِدَايَةِ . بَاعَ 18 فَطِيرَةً وَأَعَدَّ 15 فَطِيرَةً أُخْرَى . فِي النِّهَايَةِ ، وَجَدَ أَنَّ عَدَدَ الْفَطَائِرِ مِثْلَ عَدَدِ الشُّطَائِرِ عِنْدَهُ .

- 1 كَمْ كَانَ عَدَدُ الْفَطَائِرِ عِنْدَهُ فِي الْبِدَايَةِ؟
- 2 كَمْ عَدَدُ الشُّطَائِرِ الَّتِي أَصْبَحَتْ عِنْدَهُ فِي النِّهَايَةِ؟

الفطائر : الشطائر

5 : 2

عدد الفطائر = 5 وحدة ، عدد الشطائر = 2 وحدة

5 وحدة - 18 = 2 وحدة + 15

5 وحدة - 2 وحدة = 18 + 15

3 وحدة = 33 بالقسمة على 3

1 وحدة = 11

∴ عدد الفطائر في البداية = 5 وحدة = $11 \times 5 = 55$ فطيرة∴ عدد الشطائر في البداية = 2 وحدة = $11 \times 2 = 22$ شطيرة∴ عدد الشطائر في النهاية = $22 + 15 = 37$ شطيرة



كانت نسبة عدد السمك الزينة في الحوض (أ) إلى عدد السمك الزينة في الحوض (ب) 8 : 19 . عندما نقل خالد 4 سمكات من الحوض (ب) إلى الحوض (أ) ، أصبح عدد السمك في الحوض (أ) يقل 36 عن عدد السمك في الحوض (ب) . كم سمكة كانت في كل حوض في البداية ؟

الحوض أ : الحوض ب

8 : 19

عدد وحدات أ = 8

عدد وحدات ب = 19

عند نقل 4 سمكات من ب إلى أ (يتم زيادة أ بمقدار 4 و بنقصان ب بمقدار 4)

$$19 \text{ وحدة} - 4 = (8 \text{ وحدة} + 4) + 36$$

$$19 \text{ وحدة} - 8 \text{ وحدة} = 4 + 36 + 4$$

$$11 \text{ وحدة} = 44 \quad \text{بالقسمة على } 11$$

$$1 \text{ وحدة} = 4$$

$$\therefore \text{عدد السمك في أ} = 4 \times 8 = 32 \text{ سمكة}$$

$$\therefore \text{عدد السمك في ب} = 4 \times 19 = 76 \text{ سمكة}$$

مع كل من محمد وأحمد وانتصار بعض النقود. كانت نسبة مبلغ النقود مع محمد إلى مبلغ النقود مع أحمد 3 : 7 في البداية. أقرض محمد 48 ديناراً إلى انتصار وأقرض أحمد 172 ديناراً من انتصار. في النهاية، أصبح ما مع محمد من النقود مساوياً لما مع أحمد من النقود.

- 1 ما المبلغ الذي كان مع أحمد في البداية؟
- 2 كم أصبح مع كل من محمد وأحمد في النهاية؟

محمد : أحمد

3 : 7

محمد = 7 وحدات ، أحمد = 3 وحدات

أقرض محمد 48 دينار يصبح معه 7 وحدات - 48
أقرض أحمد 172 دينار يصبح معه 3 وحدات + 172

7 وحدات - 48 = 3 وحدات + 172

7 وحدات - 3 وحدات = 172 + 48

4 وحدات = 220 بالقسمة على 4

1 وحدة = 55

مبلغ أحمد في البداية = 3 وحدة = $55 \times 3 = 165$ دينار

ما مع محمد = $(55 \times 7) - 48 = 385 - 48 = 337$

∴ مبلغ محمد و أحمد في النهاية = $337 + 165 = 502$ دينار

صفحة Zein Atala

- مع كريم بعض العملات المعدنية فئة 20 هـ، وفئة 50 هـ بنسبة 3 : 2. صرف بعضاً من العملات فئة 20 هـ ولكن أعطته أخته بعض العملات فئة 50 هـ بقيمة إجمالية تساوي مبلغ النقود الذي صرفه، فأصبحت نسبة عدد العملات فئة 20 هـ إلى عدد العملات فئة 50 هـ 5 : 6. إذا كان مبلغ كريم يقل عن 2 دينار، فأوجد:
- 1 مبلغ النقود الكلي الذي معه.
 - 2 عدد العملات فئة 20 هـ التي صرفها.

في البداية 20 هـ : 50 هـ

3 : 2

في النهاية 20 هـ : 50 هـ

5 : 6

بضرب المعادلة الأولى $5x$ تصبح النسبة 15 : 10 قبل الصرف

بضرب المعادلة الثانية $2x$ تصبح النسبة 10 : 12 بعد الصرف

∴ مبلغ النقود الكلي = 10 وحدات 20 هـ + 12 وحدة 50 هـ

$$50 \times 12 + 20 \times 10 =$$

$$= 600 + 200 = 800 \text{ درهم}$$

∴ عدد العملات فئة 20 التي صرفها = 15 - 10 = 5 عملات

عِنْدَ عَلِيٍّ جِهَازِي حَاسُوبٍ مِنْ نَفْسِ النَّوعِ . بَاعَ أَحَدَهُمَا بِمَبْلَغٍ يَزِيدُ 40 % عَلَى ثَمَنِ الشُّرَاءِ ، وَبَاعَ الثَّانِي بِمَبْلَغٍ يَقِلُّ 20 % عَنْ ثَمَنِ الشُّرَاءِ . اسْتَلَمَ 2200 دِينَارٍ ثَمَنًا لِبَيْعِ الْجِهَازَيْنِ . مَا ثَمَنُ شُرَاءِ كُلِّ جِهَازٍ ؟

الجهاز الأول:-

الشراء 100% المكسب 40% البيع 140% ← 1

الجهاز الثاني:-

الشراء 100% الخسارة 20% البيع 80% ← 2

بجمع 1 , 2

ثمن شراء الجهازين = 100% + 100% = 200%

ثمن بيع الجهازين = 140 + 80 = 220

220% ← 2200 بالقسمة على 220

10% = 10

ثمن شراء الجهاز = 100% = 10 x 100 = 1000 دينار

بَاعَ مُصْطَفَى 3 قُمُصَانٍ بِمَبْلَغٍ 720 دِينَارًا . بَاعَ أَحَدَهَا بِمَبْلَغٍ يَزِيدُ 25 % عَلَى ثَمَنِ الشُّرَاءِ ، وَبَاعَ الثَّانِي بِمَبْلَغٍ يَزِيدُ 45 % عَلَى ثَمَنِ الشُّرَاءِ ، وَبَاعَ الثَّالِثَ بِمَبْلَغٍ يَقِلُّ 10 % عَنْ ثَمَنِ الشُّرَاءِ . إِذَا كَانَتْ ثَمَنُ شُرَاءِ جَمِيعِ الْقُمُصَانِ بِنَفْسِ الْمَبْلَغِ .

1 ما ثَمَنُ شُرَاءِ كُلِّ قِمِيصٍ ؟

2 ما مَكْسَبُهُ مِنْ بَيْعِ الْقُمُصَانِ الثَّلَاثَةِ ؟

البيع	المكسب	شراء	
125	25	100	الأول
145	45	100	الثاني
90	خسر 10	100	الثالث
360		300	المجموع



بالقسمة على 360

$$720 \leftarrow 360\%$$

$$2 = 1\%$$

ثمن شراء القميص = $200 = 2 \times 100$ دينار

ثمن شراء 3 قمصان = $600 = 200 \times 3$ دينار

بعد التحاق 5 يصبح الفصل 40 تلميذ

عدد الأولاد =

$$120 = 600 - 720 \text{ دينار مكسب}$$

فصل دراسي به 35 تلميذاً. 20% منهم أولاد. بعد أن التحق بالفصل 5 تلاميذ آخرين، زاد عدد الأولاد في الفصل 25%. ما عدد الأولاد الذين التحقوا بالفصل؟

عدد التلاميذ = 35

$$\text{عدد الأولاد} = 20\% \text{ من } 35 = 35 \times \frac{20}{100} = 7 \text{ أولاد}$$

بعد التحاق 5 يصبح الفصل 40 تلميذ

$$\text{عدد الأولاد} = 25\% \text{ من } 40 = 40 \times \frac{25}{100} = 10 \text{ أولاد}$$

$$\text{عدد الأولاد الذين التحقوا بالفصل} = 10 - 7 = 3 \text{ أولاد}$$

عند علي 240 من نوعين من السمك في متجره (أ)، (ب). 60% من السمك كان من النوع (أ). بعد أن باع 80 سمكة من النوعين (أ)، (ب) كان 55% من السمك الباقي من النوع (أ). كم سمكة من النوع (أ) باعها؟

$$\text{سمك نوع أ} = 60\% \text{ من السمك} = 240 \times \frac{60}{100} = 144 \text{ سمكة}$$

$$\text{السمك الباقي من النوعين} = 240 - 80 = 160 \text{ سمكة}$$

$$\text{السمك الباقي من النوع أ} = 160 \times \frac{55}{100} = 88 \text{ سمكة}$$

$$\therefore \text{السمك المباع من النوع أ} = 144 - 88 = 56 \text{ سمكة}$$



صفحة Zein Atala

زَرَعَ زِيَادُ 240 شَجَرَةً مِشْمِشَ، وَبَلَحَ، وَجَوَزَ هِنْدَ فِي مَزْرَعَتِهِ. 25% مِنْ
الْأَشْجَارِ كَانَتْ أَشْجَارَ بَلَحَ. كَانَتْ عَدَدُ أَشْجَارِ الْمِشْمِشِ 4 أَمْثَالِ عَدَدِ أَشْجَارِ جَوَزِ
الْهِنْدِ. إِذَا كَانَتْ عَدَدُ أَشْجَارِ الْمِشْمِشِ يَزِيدُ 84 عَلَى عَدَدِ أَشْجَارِ الْبَلَحِ، فَكَمْ
كَانَتْ عَدَدُ أَشْجَارِ جَوَزِ الْهِنْدِ؟

عدد الأشجار = 240 شجرة

$$\text{عدد أشجار بلح } 25\% \text{ من الأشجار} = 240 \times \frac{25}{100} = 60 \text{ شجرة}$$

أشجار المشمش يزيد 84 من اشجار البلح

$$\text{أشجار المشمش} = 84 + 60 = 144 \text{ شجرة}$$

أشجار المشمش 4 أمثال عدد أشجار جوز الهند

$$\therefore \text{أشجار جوز الهند} = \frac{144}{4} = 36 \text{ شجرة}$$



1 كان طول مضمار الجري في استاد 400 متر. جرى مروان وخيري حول المضمار مرة واحدة. جرى مروان بسرعة متوسطة 8 م/ث. بدأ خيري جريته بعد 5 ثوان، ووصل كلاهما نقطة النهاية في نفس الوقت.

1 أوجد الزمن الذي استغرقه خيري لجرى 400 م.

2 أوجد سرعة جري خيري. أوجد الإجابة لأقرب رقم عشري واحد.

$$\frac{\text{المسافة}}{\text{الزمن}} = \text{السرعة} \quad \therefore \text{الزمن} = \frac{\text{المسافة}}{\text{السرعة}}$$

$$\text{زمن مروان} = \frac{400}{8} = 50 \text{ ثانية}$$

جري خيري أقل 5 ثواني من مروان

$$\therefore \text{زمن خيري} = 50 - 5 = 45 \text{ ثانية}$$

$$\therefore \text{سرعة جري خيري} = \frac{\text{المسافة}}{\text{الزمن}} = \frac{400}{45} = 8.88 = 8.9 \text{ م/ث}$$

ب قاد رامي وهاني سيارتيهما 210 كم من المدينة (أ) إلى المدينة (ب) على نفس الطريق. غادر رامي المدينة (أ) الساعة 8:05 م، وغادر هاني المدينة (أ) الساعة 8:35 م، ولكن وصل كلاهما المدينة (ب) في نفس الوقت. تحرك رامي بسرعة متوسطة 60 كم/س. أوجد السرعة المتوسطة لهاني.

$$\therefore \text{السرعة المتوسطة} = \frac{\text{المسافة}}{\text{الزمن}}$$

$$\therefore \text{الزمن} = \frac{\text{المسافة}}{\text{السرعة المتوسطة}} = \frac{210}{60} = \frac{21}{6} = 3 \frac{1}{2}$$

زمن هاني أقل $\frac{1}{2}$ ساعة من رامي

$$\text{زمن هاني} = 3 \frac{1}{2} - \frac{1}{2} = 3 \text{ ساعات}$$

$$\therefore \text{سرعة هاني} = \frac{\text{المسافة}}{\text{الزمن}} = \frac{210}{3} = 70 \text{ كم/س}$$



بَدَأَتْ عَمِيرُ التَّحْرُكِ بِدَرَاجَتِهَا مِنْ مَنْزِلِهَا إِلَى الشَّاطِئِ السَّاعَةِ 7:48 ص. تَحَرَّكَتْ بِسُرْعَةٍ مُتَوَسِّطَةٍ 12 كم/س، وَوَصَلَتْ الشَّاطِئِ السَّاعَةَ 8:28 ص وَبَقِيَتْ عَلَى الشَّاطِئِ $2\frac{1}{2}$ سَاعَةً ثُمَّ عَادَتْ لِثَلَاثِهَا بِسُرْعَةٍ مُتَوَسِّطَةٍ 10 كم/س.

صفحة Zein Atala

1 أَوْجِدِ الْمَسَافَةَ بَيْنَ مَنْزِلِهَا وَالشَّاطِئِ.

2 مَتَى وَصَلَتْ مَنْزِلَهَا؟

∴ زمن وصول عَمِيرٍ لِلشَّاطِئِ = النهاية - البداية
 $7:48 - 8:28 = 40$ دقيقة

40 دقيقة = $\frac{40}{60}$ ساعة = $\frac{2}{3}$ ساعة

∴ السرعة = $\frac{\text{المسافة}}{\text{الزمن}}$ ∴ المسافة = السرعة × الزمن

∴ المسافة بين المنزل والشاطئ = $\frac{2}{3} \times 12 = 8$ كم

الزمن = $\frac{\text{المسافة}}{\text{السرعة}} = \frac{8}{10} = \frac{8}{10}$ ساعة = $60 \times \frac{8}{10} = 48$ دقيقة

∴ وصلت المنزل الساعة $11:46 = 2:30 + 0:48 + 8:28$ ص

تَحَرَّكَ سَائِقُ بَسَيَّارَةٍ بِسُرْعَةٍ 72 كم/س مِنْ الْمَدِينَةِ أ إِلَى الْمَدِينَةِ ب. مِنْ الْمَدِينَةِ ب إِلَى الْمَدِينَةِ ج قَادَ 3 سَاعَاتٍ بِسُرْعَةٍ مُتَوَسِّطَةٍ 88 كم/س. بَدَأَ رَحْلَتَهُ مِنَ الْمَدِينَةِ أ السَّاعَةَ 2:30 م وَوَصَلَ الْمَدِينَةَ ج السَّاعَةَ 7:30 م. أَوْجِدِ الْمَسَافَةَ الْكُلِّيَّةَ الَّتِي قَطَعَهَا السَّائِقُ؟

زمن الرحلة كلها من أ إلى ج = النهاية - البداية
 $2:30 - 7:30 = 5$ ساعة

زمن من ب إلى ج 3 ساعات

∴ زمن من أ إلى ب = $3 - 5 = 2$ ساعة

السرعة = $\frac{\text{المسافة}}{\text{الزمن}}$ المسافة = السرعة × الزمن

المسافة من أ إلى ب = $2 \times 72 = 144$ كم

المسافة من ب إلى ج = $3 \times 88 = 264$ كم

∴ المسافة الكلية = $264 + 144 = 408$ كم



غادرَ عَبْدُ اللَّهِ الْمَدِينَةَ أ إِلَى الْمَدِينَةِ ب السَّاعَةَ 7:00 ص. بِحُلُولِ السَّاعَةِ 8:00 ص
كَانَ قَدْ قَطَعَ 60 كم. فِي السَّاعَةِ 8:00 ص، غَادَرَتْ مَرْيَمُ الْمَدِينَةَ أ وَتَحَرَّكَتْ بِسُرْعَةٍ
مُتَوَسِّطَةٍ 80 كم/س عَلَى نَفْسِ الطَّرِيقِ. وَصَلَ كِلَاهُمَا الْمَدِينَةَ ب فِي نَفْسِ الْوَقْتِ.
أَوْجِدِ الْمَسَافَةَ بَيْنَ الْمَدِينَتَيْنِ؟

$$\therefore \text{سرعة عبدالله} = \frac{\text{المسافة}}{\text{الزمن}} = \frac{60}{1} = 60 \text{ كم/س}$$

بعد 4 ساعات يتحرك عبدالله مسافة = $60 \times 4 = 240$ كم

بعد 3 ساعات تتحرك مريم مسافة = $80 \times 3 = 240$ كم

\therefore المسافة بين المدينتين = 240 كم

غادرَ جَمِيلُ الْمَدِينَةَ أ السَّاعَةَ 09:00 وَتَحَرَّكَ 220 كم إِلَى الْمَدِينَةِ ب. قَادَ سَيَّارَتَهُ
بِسُرْعَةٍ مُتَوَسِّطَةٍ 70 كم/س. بَعْدَ سَاعَةٍ، غَادَرَتْ هُدَى الْمَدِينَةَ ب إِلَى الْمَدِينَةِ أ،
مُتَحَرِّكَةً عَلَى نَفْسِ الطَّرِيقِ بِسُرْعَةٍ 80 كم/س. عَلَى أَيِّ بُعْدٍ مِنَ الْمَدِينَةِ أ يَتَقَابِلَانِ؟

المسافة بين المدينة أ والمدينة ب = 220 كم

بعد الساعة الأولى يتحرك جميل 70 كم

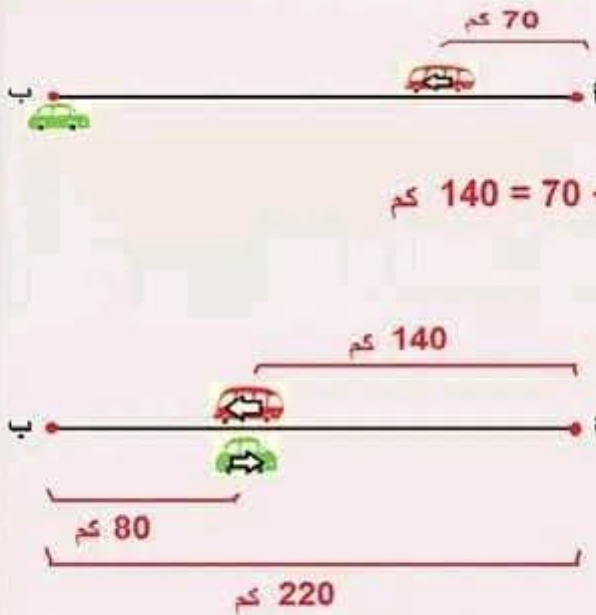
المسافة الباقية = $220 - 70 = 150$ كم

$$150 \text{ كم} = 80 + 70$$

تحركت هدى وجميل ساعة

يتقابلان بعد تحرك جميل ساعتين $140 = 70 + 70$ كم

\therefore يتقابلان على بعد 140 كم من أ



صفحة Zein Atala